

رها شدن ناگهانی ترمال طوقه‌ای با شناوری منفی

عباسعلی علی‌اکبری‌بیدختی^{*} و فاطمه مالکی‌فرد^{**}

^{*}موسسه زئوفیزیک دانشگاه تهران، صندوق پستی ۱۴۱۵۵-۶۴۶۶

^{**}سازمان هواشناسی کشور، صندوق پستی ۱۳۱۸۵-۴۶۱

(دریافت مقاله: ۱۳۷۲/۱۳. دپرس مقاله: ۱۳۷۶/۱۶)

چکیده

رها شدن شعاعی و ناگهانی شاره‌ای غیرچگال و چگال در شرایط محیطی همگن و بدون حرکت مدل‌سازی می‌شود. بهویژه، وضعیت ساده‌ای در نظر گرفته شده است که در آن شاره محیط آرام و بدون جنبه بندی چگالی است و چگالی شاره رها شده برابر یا بیشتر از چگالی محیط است. ابعاد شاره رها شده با فاصله از چشم به صورت خطی افزایش می‌یابد و ابری چنبره‌ای تشکیل می‌دهد که حرکت آن بر اثر درون آمیختگی کند می‌شود. هنگامی که شاره رها می‌شود چگال تر از محیط است، مرحله برتری نکانه بعد از مدتی به برتری شناوری تبدیل می‌شود و ابر؛ تحت تأثیر شناوری منفی خود، در فاصله‌ای از چشم به طور قائم به پایین حرکت می‌کند. هنگام رسیدن به سطح مبنای (زمین)، جریان گرانی با تفاوت شعاعی تشکیل می‌دهد و عمدتاً به طرف دور از چشم و تا اندازه‌ای به طرف چشم حرکت می‌کند. داده‌های کمی که از نتایج مشاهدات به دست می‌آید، با مدلی ریاضی که بر پایه نظریه همانندی بنا شده است، مقایسه می‌شود. پیش‌بینی‌های مدل با مشاهدات آزمایشگاهی، شامل سرعت و اندازه ابر چنبره‌ای به طور کلی همخوانی دارد. اندازه‌گیری‌های غلظت در سطح زمین نیز با مقدارهای پیش‌بینی شده موافق خوبی را نشان می‌دهد.

کلیدواژه‌ها: شناوری منفی، عدد فرود، تقریب بوسینسک، درون آمیختگی و جریان گرانی

۱ مقدمه

آزمایش‌هایی همراه با مدل‌هایی بر اساس معادلات درون آمیختگی مطالعه کردند که در آنها ارتفاع فواره و سطحی که در آن انتشار می‌یابند بررسی شده است. این گونه بررسی‌ها در مطالعه تغیرات اتاق‌های ماگنایی و همین‌طور در نحوه گرم و یا سرد کردن اتاق‌ها با پلوم مورد استفاده قرار می‌گیرد.

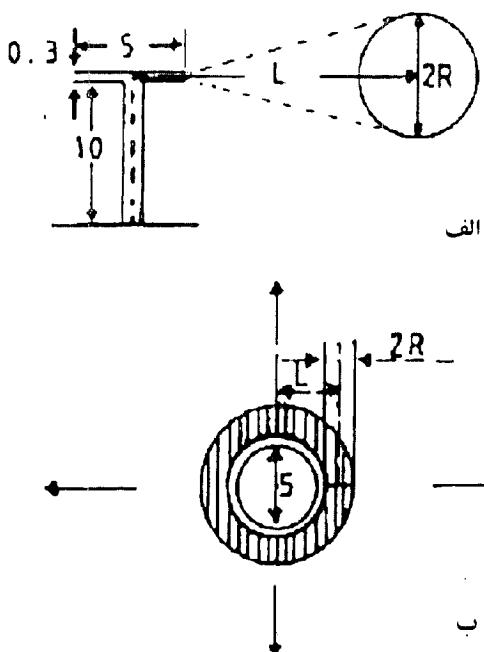
مسئله بستار (closure) تلاطمی، مدل‌های عددی و تحلیلی را با نارسایی روبرو می‌سازد. زیرا، در آن اغلب از ضریب‌های پخش تلاطمی استفاده می‌شود که به پایداری وابسته است. مدل‌های فیزیکی نیز، اغلب به سبب مشخص نبودن دقیق اثر برخی بارامترهای مهم مانند عدد پکلت (Pecllet number) و عدد رینولدز (Rinolds number) ممکن است با خطای چشمگیری همراه باشند (بریتر، ۱۹۸۹ a).

در اینجا حالت خاصی از حرکت یک ترمال یا ابر شناور مورد مطالعه قرار می‌گیرد که در محیطی آرام و از چشممهای دایره‌ای، ناگهان رها می‌شود. این حالت شباهت

امروزه تراپری و ذخیره‌سازی گازهای سنگین‌تر از هوا رواج دارد. رها شدن این گونه گازها در محیط می‌تواند به صورت‌های مختلف انجام گیرد (بریتر، ۱۹۸۹ b). مطالعه آنها پس از رها شدن، از نظر شکل و گسترش به صورت ترمال یا پلوم (plume) شناور با شناوری منفی، همچنین از دیدگاه اثرهای احتمالی روی محیط مانند سمی یا آتش‌زا بودن، اهمیت دارد. بهویژه مسئله پیش‌بینی غلظت گاز رها شده، ابعاد محدوده‌ای که آلووده می‌شود و احتمال انفجار (اگر گاز رها شده آتش‌زا باشد) از اهمیت بسیاری برخوردار است.

بررسی کردن حرکت پلوم‌ها با شناوری منفی به شیوه آزمایشگاهی و به روش عددی به عمل آمده، ولی درباره ترمال‌های شناور با رها شدن ناگهانی مطالعه کمتری شده است و اغلب به این منظور، چشم نقطه‌ای یا خطی در نظر گرفته شده است (ریچارد، ۱۹۶۵ و ۱۹۶۸ و بریتر، ۱۹۷۹). پلومفیلد و کر (۱۹۹۸ و ۱۹۹۹) فواره‌های تلاطمی با اثر شناوری در محیط‌های یکتواخت و پایدار را در مجموعه

ویدیویی تصویربرداری می‌شود و اندازه‌گیری‌های غلظت شوری و سرعت حرکت ابر را به کمک سیگنال‌هایی که از یک شوری سنج و یک سرعت سنج دریافت می‌شود، با رابطه نسبت و تحلیل می‌کنند.



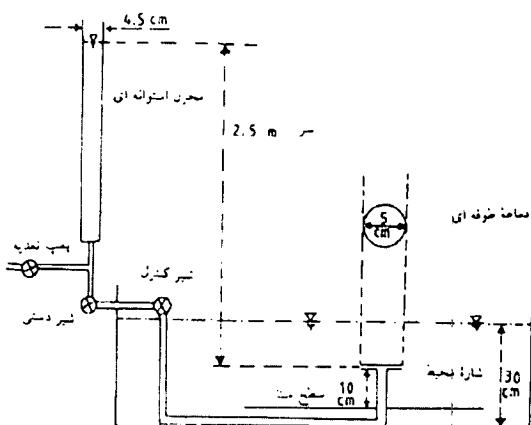
شکل ۲. الف- حایی جانی و ب- سایی بر بالا برای دماغه و بر جبره‌ی (اندازه‌ها بر حسب cm است).

حرکت ابر چنبره‌ای در حالتی که اختلاف چگالی شاره رها شده و شاره محیط صفر است، در شکل ۳ نشان داده شده است. نمای دبل گونه (dumb-bell shape) در شکل ۳-الف ناشی از فروزنی غلظت شاره رها شده و ضخامت آن در امتداد دید، در دو طرف، نسبت به وسط تصویر است. ناهمگنی ابر چنبره‌ای در شکل ۳-ب نیز نشانگر ساختار نلاطمی آن است. ابر چنبره‌ای در حالتی که دارای شناور نلاطمی است، پس از مدتی در فاصله معینی از محور قائم دماغه به سطح بینا (زمین) می‌رسد. آنگاه به صورت یک جریان گرانی، در دو سو، هم رو به بیرون و هم تا حدودی به سوی محور چشم، حرکت می‌کند.

زیادی به الفجار کپسول گاز در ارتفاعی از سطح زمین یا شکستن ناگهانی منبع گرد محتوی گاز سنگین، در ارتفاعی از سطح زمین و در لایه مرزی جو دارد.

۲ ابزار و شیوه آزمایش

ساختار ساده‌ای از ابزار کار در شکل ۱ نشان داده شده است. تشتک (tank) با آب شیرین (شاره محیط) پر شده است.



شکل ۱. ساختار ابزار کار آزمایش

در حالی که دریچه‌های دستی و کنترل بسته است، مخزن به کمک پمپ با آب شور (شاره شناور) پر می‌شود. آب شور از راه دماقه طوقه‌ای (annular nozzle) که در آب شیرین غوطه‌ور است، می‌تواند در این محیط آرام رها شود. در هر آزمایش مقدار معینی (۴۵ سانتی‌متر مکعب) آب شور با شوری معین (چگالی معین) به صورت تقریباً لحظه‌ای رها می‌شود. در عمل زمان رها شدن حدود $\frac{1}{3}$ ثانیه است که زمان پاسخ سیستم رها سازی است. شاره رها شده یک ابر چنبره‌ای (toroidal) یا به اصطلاح تاوه حلقه‌ای شناور (buoyant vortex ring) تشکیل می‌دهد که در محیط حرکت می‌کند. در شکل ۲-الف نمای جانی دماغه و ابر چنبره‌ای و در شکل ۲-ب، نمای از بالای دماغه و ابر چنبره‌ای، لحظه‌ای پس از رها شدن شاره شناور دیده می‌شود. از حرکت ابر چنبره‌ای به روش

محیط (ρ_a) برابر یک درصد است ($\frac{\Delta\rho}{\rho_a} = 0.01$)

نمودار شعاع مقطع و سرعت افقی ابر چنبره‌ای (در دو

حالت، $\frac{\Delta\rho}{\rho_a} = 0$ و $\frac{\Delta\rho}{\rho_a} = 0.01$) به صورت تابعی از

فاصله مرکز چنبره از محور چشم به ترتیب در شکل‌های ۶ و ۷ نشان داده شده است. از این نمودارها پیدا است

که شعاع ابر با فاصله از چشم به طور خطی با ضریب

درون آمیختگی $1/4$ ($\alpha = 0.4$) افزایش می‌یابد. با توجه

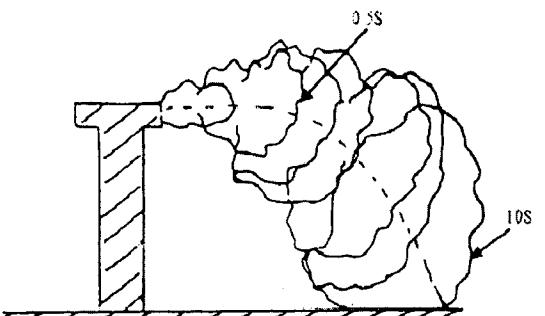
به شکل‌های ۶ و ۷ سرعت افقی ابتدا افزایش پیدا می‌کند و

پس از مدتی کوتاه رو به کاهش می‌گذارد. کاهش

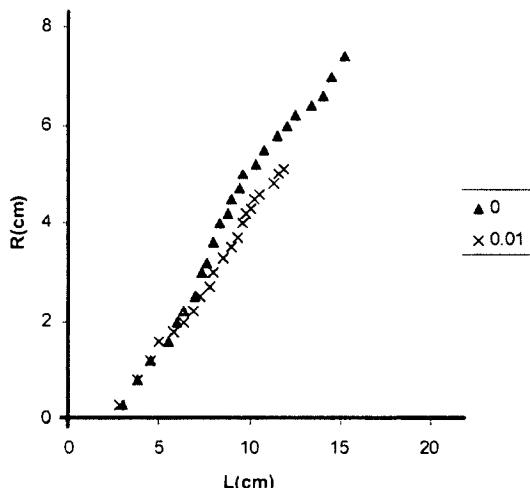
سرعت افقی به صورت $V \propto L^{-3}$ در این نمودارها

مشخص است که با نتایج مدل تحلیلی بخشن ۴ همخوانی

دارد.



شکل ۴. مسیر حرکت ابر چنبره‌ای ($\Delta\rho / \rho_a = 0.01$) در زمان‌های مختلف

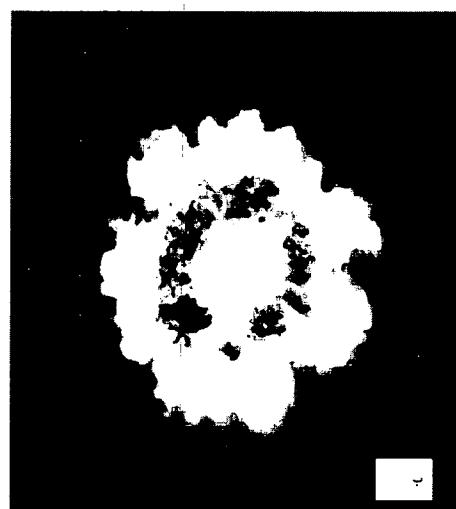


شکل ۵. تغییر شعاع مقطع ابر با فاصله از محور چشم در دو حالت

$$\frac{\Delta\rho}{\rho_a} = 0.01, \quad \frac{\Delta\rho}{\rho_a} = 0$$



الف



ب

شکل ۳. الف- نمای جانبی و ب- نمای از بالای ابر رها شده (* شکل رنگی در صفحه ۵۳)

آزمایش چندبار تکرار می‌شود و در هر آزمایش علاوه بر غلظت و سرعت حرکت که پیش از این اشاره شد، فاصله مرکز مقطع چنبره ابر از محور چشم (L)، شعاع مقطع چنبره (R) و ارتفاع یا فاصله قائم مرکز از تراز چشم (H) در فاصله‌های زمانی کوتاه، از روی عکس‌های ویدیویی اندازه‌گیری می‌شود. فاصله مرکز ابر از تراز چشم به طرف پایین مثبت در نظر گرفته می‌شود.

۳ نتایج آزمایش

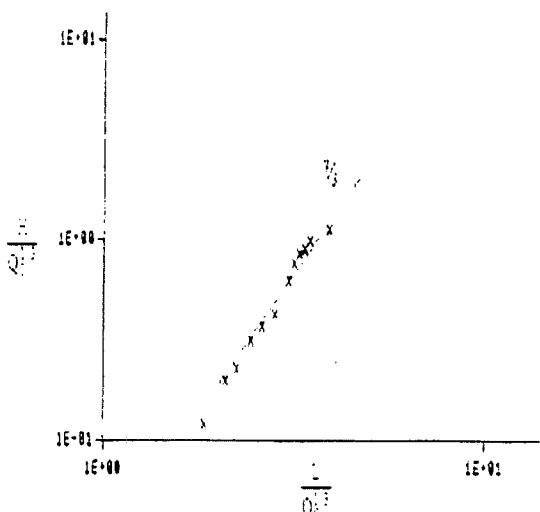
شکل ۴ که از عکس‌های ویدیویی حاصل شده است، نشان می‌دهد که ابر چنبره‌ای حدود ۱۰ ثانیه پس از رها

شدن در فاصله نسبی یا بدون بعد $\frac{L}{Q_0^{1/3}} = 3.5$ از محور

چشم به زمین می‌رسد.

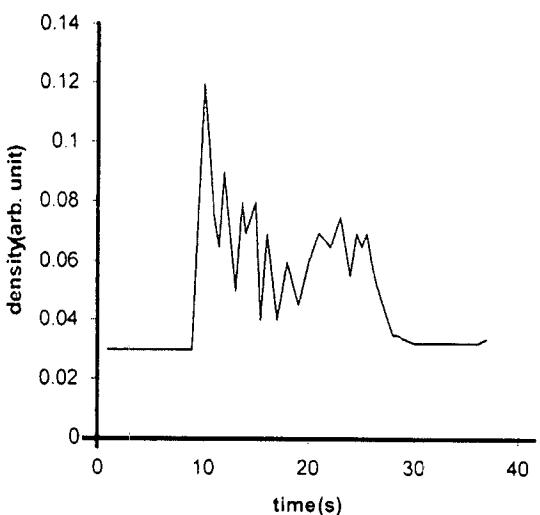
که در آن Q_0 حجم شاره رها شده است. در اینجا اختلاف نسبی چگالی دو شاره ($\Delta\rho$) نسبت به شاره

۹ نشان داده شده است. مقدار بیشینه غلظت ابر که میانگین آزمایش با شرایط یکسان است، برابر 5×10^{-5} درصد غلظت اولیه است.



شکل ۸. انت ابر با فاصله از محور چشم در حالت $\frac{\Delta\rho}{\rho_a} = 0.01$ را

$$F_r = 4.5$$

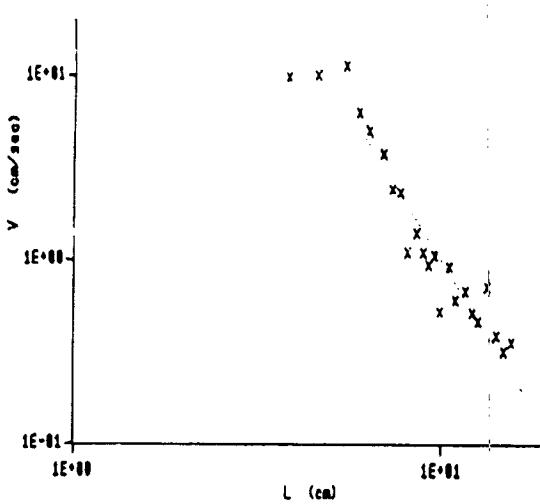


شکل ۹. تغییر زمانی غلظت برز هنگام نماس با سطح متن

$$\frac{\Delta\rho}{\rho_a} = 0.01 \quad (L = 3.5 Q_0^{1/3} \text{ cm})$$

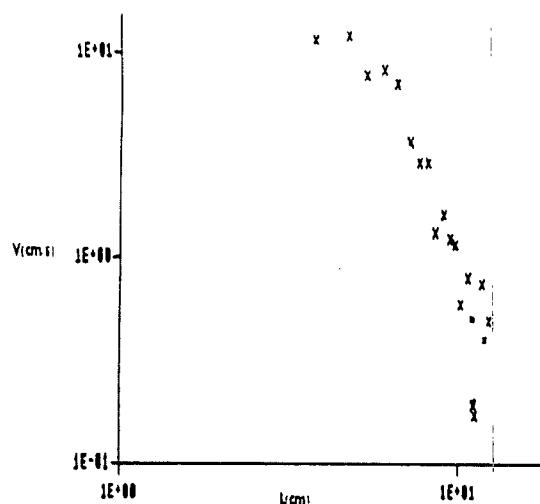
۴ تحلیل نظری

پارامترهای بی بعد حرکت ابر چنبره‌ای که باتوجه به شکل‌های ۱ و ۲، از تحلیل ابعادی بدست می‌آیند عبارت اند از عدد فرود چشم ($F_r = M_0 / (F_0^{1/2} Q_0^{2/3})$)، نسبت دو چگالی (ρ_s / ρ_a)، زمان بی بعد



شکل ۹. تغییر سرعت افقی ابر با فاصله از محور چشم در حالت

$$\frac{\Delta\rho}{\rho_a} = 0$$



شکل ۷. تغییر سرعت افقی ابر با فاصله از محور چشم در حالت

$$\frac{\Delta\rho}{\rho_a} = 0.01$$

شکل ۸ افت ابر با فاصله از محور چشم را نشان می‌دهد و همانند فاصله از چشم به صورت بی بعد ($\frac{H}{Q_0^{1/3}}$) است که تغییرات نمایی آن حدود $7/3$ است و با پیش‌بینی مدل تحلیلی که در بخش ۴ ارائه می‌شود همخوانی دارد. نمودار غلظت ابر چنبره‌ای از هنگام تماس با سطح مبنای (زمین) یعنی در فاصله بدون بعد $3/5$ در شکل

از حل همانندی (self similarity solution) با تحلیل ابعادی می‌توان نوشت $V = Bt^{-3/4}$, $R = At^{1/4}$, $L = Dt^{1/4}$ (ضمیمه ۱) که با جانشینی در رابطه‌های بالا برای ضریب‌های A , B , D داریم:

$$A = (8\alpha/3)^{1/2} (M_0/8\pi^2)^{1/4} \quad (3)$$

$$B = (3.8\alpha)^{1/2} (M_0/8\pi^2)^{1/4} \quad (4)$$

$$D = (6/\alpha)^{1/2} (M_0/8\pi^2)^{1/4} \quad (5)$$

آنگاه با حذف α می‌توان نشان داد که:

$$R = 2\alpha L/3 \quad (6)$$

$$V = 9M_0L^{-3}/(8\pi^2\alpha^2) \quad (7)$$

روند این تغییر ($V \propto L^{-3}$) در شکل‌های ۶ و ۷ مشاهده می‌شود.

حجم ابر چنبره‌ای به صورت زیر بدست می‌آید:

$$Q = 2\pi L \times \pi R^2 = 8\pi^2\alpha^2 L^3/9 \quad (8)$$

نسبت غلظت ابر (C) به غلظت اولیه آن (C_0) برابر است با:

$$C/C_0 = 9(L/Q_0)^{1/3} = 9(L/Q_0)^{-3}/(8\pi^2\alpha^2) \quad (9)$$

در فاز دوم حرکت، که در آن شناوری مهم است، بر پایه تحلیل بگین و همکاران (۱۹۸۱) برای یک ترمال خطی، سرعت قائم ابر با رابطه زیر داده می‌شود:

$$W = \frac{dH}{dt} = aF_0^{1/2}L^{-1/2}H^{-1/2} \quad (10)$$

که در آن H ارتفاع یا فاصله مرکز ابر از تراز چشم است و a مقداری ثابت و برابر $1/5$. با انتگرال‌گیری از رابطه (۱۰) و جانشانی برای L بر حسب H , فاصله قائم از

تراز چشم به صورت بی‌بعد $\frac{H}{Q_0^{1/3}}$ به دست می‌آید.

(بیدختی و بریتر، ۱۹۸۷).

$M_0 = Q_0 V_0$ تکانه اولیه ابر بر چگالی واحد و V_0 سرعت افقی اولیه ابر است. $F_0 = g_0' Q_0$ نیروی شناوری منفی است که روی ابر چنبره‌ای اثر می‌کند و به آن شتاب شناوری اولیه گرانی، ρ_a و ρ_s به ترتیب چگالی محیط و شاره رها شده است. اگر ρ_s/ρ_a حدود واحد باشد (معمولًا در فاصله کمی از چشمچین است) می‌توان تقریب بوسینسک (Boussinesq approximation) را به کار برد. متغیرهای ابر چنبره‌ای، بدان‌گونه که پیش از این معرفی شدند عبارت‌اند از V, R, L و غیره که به صورت بی‌بعد می‌توان نوشت $R/Q_0^{1/3}, L/Q_0^{1/3}$ و ...، که هر کدام تابعی از سه پارامتر $V/(M_0/Q_0)$ عدد فرود، نسبت دو چگالی و زمان بدون بعدند.

ابر نلاطمی چنبره‌ای پس از تشکیل، از راه درون آمیختگی با شاره محیط به سرعت ارشد می‌کند. پس از گذر از این مرحله (فاز اول) که با برتری تکانه همراه است، وارد فاز دوم که شناوری بر تکانه برتری دارد می‌شود. در این فاز ابر چنبره‌ای به سوی زمین رانده می‌شود. در فاز اول می‌توان نشان داد که چون تکانه، M_0 ، برتری دارد، عدد فرود به سمت بینهایت می‌گذرد و از این رو متغیرهای ابر چنبره‌ای تنها به زمان بدون بعد بستگی پیدا می‌کنند. در این مرحله می‌توان حرکت ابر را به صورت مدلی ابعادی ارائه کرد و بر حسب پارامترهایی که در شکل ۲ نشان داده شده، معادله‌های تکانه و پیوستگی را به شیوه لاگرانژی به صورت زیر نوشت (بیدختی و بریتر، ۱۹۸۷):

$$2\pi L \times \pi R^2 \rho_s V = \rho_s Q_0 V_0 = \rho_s M_0 \quad (1)$$

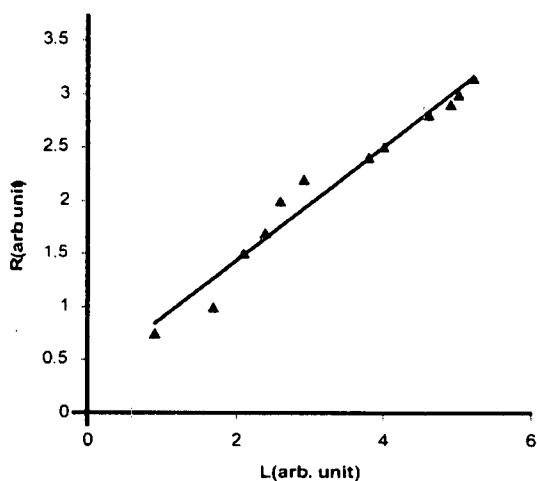
$$\frac{d}{dt}(2\pi L \times \pi R^2) = V_e(2\pi R \times 2\pi L) \quad (2)$$

که در آنها $V_e = \alpha V$ و $V = dL/dt$ سرعت درون آمیختگی و α ضریب درون آمیختگی است (مثلاً ترنر، ۱۹۷۳). با شرایط اولیه $R = 0$ در $t = 0$ ، با استفاده

بریتر، ۱۹۸۷). شکل‌های ۱۰ و ۱۱ نمونه‌هایی از این آزمایش در مقیاس بزرگ‌کاند که به ترتیب شعاع ابر چنبره‌ای و سرعت افقی آن را بر حسب فاصله از چشم نشان می‌دهند.

شاره رها شده، بر اثر شناوری منفی، شتابی رو به پایین پیدا می‌کند. لیکن با درون‌آمیختگی شاره به تدریج از شتاب آن کاسته می‌شود و به سرعت بیشینه‌ای می‌رسد. از آن پس سرعت قائم کاهش می‌یابد. متغیر مهم بدون بعد که حرکت را کنترل می‌کند عدد فرود (F_r) است.

در ابتدا هنگامی که حرکت با برتری تکانه همراست، مدل تحلیلی به خوبی مدل فیزیکی را توصیف می‌کند. مقدار ضریب درون‌آمیختگی (α) در این فاز حدود $1/37$ است. برای مقایسه در جدول ۱ ضریب درون‌آمیختگی فازهای مختلف این مطالعه، همراست با مقدارهایی که دیگران از آزمایش‌هایی با شرایط گوناگون به دست آورده‌اند، داده شده است. کاهش α برای حالتی که شناوری وجود دارد (براساس اندازه‌گیری، شکل ۵) در اثر کاهش درون‌آمیختگی در قسمت فوقانی ابر شناور است که دارای پایداری است، با توجه به این که ابر دارای چگالی بیشتری از شاره محیط بالای آن است،



شکل ۱۰. نمونه‌ای از تغییرات شعاع سطح مقطع ابر با فاصله از چشم در آزمایش‌های بزرگ‌مقیاس.

$$H/Q_0^{1/3} = 1.72\alpha^{4/3} F_r^{-2/3} (L/Q_0^{1/3})^{7/3} \quad (11)$$

روند این تغییر $(L/Q_0^{1/3})^{7/3}$ در شکل ۱۱ مشاهده می‌شود.

باید توجه داشت که در این تحلیل دو فاز حرکت، مستقل از هم بررسی شده است. لذا در فاز دوم، به کار گیری رابطه‌ای که در فاز اول برای L به دست آمده است پا خطای همراه است. زیرا شرایط اولیه در فاز دوم با شرایط اولیه در فاز اول متفاوت است (ترنر، ۱۹۷۳). برای مطالعه دقیق‌تر رفتار این ابر می‌توان مدل کاملی ساخت که هر دو فاز را با هم در بر داشته باشد.

۵ بحث و نتیجه‌گیری

از آنجه تاکنون ارائه شد پیداست که مدل فیزیکی رها شدن ناگهانی شاره سنگین از چشم‌های دایره‌ای، در محیط آرام، با مدل تحلیلی بر پایه خودهمانندی مطابقت دارد. شاره رها شده که به شکل یک چنبره است، در حالی که رو به بیرون حرکت می‌کند، سطح مقطع آن با درون‌آمیختگی (entrainment) افزایش پیدا می‌کند. پس از مدتی از آغاز حرکت یعنی در فاز اول که تکانه برتری دارد، اثر شناوری قابل چشمپوشی است و تغییر شعاع ابر با فاصله از محور چشم در دو حالت $(0 < \frac{4\rho}{\rho_a})$ و

$(\frac{4\rho}{\rho_a} = 0.01)$ یکسان است (شکل ۵). ولی در فاز دوم

حرکت که اثر شناوری اهمیت دارد، تغییر شعاع ابر با فاصله از محور چشم، برای حالتی که اختلاف چگالی وجود دارد کمتر است و این به دلیل درون‌آمیختگی کمتر (به خصوص در سطوح فوقانی) است (شکل ۵). اختلاف چگالی در سرعت افقی تأثیر چندانی ندارد اما به خاطر اثرات غیر بوسیلنسکی در حالت با اختلاف چگالی، لختی بیشتر است و سرعت افقی کمی بیشتر خواهد بود (شکل‌های ۶ و ۷). در آزمایشی که در مقیاس بزرگ (در محیط) انجام گرفت، نتایج مشابهی از دیدگاه رشد و سرعت حرکت ابر حاصل به دست آمده است (بیدختی و

بسیار متفاوت باشد، مثلاً اگر این فرایند همراه با رهاسازی گرمای نهان باشد، α بشدت کاهش می‌باید (بات و نارسیما، ۱۹۹۶).

جدول ۱. مقدارهای متفاوت ضربی درون آمیختگی α برای ۱ نا (از ترن، ۱۹۷۳، گرفته شده است).

α	مورد	ردیف
-۰.۰۸	جت، با تغفارن محوری	۱
-۰.۱۰-۰.۱۲	پلوم، با چشم نظمه‌ای	۲
-۰.۱۸	پلوم آغازین	۳
-۰.۲۵	ترمال	۴
	پفت شاور با چشم دایره‌ای (کار حاضر)	
-۰.۴۰	(الف) بر پایه رشد شعاعی (فاز اول)	۵
-۰.۳۷	(ب) بر پایه معادله تکانه (فاز اول)	
-۰.۱۶	(ج) بر پایه معادله افت ابر (فاز دوم)	

نتایج حاصل را می‌توان در برآورد مشخصات ابرهای حاصل از تصادفات و حرادث صنعتی در محیط به کار برد. به علاوه پیش از برپایی پایگاه‌های صنعتی که احتمال وقوع چنین حوادثی در آنها وجود دارد، بهویژه در مراکز پر جمعیت و صنایع حساس، می‌توان در جایابی از این گونه نتایج بهره جست. این گونه بررسی‌ها در مطالعه نحوه گرم و یا سرد کردن انفاق‌ها (سامانه‌های تهویه) با پلوم و تغیرات چنبره‌ای مانگماهی مورد استفاده قرار می‌گیرد.

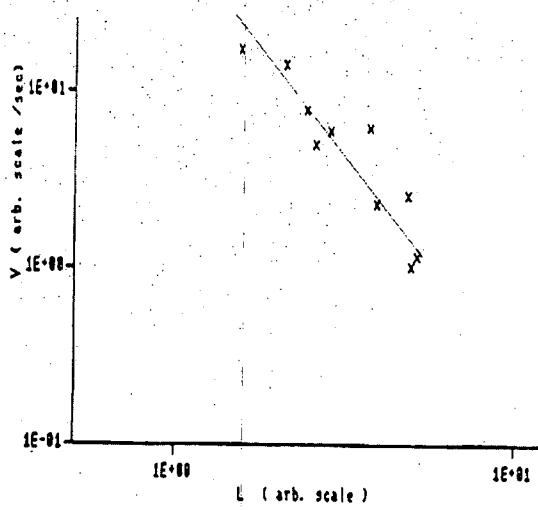
ضمیمه ۱. حل همانندی

شاره رها شده دارای تکانه اولیه M_0 است که به طور ناگهانی رها می‌شود. اگر فرض کنیم که در $t = 0$ ، $R = 0$ و $L = 0$ است و نیز $V = BL^b$ و $L = D t^c$ است، با قرار دادن این روابط در معادلات (۱)، (۲) و (۳) و $R = At^a$ و تحلیل ابعادی داریم (بیدختی و بربت، ۱۹۸۷):

$$2a + c + b = 0 \quad (1)$$

$$2a + c - 1 = b + a + c \quad (2)$$

$$c - 1 = b \quad (3)$$



شکل ۱۱. نمونه‌ای از تغییرات سرعت افقی ابر با فاصله از چشم در آزمایش‌های بزرگ مقیاس.

هنگامی که تکانه ابر در محیط پخش شده، یعنی ابر به اندازه‌ای رشد کرده باشد که سرعت محلی آن کم شود، یا به تعبیری عدد فرود محلی آن کوچک شود، شاره رها شده از دیدگاه حرکت، حالت یک ترمال چنبره‌ای را به خود می‌گیرد که با چشم‌هایی با ساختارهای هندسی متفاوت مورد مطالعه پژوهشگران مختلف قرار گرفته است (ریچارد ۱۹۶۵ و ۱۹۶۸، اسکورر، ۱۹۷۸).

در شبیه‌سازی حاضر F_r چشم حدود ۴/۵ است و حالتی است که اثر لختی و شناوری هر دو اهمیت دارند. از این رو حرکت ابر چنبره‌ای، هر دو رژیم را در بر دارد. گذر از فاز اول به دوم، پس از مدت ۲ از هنگام رهاسازی رخ می‌دهد، به طوری که در این لحظه، اثر شناوری و لختی هم اندازه هستند. ضربی درون آمیختگی مرحله دوم (۰/۱۶) بسیار کمتر از مقدار آن برای مرحله اول (۰/۴) است و نشان می‌دهد که به احتمال در فاز دوم تلاطم، ابر چنبره‌ای شناور کاهش یافته است و از این رو درون آمیختگی آن کمتر شده است.

البته مقدار به دست آمده با مقادیر حاصل برای جریان‌های مشابه همخوانی دارد. همین‌طور باید توجه داشت که اگر حرکت ابر شناور توازن با تغییر فاز باشد (مثلاً همراه با رها شدن گرمای نهان)، مقدار α ممکن است

- Bidokhti, A. A., and Britter, R.E., 1987, Impulsive, annular releases of negatively buoyant fluid, A Cambridge University, Eng. Dept. Report, No, 2029, 121.
- Britter, R. E., 1979, The spread of a negatively buoyant plume in a calm environment, Atmospheric Environment, 13, pp 1241-1247.
- Britter, R. E., 1989a, A review of some experiments relevant to dense gas dispersion, in stably stratified flow and dense gas dispersion. Ed. By J. S. Puttock. Oxford Clarendon.
- Britter, R. E., 1989b, Atmospheric dispersion of dense gases: Ann. Rev. Fluid Mech, 21, pp 317-344.
- Bloomfield, L., and Kerr, C., 1998, Turbulent fountains in a stratified fluid: J. Fluid Mech, 358, pp. 335-356.
- Bloomfield, L., and Kerr, C., 1999, Turbulent fountains in a confined stratified environment: J. Fluid Mech. 389, pp. 27-54.
- Richards, J. M., 1965, Puff motion in unstratified surroundings: J. Fluid Mech. 21, p.97.
- Richards, J. M., 1968, Inclined buoyant puff fluid: J. Fluid Mech, 32, part 4, pp. 681-692.
- Scorer, R. S., 1978, Environmental Aerodynamics, Chap. 10, Ellis Horwood Publ.
- Turner, J.S., 1973, Buoyancy Effects in Fluids, Cambridge University Press.

که با حل آنها داریم:

$$a = \frac{l}{4}, b = \frac{-3}{4}, c = \frac{l}{4}$$

بنابراین:

$$R = At^{1/4}, V = Bt^{-3/4}, L = Dt^{1/4}$$

با قرار دادن این روابط در معادلات یاد شده مقادرهای D , B , A به صورتی که در روابط (۳)، (۴) و (۵) آمده است حاصل می شود.

قدرتانی

بدین وسیله، از همکاری پروفسور بریتر در انجام برخی آزمایش‌ها قدردانی می شود.

منابع

- Beghin, P., Hapfinger, E., and Britter, R., 1981, Gravitational convection from instantaneous sources on inclined boundaries: J. Fluid Mech, 107, pp. 407-422.
- Bhat, G., and Narasimha, R., 1996, Development of a plume with off-source volumetric heating: J. Fluid Mech, 325, pp. 303-330.