

## واسنجی مدل‌های گامپرتز و لجستیک برای محاسبه دوره‌ی بحرانی کنترل علف‌های هرز

(گزارش علمی)

سید محمود رضا بهبهانی<sup>\*</sup>، محسن اسکافی نوغانی<sup>\*\*</sup> و علی محمد احمدی<sup>\*\*\*</sup>

### چکیده

تأثیر علف هرز بر کاهش محصول در طول دوره رشد گیاهان یکسان نیست. لذا تعیین مرحله‌ای از دوره رشد گیاه که علف‌های هرز بیشترین خسارت را دارند برای یک مبارزه اصولی و مؤثر ضروری می‌باشد. از مدل‌های ریاضی مورد استفاده برای توصیف چگونگی تأثیر علف‌های هرز بر عملکرد گیاهان، مدل‌های گامپرتز<sup>۱</sup> و لجستیک<sup>۲</sup> می‌باشند. یکی از مشکلات استفاده از این مدل‌ها واسنجی<sup>۳</sup> آنها می‌باشد. در تحقیق حاضر یک روش مناسب برای محاسبه پارامترهای این مدل‌ها ارایه شده و با استفاده از نتایج حاصل از اجرای یک آزمایش بر روی گیاه گوجه‌فرنگی پارامترهای دو مدل محاسبه و با درنظر گرفتن پنج درصد کاهش مجاز محصول، مرحله‌ی بحرانی برای کنترل علف‌های هرز محاسبه شده است. از مزایای این روش دقت زیاد محاسبات و سادگی امکانات مورد نیاز می‌باشد. در این روش با استفاده از روش حداقل مربعات و ارایه یک طرح مناسب می‌توان محاسبات را تا رسیدن به دقت دلخواه ادامه داد.

واژه‌های کلیدی: دوره بحرانی، روش‌های عددی، علف هرز، مدل گامپرتز، مدل لجستیک، واسنجی

۱ - Gompertz

۲ - Logistic

۳ - Calibration

\* - استادیار گروه آبیاری و زهکشی، مجتمع آموزش عالی ابوریحان، دانشگاه تهران، تهران - ایران

\*\* - کارشناس گروه آبیاری و زهکشی، مجتمع آموزش عالی ابوریحان، دانشگاه تهران، تهران - ایران

\*\*\* - کارشناس ارشد مرکز تحقیقات کشاورزی هرمزگان، هرمزگان - ایران

## مقدمه

تعیین دقیق مرحله‌ی بحرانی از نظر اقتصادی دارای اهمیت ویژه‌ای است. دقت اندازه‌گیری دوره‌ی بحرانی نیز به دقت برآورد پارامترهای معادله لجستیک و گامپرتنز بستگی دارد.

در تحقیق حاضر با استفاده از نتایج حاصل از اجرای آزمایش در گیاه گوجه‌فرنگی و با تلفیق دو روش حداقل مربعات و نیوتون – رافسون پارامترهای معادله گامپرتنز و لجستیک برآورد شد و با درنظر گرفتن پنج درصد کاهش مجاز محصول برای این گیاه دوره‌ی بحرانی محاسبه و نتایج مربوط به آن ارایه شده است.

## مواد و روشها

در معادله (۱) حد  $u$  وقتی  $t$  به سمت یک عدد بزرگ میل کند مساوی با  $A$  می‌باشد.

$$\lim_{t \rightarrow \infty} A \exp(-B \exp(-Kt)) = A$$

چون بیشترین مقدار برای  $t$  طول دوره رشد می‌باشد لذا  $Y$  در این زمان مقدار عملکرد شاهد و مساوی ۱۰۰ است. بنابراین مقدار پارامتر  $A$  عددی نزدیک به ۱۰۰ می‌باشد. به منظور برآورد دقیق پارامترها می‌توان معادله (۱) را به صورت زیر نوشت:

$$\ln Y = \ln A - B e^{-Kt} \quad (3)$$

اگر در عبارت  $e^{-kt}$  برای پارامتر  $K$  یک مقدار معلوم درنظر گرفته شود این مقدار دارای خطای به اندازه  $\Delta K$  می‌باشد. یعنی:

یکی از روش‌های افزایش تولید مواد غذایی، افزایش تولید در واحد سطح می‌باشد. جلوگیری از خسارت ناشی از علف‌های هرز، بیماری‌ها، حشرات و سایر آفات از روش‌های مناسب برای افزایش تولید در واحد سطح می‌باشند. خسارت علف‌های هرز حدود ۲۷۸ میلیون تن محصول در سال برآورد شده که تقریباً  $11/5$  درصد از کل غذای جهان است (۹ و ۱۱). بررسی‌ها نشان می‌دهد که کنترل علف‌های هرز در دوره‌ی بحرانی رشد گیاه در افزایش محصول مؤثر است (۴، ۵، ۷ و ۸). در یک تحقیق دیگر برای کنترل علف هرز در زراعت ذرت با درنظر گرفتن پنج درصد کاهش مجاز، دوره بحرانی کنترل علف‌های هرز تعیین شده است (۶).

مدل گامپرتنز (۱) برای تعیین رابطه‌ی دوره‌ی کنترل علف‌های هرز با میزان عملکرد گیاه ارایه شده است:

$$Y = A \exp(-B \exp(-Kt)) \quad (1)$$

در این مدل  $t$  تعداد روز از شروع کاشت تا پایان مرحله کنترل (متغیر مستقل) و  $u$  درصد عملکرد نسبت به شاهد (متغیر وابسته) است. حروف  $A$ ,  $B$  و  $K$  نیز مربوط به پارامترهای این مدل می‌باشند و مقدار آنها به مشخصات گیاه و منطقه مورداد آزمایش بستگی دارد.

مدل تابع لجستیک (۲) نیز برای تعیین رابطه دوره‌ی تداخل و عملکرد گیاه زراعی به شکل زیر ارایه شده است:

$$Y = (1/(D \times e^{k(T-X)} + F) + (F-1)/F) \times 100 \quad (2)$$

به اندازهی کافی کم باشد ادامه داده می شود. بدین ترتیب مقادیر پارامترهای مدل محاسبه می شوند.

مدل لجستیک به صورت معادله (۲)

می باشد. در این معادله،  $Y$  درصد عملکرد نسبت به شاهد (متغیر وابسته)،  $t$  زمان (بر حسب روز) از شروع کاشت تا شروع مرحله کنترل (متغیر مستقل)،  $X$  طول نقطه عطف منحنی قابل محاسبه می باشد و  $D$ ،  $K$  و  $F$  نیز پارامترهای معادله می باشند.

به منظور محاسبه  $F$  باتوجه به این که در

$$\frac{1}{De^{K(T-X)} + F} \text{ پایان دورهی رشد عبارت دارای کمترین مقدار خود می باشد می توان از این عبارت صرف نظر کرد.}$$

با استفاده از مقدار  $Y$  مربوط به تیمار تداخل تمام فصل، مقدار  $F$  از فرمول زیر محاسبه می شود:

$$F = \frac{100}{(-Y + 100)}$$

پارامتر  $F$  در کلیهی موارد بیشتر از یک بوده و مقاومت گیاه در مقابل علف هرز را نشان می دهد. برای گیاهان حساس به علف هرز مقدار آن نزدیک به یک است. هرچه گیاه در مقابل علف هرز مقاومتر باشد مقدار این پارامتر بیشتر است.

چون نقطه  $(X, Y_x)$  روی منحنی لجستیک قرار دارد و مقدار  $e^{K(t-X)}$  مساوی یک است. لذا:

$$Y_x = (1/(D+F) + (F-1)/F)100$$

پس از ساده کردن این معادله مقدار  $D$  از رابطه زیر محاسبه می شود:

بنابراین:

$$K = K_0 + \Delta K$$

$$e^{-KT} = e^{-K_0 T} e^{-\Delta K T}$$

بسط تیلور عبارت  $e^{-\Delta K T}$  عبارت است از:

$$e^{-\Delta K T} = 1 - \Delta K T + \frac{\Delta K^2}{2!} T^2 + \dots$$

باتوجه به کوچک بودن مقدار  $\Delta K$  می توان از جملاتی که شامل عبارت  $\Delta K$  با توان بزرگتر از یک است صرف نظر نمود. پس:

$$e^{-\Delta K T} = 1 - \Delta K T$$

با جایگزین کردن در معادله (۳) می توان نوشت:

$$Ln y = \ln A + B e^{-k_0 T} (\Delta K T - 1)$$

رابطه فوق به صورت زیر قابل تبدیل است:

$$I = C_1 f_1 + C_2 f_2 + C_3 f_3$$

با برازش منحنی مقادیر  $\Delta K$  از روابط زیر حاصل می شود:

$$f_1 = 1 \quad f_2 = -e^{-KT} \quad f_3 = f_2 T$$

$$\Delta K = -\frac{C_3}{C_2}$$

با محاسبه مقدار  $\Delta K$  مقدار  $K$  حاصل می شود. در این مرحله اگر مقدار  $\Delta K$  به اندازهی کافی کم باشد مقادیر  $A$  و  $B$  از روابط زیر محاسبه می شوند:

$$A = e^{c_1} \quad B = -c_2$$

اگر مقدار  $\Delta K$  قابل توجه باشد با جایگزین کردن مقدار  $K_0 + \Delta K$  به جای  $K$  محاسبات تکرار می شوند و تا زمانی که  $\Delta K$

همچنین معادلات مورد استفاده برای مدل لجستیک و ارقام مربوط به برآورد پارامترها

$$Y = \frac{103}{231} e^{-2/139} e^{-0/417 T}$$

$$A=103/231, B=2/139, K=0/417$$

ضریب تعیین ۹۹٪

$$D = \frac{-F^2(Y_x - 100)}{F(Y_x - 100) + 100}$$

برای تعیین پارامتر  $K$  معادله لجستیک را

می‌توان به صورت زیر نوشت:

$$e^{k(t-x)} = \frac{-F^2(Y - 100)}{(F(Y - 100) + 100)D}$$

نتایج حاصل از برازش منحنی‌های لجستیک و گامپرترز به ترتیب در جداول یک و دو ارایه شده است.

جدول ۱ - مقادیر حاصل از اجرای آزمایش و برآوردهای حاصل از مدل گامپرترز

زمان از آزمایش	مقادیر برآورده شده	مقادیر حاصل (روز)
۱۰۰	۹۹/۳۶	.
۹۲/۶۷	۹۷/۹۵	۱۴
۹۲/۰۷	۹۳/۶۴	۲۱
۸۷/۴۶	۸۲/۴۹	۴۲
۷۳/۱۱	۶۲/۶۳	۵۶
۳۴/۳۶	۴۳/۰۴	۷۰
۲۶/۱۹	۲۶/۲۴	۱۴۲

جدول ۲ - مقادیر حاصل از اجرای آزمایش و برآوردهای حاصل از مدل لجستیک

زمان از آزمایش	مقادیر برآورده شده	مقادیر حاصل (روز)
۳۱/۹۵	۳۱/۳۳	۱۴
۴۹/۴۵	۵۳/۱۰	۲۸
۷۴/۶	۷۱/۲۶	۴۲
۸۳/۹	۸۳/۹۶	۵۶
۹۴/۳۶	۹۲/۰۰	۷۰
۱۰۰	۱۰۲/۶۵	۱۴۲

با ساده کردن معادله بالا می‌توان نوشت:

$$K(t-x) = \ln \left( \frac{F^2(100-Y)}{(F(Y-100)+100)D} \right)$$

با برازش خط مستقیم می‌توان مقدار  $K$  را محاسبه نمود.

برای محاسبه پارامترهای مربوط به دو مدل گامپرترز و لجستیک برنامه رایانه‌ای تهیه و ارایه شده است.

### نتایج و بحث

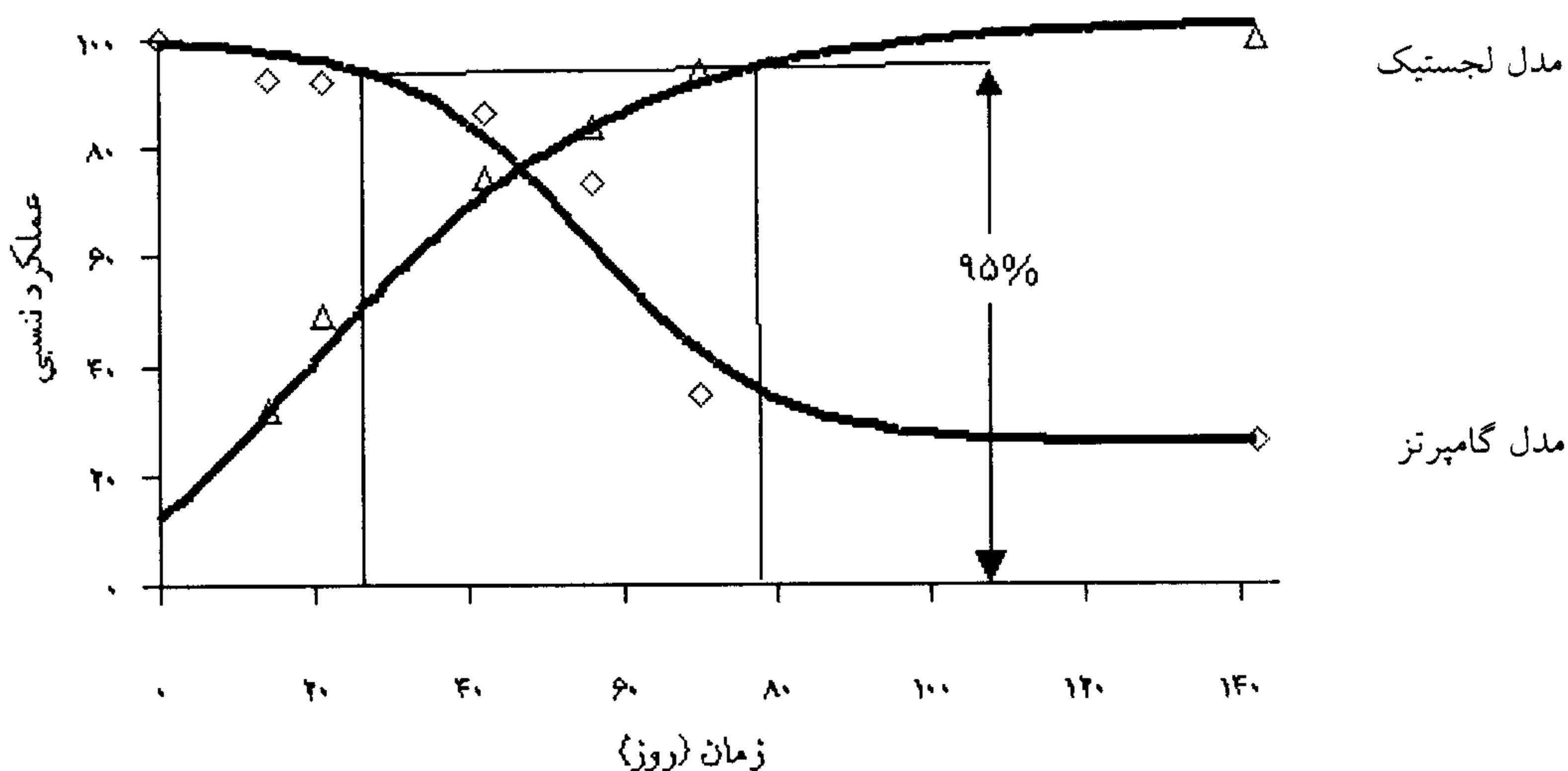
برای برآورد پارامترهای دو مدل مورد بحث از اطلاعات حاصل از یک آزمایش انجام شده بر روی گیاه گوجه‌فرنگی استفاده شد. معادلات مورد استفاده برای مدل گامپرترز و ارقام مربوط به برآورد پارامترها به صورت زیر است:

$$Y = \left( \frac{1}{2/81 e^{0/085(T-64/28)} + 1/35} + \frac{1/35 - 1}{1/35} \right) * 100$$

$$X = 64/28, F = 1/35, D = 2/81: \quad \text{و}$$

$$K = 0/080$$

مقدار ضریب تعیین این معادله برابر با ۰/۹۵۲ محاسبه شد.



شکل ۱ - نمایش مدل های گامپرترز و لجستیک و تعیین دورهی بحرانی پنج درصد

با درنظر گرفتن پنج درصد کاهش عملکرد دورهی بحرانی گیاه گوجه فرنگی از ۲۵ الی ۷۷ روز بعد از کاشت محاسبه شده است.

با استفاده از ارقام جداول یک و دو، شکل یک ترسیم شده است. تغییرات این منحنی دقت زیاد روشن ارایه شده را تأیید می کند.

- ۳ - کیانی فریبرز، م. ر. ۱۳۷۶. دورهی بحرانی کنترل علف های هرز در گوجه فرنگی. پایان نامه کارشناسی ارشد زراعت، دانشگاه فردوسی مشهد.
- ۴ - محمودی، س. ۱۳۷۷. تعیین دوره بحرانی کنترل علف های هرز در پنبه (*Gossypium hirsatum*) و بررسی اثرات رقابت بر عملکرد کمی و کیفی و اجزاء عملکرد آن، پایان نامه کارشناسی ارشد زراعت، مجتمع آموزش عالی ابوریحان، دانشگاه تهران.

#### منابع مورد استفاده

- 5 . Dunan CM, Westra P, Schweizer EE, Lybecker DW and Moore FD (1995) The concept and application of early economic period threshold: The case of DCPA in onion (*Allium cepa*). *Weed Sci.* 43:634-639.

- ۱ - احمدی، ع. ۱۳۷۸. تعیین دورهی بحرانی کنترل علف های هرز در گوجه فرنگی. پایان نامه کارشناسی ارشد زراعت، مجتمع آموزش عالی ابوریحان، دانشگاه تهران.
- ۲ - برجسته، ع. ۱۳۷۵. تعیین دورهی بحرانی کنترل علف های هرز در سورگوم علوفه ای. پایان نامه کارشناسی ارشد زراعت، دانشکده کشاورزی، دانشگاه تربیت مدرس.

- 6 . Ghosheh HZ, Holshouser L and Chandle JM (1996) The critical period of johnsongrass (*Sorghum halopense* control in field corn (*Zea mays*). *Weed Sci.* 44: 994-947.

- 7 . Hall MR, Swanton CJ and Anderson GW (1992) The critical period of weed control in grain corn. *Weed Sci.* 40: 441-447.
- 8 . Van acker RC, Wanton CS and Weise S (1993) The critical period of weed control in soybean [*Glycine max* (L. merr.)]. *Weed Sci.* 41: 194-200.
- 9 . Vmbha N and Ushilumar S (1998) Weed Science Research in India. *J. Agricultural. Sci.* 68(8. special issue): 567-582.
- 10 . Weaver SE and Tan CS (1983) Critical period of weed interference in transplanted tomatoes (*Lycopersicon esculentum*): Growth analysis. *Weed sci.* 31: 476-481.
- 11 . Weaver SE and Tan CE (1986) Critical period of weed interference in field – seeded tomatoes and its relation to water stress and shading. *c.p. Sci.* 67: 575-583.