

## بررسی روابط جانشینی نهادهای تولیدی گندم در منطقه سرخس با استفاده از تابع تولید CRESH

حمید آماده و سعید یزدانی

بترتیب دانشجوی دکتری و دانشیار گروه اقتصاد کشاورزی دانشگاه تهران

تاریخ پذیرش مقاله ۱۱/۲/۷۹

### خلاصه

فرآیند سیاستگزاران در کشاورزی نیازمند ابزارها و اطلاعات واقعی از نحوه رفتار متغیرهای مهم اقتصادی در فرآیندهای تولیدی است. کشش‌ها، یکی از ابزارهای اقتصادی هستند که رفتار متغیرهای اقتصادی را نشان میدهند. یکی از مهمترین کشش‌ها که نحوه جانشینی نهادهای مختلف تولید را نشان میدهد، کشش جانشینی است. برای برآورد این کشش اغلب از تابع تولید از قبیل تابع تولید CES استفاده می‌شود. استفاده از تابع تولید معمول در برآورد مستقیم کشش جانشینی دارای محدودیتها و مشکلاتی است که از آن جمله می‌توان به نحوه تصویری تابع و فرض ثابت بودن کشش جانشینی اشاره نمود. تابع تولید CRESH که بطور غیرمستقیم این کشش را برآورد می‌کند، از محدود تابع کارآمد در این زمینه است. براین اساس با فرض رفتار حداقل کردن هزینه برای گندمکاران، با استفاده از تابع تقاضای نهاده‌ها، می‌توان کشش‌های قیمتی و جانشینی نهاده‌های تولید را بدست آورد. در مطالعه حاضر با استفاده از داده‌های مقطعی مربوط به سال ۱۳۷۵، برای نهاده‌های بذر، ماشین آلات و نیروی کار، کشش‌های قیمتی و جانشینی برآورد شدند. نتایج حاصل نشان میدهند که کشش قیمتی ماشین آلات کمتر از بقیه و مساوی ۰/۹۵ و کشش قیمتی بذر بیشتر از همه و مساوی ۰/۲۳۷ می‌باشد. همچنین کشش جانشینی بین بذر و نیروی کار، مساوی ۰/۵۵۱، بین بذر و ماشین آلات ۰/۱۷۳ و بین ماشین آلات و نیروی کار ۰/۲۰۰۷ می‌باشد.

واژه‌های کلیدی: کشش جانشینی، تابع تولید، روابط فنی نهاده‌ها

است.

طبق تعاریف نظری اگر یک تابع تولید دارای منحنی‌های تولید یکسان محدب باشد، نرخ جانشینی فنی نهاده‌ها در طول یک منحنی تولید یکسان کاهش می‌یابد. براین اساس کشش جانشینی یک مقدار عددی صرف است که بازگو کننده نرخی است که جانشینی نهاده‌ها مطابق آن صورت می‌پذیرد(۱). با اطلاع از مقدار کشش جانشینی بین دو نهاده معین در تولید یک محصول خاص، می‌توان طوری نسبت کاربرد آن دو نهاده را تغییرداد که مقدار تولید هیچ تغییری نکند.

### مقدمه

در سیاستگزاران اقتصادی اطلاع از پارامترها و ضرائب اقتصادی کمک شایانی به درک واقعیات و انجام پیش‌بینی‌ها و برنامه‌ریزی‌ها می‌نمایند. به همین دلیل امروزه پارامترهای اقتصادی در تحلیل اقتصادی کاربرد فراوانی یافته‌اند. یکی از این پارامترها که در بخش تولید دارای اهمیت ویژه‌ای است، کشش جانشینی بین عوامل تولید می‌باشد. در اقتصاد نشوکلاسیک جانشینی بین عوامل تولید که میزان سهولت آن بر حسب پارامتر کشش جانشینی (۰) اندازه‌گیری می‌شود، دارای اهمیت فراوانی

مشکلات عمده‌ای روبرو است که ذیلاً ضمن معرفی تابع فوق این مشکلات و محدودیتها مورد بررسی قرار می‌گیرند.

#### تابع تولید CES و برآورد کشش جانشینی

سولو، مینهاس، آرو و چنری (SMAC) در اوایل دهه ۱۹۶۰، فرض داگلاس مبنی بر ثبات کشش جانشینی را آزمون نموده و شکلی جدید از تابع تولید را که دارای کشش جانشینی ثابت است تابع CES - CES (SMAC - CES) ابداع نمودند<sup>(۳)</sup>. اوزاو (۱۹۶۲) تابع CES را تعیین داده است ولی تابعی که وی بکار می‌برد دارای یک نکته منفی است زیرا در تابع وی کشش جانشینی زوجهای مختلف نهاده‌ها در یک گروه مساوی و برای زوجهای نهاده‌ها در گروههای مختلف نهاده‌ها مساوی یک می‌باشد. مک‌فادن (۱۹۶۳) ثابت کرده است که ثبات کشش جانشینی، محدودیتهای سختی را روی تابع تولید CES اعمال می‌کند. بعلاوه ثابت شده است که بعضی شکل‌های گستردۀ تر تابع CES که جهت رفع این محدودیت‌ها ابداع شده‌اند از نظر اثبات و برآورد بسیار پیچیده هستند (دریمز، ۱۹۶۵، ماندلakk، ۱۹۶۴ و روانکار، ۱۹۶۷).

مسئله عمده در رابطه با تابع تولید CES از نظر برآورد و کاربرد، عدم امکان خطی کردن آن بر حسب پارامترها از طریق عملیاتی مثل لگاریتم‌گیری است. در این رابطه والیس (۱۹۷۳) معتقد است که راهی برای خطی کردن تابع CES وجود ندارد تا براساس آن پارامترها و متغیرها بگونه‌ای تبدیل شوند که نمایش دقیق و مستقیماً قابل برآورده ارائه شود. بدین ترتیب ضروری است که کشش‌های جانشینی را از روش‌هایی بدست آوریم که کمتر مستقیم بنظر می‌رسند<sup>(۲)</sup>.

برای رفع این مشکل دو راه حل اساسی وجود دارد. راه اول استفاده از تقریب‌های خطی همچون تقریب کمتا و یا برآوردهای دیگری است که از طریق روابط جنبی همانند شرایط بازدهی نهائی و یا معادلات سهم عوامل که از اضافه نمودن فروض اقتصادی متعارف به تابع CES منتج می‌شوند. راه دوم که اساس مطالعه حاضر را تشکیل می‌دهد استفاده از معادلات خطی و یا لگاریتمی - خطی است که برای تفاضای نهاده‌های تولید با استفاده از شرایط حداکثر کردن سود و یا حداقل کردن هزینه بدست می‌آیند.

#### تقریب کمتا

کمتا (۱۹۶۷) یک تقریب توانی از تابع CES را معرفی

در این مطالعه بعضی از مشکلات تکیکی مربوط به برآورد کشش جانشینی یادآوری شده و مورد بررسی قرار می‌گیرد. در پایان نیز روشی کارآتر در برآورد و محاسبه کشش جانشینی این خواهد شد. در نهایت نتایج حاصل از کاربرد این روش در محاسبه کشش جانشینی نهاده‌های تولید محصول گندم در منطقه سرخس آورده شده‌اند.

#### اهداف

اهدافی که در این مطالعه مورد نظر هستند عبارتند از:

- ۱- بررسی اعتبار تابع تولید CES در برآورد کشش جانشینی بین نهاده‌های تولید.

- ۲- کاربرد یک سیستم تولید جدید جهت برآورد کشش جانشینی نهاده‌های تولیدی گندم.

- ۳- برآورد کشش قیمتی نهاده‌های تولیدی گندم.

#### فرضیات

اهم فرضیاتی که جهت رسیدن به اهداف فوق مورد توجه

قرار گرفته‌اند عبارتند از:

- ۱- کشش قیمتی تقاضای نهاده‌های تولید منفی است. عبارت بهتر با افزایش قیمت نهاده‌ها، مقدار تقاضای آنها کاهش می‌یابد.

- ۲- کشش قیمتی متقاطع نهاده‌های تولید مثبت است. عبارت دیگر نهاده‌های تولید اغلب قابل جایگزینی با یکدیگر هستند.

- ۳- در سطوح مختلف تولید رابطه جانشینی بین نهاده‌ها ثابت باقی می‌ماند و نمی‌توان به یک کشش جانشینی ثابت معین اعتماد نمود.

#### مواد و روشها

یکی از بهترین و معمول‌ترین راههای رسیدن به پارامترها و ضرایب مربوط به بحث تولید، استفاده از تابع تولید می‌باشد. جهت برآورد کشش جانشینی نیز از برآورد تابع تولید (از انواع مختلف) استفاده بعمل می‌آید. اما در این راه محدودیت‌های عمدۀ ای وجود دارد. مثلاً در تابع تولید کاب - داگلاس کشش جانشینی همواره مساوی واحد است. تابع تولید CES نیز لازم میدارد که مقدار ۵ ثابت باشد. یعنی با تغییر قیمت‌های نسبی یا نسبت عوامل تولید تغییری در آن ایجاد نمی‌شود و مقدار آن توسط تکنولوژی بکار رفته در فرآیند تولید تعیین می‌شود. بنظر می‌آید با برآورد تابع CES بتوان مستقیماً کشش جانشینی عوامل تولید را برآورد نمود. اما این تابع با

بنابراین درستی تقریب کمتا با افزایش  $| \ln(k/L) |$  کاهش می یابد و قطع سری تیلور نه تنها مشکلی را حل نمی کند بلکه در این حالت اجزاء باقیمانده بسط فوق بصورت متغیرهای حذف شده از الگوی اقتصادسنجی عمل می کنند و خواص مطلوب برآورد پارامترهای موجود را بشدت تحت تأثیر قرار می دهند.

#### روش غیرمستقیم

با این فرض که بعضی نهاده های معین (مثلًا زمین) در کوتاه مدت ثابت هستند، رفتار بهینه یک تولیدکننده را می توان در یک فرآیند تک دوره ای الگوسازی نمود. این الگوها اغلب توابع تقاضای نهاده ها هستند و پایه مشترک روابط تولید در کشاورزی را مشخص می کنند<sup>(۴)</sup>. این روابط از حداکثر کردن سود و یا حداقل کردن هزینه تولید قابل تحصیلند، اما آنچه مهم است خصوصیات تابع تولید اولیه است که می تواند ویژگیهای پارامترها و کششها محاسبه شده را تحت تأثیر قرار دهد.

با توجه به محدودیت توابع تولید کاب - داگلاس و CES در برآورد کشش های جانشینی ماقرجمی<sup>(۱۹۶۳)</sup> تابعی را ارائه نموده که کشش جانشینی متفاوت و در عین حال متغیر دارد و در عین حال خاصیت نسبتهای ثابت کشش های جانشینی (CRES) را نیز دارا بود. تابع ارائه شده توسط وی همگن یا همنوایست ولی امکان تعییر کشش های جانشینی انفرادی با مقدار محصول و نیز بر حسب ترکیبات مختلف نهاده ها را فراهم می آورد. شکل ساده تابع فوق بصورت زیر نوشته می شود:

$$Y = [\sum D_i x_i^{di}]^{1/d} \quad (7)$$

هانوچ<sup>(۱۹۷۱)</sup> تابع تولید CES را بصورت دسته ای از CRES که همگن یا همنوای است و از این رو تابع تولید CRES نامیده می شوند، تعیین داده است. این شکل جدید به کشش های جانشینی اجازه می دهد که بین زوج های مختلف نهاده ها و نیز بر حسب مقدار محصول تعییر کنند، بدون اینکه پارامترهای اضافی به الگو تحمیل شود. معادلات تقاضای لگاریتمی - خطی سیستم CRES از حداقل کردن هزینه تولید با فرض رقابتی بودن بازار عوامل تولید بدست می آیند<sup>(۵)</sup>. در قسمت بعد خلاصه ای از روند فوق الذکر آورده می شود.

#### روش شناسی تابع تولید CES

تابع تولید ضمنی ( $f(x) = Y$ ) بصورت زیر تعریف می شود:

نموده است که مستقیماً بواسیله روش حداقل مربعات معمولی تک معادله ای قابل برآورد است. شکل عمومی تقریب وی بصورت زیر است:

$$\ln Y = \ln \gamma + \delta \ln L + (1-\delta) \ln K - \rho/2 \delta (1-\delta) (1) \\ (\ln L - \ln K)^2 + v$$

تقریب فوق برای یک تابع دو نهاده ای مطرح است. با افزایش تعداد نهاده ها، تقریب فوق عملاً کارائی خود را از دست می دهد و غیر قابل برآورد می شود. علاوه بر آن ترزلی و لوول<sup>(۱۹۷۸)</sup> معتقدند که تقریب کمتا در نمونه های کوچک برآورده ای اریدار و ناسازگار بدست میدهد. به اعتقاد آنها ناسازگاری برآوردها مشکل جدی تری است، چرا که افزایش حجم نمونه نیز نمی تواند این اشکال را مرتفع سازد. البته خود تقریب بصورتی سازگار قابل برآورد است اما بدست آوردن برآوردهای سازگار برای تقریب کمتا تضمین نمی کند که پارامترهای تابع CES اصلی مورد نظر نیز بطور سازگاری برآورد شده اند.

برای شناسائی عامل اریبی و ناسازگاری تقریب فوق در اینجا نحوه اثبات آن بررسی می شود. شکل لگاریتمی معمول تابع تولید CES دو نهاده ای عبارت است از:

$$\ln Y = \ln \gamma + \mu \ln L - \mu / \rho \ln [\delta (k/L)]^{\rho} + (1-\delta) \quad (2)$$

یا:

$$\ln Y = \ln \gamma + \mu \ln L + f [\ln (K/L)] \quad (3)$$

که در آن تابع  $f$  جزء غیرخطی تابع CES را نشان می دهد. برای خطی کردن این جزء از بسط تیلور استفاده شده است، طوری که:

$$P_n (\ln(K/L)) = \mu \delta \ln (K/L) - 1/2 \mu \rho \delta (1-\delta) [ \ln (K/L) ]^2 + \dots + \frac{(-1)^{n-1} \mu \rho^{n-1} \delta (1-\delta) \dots (1-(n-1)\delta)}{n!} [\ln (K/L)] \quad (4)$$

براین اساس خطای تقریب کمتا را می توان بصورت زیر نوشت:

$$R_n [\ln (K/L)] = f [\ln (K/L)] - P_n [\ln (K/L)] \quad (5)$$

مسئله مهم رابطه بین تقریب بسط تیلور و جزء غیرخطی تابع CES است. در تقریب معمول کمتا، بسط سری تیلور بعد از دو جزء

لعن می شود و بسط مزبور بصورت زیر در نظر گرفته می شود:

$$P_2 [\ln (K/L)] = \mu \delta \ln (K/L) - 1/2 \mu \rho \delta (1-\delta) [ \ln (K/L) ]^2 \quad (6)$$

CPESH را بطور واضح دارا می‌باشد (۵).

#### تصریح و برآورد

معادلات تقاضا از نوع (۱۳) قابل برآورد نیستند. هنوز اشکال مهم قابل برآورد معادله (۱۳) را به تفصیل بیان داشته است. در اینجا فقط به تصریحی می‌پردازیم که در این مطالعه مورد استفاده قرار گرفته است.

با توجه بهتابع تولید ضمنی (۸)، در مطالعات مقطعی مربوط به بنگاههای انفرادی که بازار نهاده‌ها برای آنها رقابتی است، انتظار داریم منحنی هزینه کل S شکل باشد که این خود بر U شکل بودن منحنی هزینه متوسط دلالت دارد. هنوز در مقاله خود ضمن ارائه اشکال دیگر، پیشنهاد می‌کند در این موارد رابطه رفتار تولید نسبت به تابع هزینه بصورت  $h(y) = \exp(y/y_0)$  در نظر گرفته شود. بر این اساس، تابع تقاضائی که برای هر نهاده بایستی تصریح و برآورد گردد، عبارت خواهد بود از:

$$\log x_i = b_{i0} + b_{i1} \log x_1 + B_{iy} Y + b_i \log (P_i / P_1) \quad (18)$$

در تابع فوق  $b_i - a_i$  ضریبی است که در محاسبه کشش‌ها کاربرد فراوانی دارد.

از آنجا که طبق روابط موجود در فرآیند تولید کشاورزی، مصرف یک نهاده نمی‌تواند از میزان تقاضا و مصرف سایر نهاده‌ها کاملاً مستقل باشد، پذیرش فرض وابستگی متقابل اجزاء اخلاق توابع تقاضای نهاده‌های مختلف نمی‌تواند به بهبود برآوردهای حاصله کمک کند. از این رو پیشنهاد شده است تابع تقاضای نهاده از طریق سیستم معادلات رگرسیونی ظاهرًا غیر مرتبط (SURE) برآورد گردد (۵). البته این سیستم بایستی براساس روش متغیر ابزاری تعديل شود، چراکه یکی از مشکلاتی که تصریح (۱۸) با آن مواجه است این است که متغیر درونزای  $x_1$  در بین متغیرهای مستقل ظاهر شده است. در این حال اگر از روش OLS استفاده شده احتمال خطای همزمانی افزایش می‌یابد. در نتیجه برای بدست آوردن برآوردهای سازگار و کارا می‌توان از روش متغیر ابزاری استفاده نمود.

#### داده‌ها

در مطالعه حاضر از داده‌های مقطعی مربوط به تولید گندم در منطقه سرخس استفاده شد. داده‌های مذبور در سال ۱۳۷۵ طی یک

$$F(Y, x) = \sum_{i=1}^n D_i [x_i / h(Y)]^{d_i} - 1 = 0 \quad (8)$$

که در آن  $x = (x_1, \dots, x_n)$  بردار  $n$  نهاده مصرفی و  $Y$  مقدار تولید است.  $h(Y)$  نیز رابطه‌ای پیوسته و مشتق پذیر است که رفتار تولید را نسبت به هزینه نشان می‌دهد. برای حداقل کردن هزینه کل  $C = \sum_i P_i x_i$  محدود به تولید، تابع لاغرانژ بصورت زیر تعریف می‌شود:

$$L = L(x, y, p) = C - \lambda F = \sum P_i x_i - \lambda \{ \sum_i D_i [x_i / h(Y)]^{d_i} - 1 \} \quad (9)$$

با در نظر گرفتن تبدیلات ذیل:

$$\begin{aligned} \log x_i &= Z_i, \quad \log h(Y) = y, \quad \log P_i = q_i, \quad \log |\lambda| = \Lambda \\ &= \Lambda, \quad \log |D_i d_i| = C_i, \quad \frac{1}{1-d_i} = a \end{aligned} \quad (10)$$

تابع لاغرانژ بصورت ساده‌تر قابل نوشتند است:

$$L(Z, y, q) = \sum_i \exp(q_i + z_i) - \lambda \{ \sum_i D_i \exp[d_i] (Z_i - y)] - 1 \} \quad (11)$$

برای تحقق حداقل کردن هزینه، شرایط مرتبه اول بصورت زیر بdst است می‌آید:

$$\frac{\delta L}{\delta Z_i} = \exp(q_i + z_i) - \lambda D_i d_i \exp\{d_i (Z_i - y)\} = 0 \quad (12)$$

براساس رابطه و تبدیلات بالا توابع تقاضا برای نهاده‌ها بشکل زیر در می‌آیند:

$$Z_i = a_i (\Lambda - q_i - d_i y + C_i) \quad (13)$$

با استفاده از این تصریح، کشش‌های قیمتی تقاضای نهاده‌ها با مشتق گیری از رابطه فوق و انجام تبدیلات لازم بdst می‌آیند. با در نظر گرفتن  $S_i = P_i x_i / \sum_k P_k x_k$  بعنوان سهم آمین نهاده از کل هزینه متغیر، روابط ذیل کشش‌های قیمتی تقاضا را بdst می‌دهند:

$$\eta_{ii} = (s_i a_i^2 / \sum s_k a_k) - a_i \quad (14)$$

$$\eta_{ij} = s_j a_j a_i / \sum s_k a_k \quad (15)$$

براین اساس کشش‌های جانشینی با استفاده از کشش‌های قیمتی قابل محاسبه‌اند:

$$\sigma_{ii} = \frac{1}{s_i} \eta_{ii} = (a_i^2 / \sum s_k a_k) - (a_i / s_i) \quad (16)$$

$$\sigma_{ij} = \sigma_{ji} = \frac{1}{s_j} \eta_{ij} = a_i a_j / \sum s_k a_k \quad (17)$$

به استناد هنوز (۱۶) روابط (۱۴) - (۱۷) خصوصیات توابع

و  $P_{LR}/PLD$  نشان دهنده دستمزد نیروی کار به اجاره یک هکتار گندم زار می باشد. با توجه خصوصیات برازش فوق، مشخص می شود که الگوی برازش شده چار مشکل همخطب است. اما از آنجا که در اینجا هدف از برازش فوق فقط پیش بینی می باشد و از طرفی  $R^2$  نشان دهنده تعریف بالتبه قابل قبول متغیر وابسته توسط الگو می باشد، از رفع مشکل فوق الذکر صرف نظر شده است.

در مرحله بعد سیستم سه معادله ای ذیل با استفاده از روش

Iterative SURE برآورد گردید:

$$L_{area} = b_1 TY + b_2 L_{PS} / PLD \quad (19)$$

$$L_{seed} = b_3 + b_4 + b_5$$

$$TY + b_6 L_{PLR} / PLD \quad (20)$$

$$L_{labor} = b_7 + b_8 L_{area} + b_9$$

$$TY + b_{10} L_{PM} / PLD \quad (21)$$

$$L_{machine} = b_{11} + b_{12} L_{area} + b_{13}$$

جدول ذیل ویژگیهای کلی برازش سیستم فوق را نشان می دهد.

براساس جداول فوق علامت کشش های محاسبه شده موافق تئوریهای اقتصادی است. آنچه که مهم است کاربرد کشش های فوق می باشد. نتایج جدول (۲) نشان میدهد که با افزایش قیمت نهاده های بذر، ماشین آلات و نیروی کار، میزان تقاضا برای این نهاده ها بترتیب بمیزان ۰/۹۵ و ۰/۰۹۵ درصد کاهش می یابد. دلیل عدمه پایین بودن واکنش ماشین آلات به قیمت مهمن بودن کاربرد ماشین آلات در عملیات خاکدوزی است که امروزه بصورت مستله ای اجتناب ناپذیر درآمده است. از طرف دیگر با افزایش قیمت یک نهاده، زارعین سعی در جانشین کردن سایر نهاده های بجای آن نهاده

بررسی میدانی و مصاحبه مستقیم با گندمکاران منطقه جمع آوری شده اند. برای این منظور از روش نمونه گیری تصادفی دو مرحله ای استفاده گردید. پس از بررسی اجمالی پرسشنامه ها و داده های مندرج، در نهایت تعداد ۱۰۵ گندمکار نمونه بعنوان مشاهدات پایه مطالعه حاضر انتخاب گردیدند. با وجودی که در مورد گندم بازار رقابتی برای محصول وجود ندارد و همین مسئله می تواند اربیبی نظری را در مطالعات مربوطه باعث شود، اما در مورد بازار نهاده های مصرفی فرض رقابت پذیرفته شده است. در این مطالعه سه نهاده مهم بذر، ماشین آلات و نیروی کار مورد نظر قرار گرفته اند. نهاده هایی که وضعیت تقاضا در بازار آنها کمترین انحراف را از وضعیت رقبای نشان می دهد.

## نتایج و بحث

برای برآورد توابع تقاضای نهاده های نیروی کار، ماشین آلات و بذر براساس رابطه تابعی (۱۸) روش "Iterative SURE" انتخاب گردید. جهت رفع مشکل خطای همزمانی از روش متغیر ابزاری استفاده شد بدین ترتیب که ابتدا متغیر  $X_1$  (که در این مطالعه سطح زیر کشت محصول گندم می باشد) روی تمام متغیر های بروزای سیستم برازش گردید. سپس مقادیر برازش شده  $X_1$  در سیستم توابع تقاضا مورد استفاده قرار گرفت. جدول ذیل خصوصیات برازش فوق را نشان می دهد.

در جدول ۱، متغیر وابسته سطح زیر کشت گندم بوده است.  $Ty$  نشان دهنده کل تولید گندم،  $P_{PS}/PLD$  نشان دهنده نسبت قیمت بذر مصرفی به اجاره معمول گندم زار،  $P_{PM}/PLD$  نشان دهنده نسبت هزینه یک ساعت کار ماشین آلات به اجاره یک هکتار گندم زار

جدول ۱ - نتایج برازش خطی متغیر ابزاری

متغیر	ضریب	$t$	سایر ویژگیها
C	-۰/۱۳۰۸	-۰/۰۷۳	$R^2 = ۰/۸۱۶$
Ty	۰/۰۰۰۳۶	۲۰/۵۶	$R^{-2} = ۰/۸۰۹$
$P_{PS}/PLD$	۱۸۳/۰۸۲۷	۰/۲۷	$D.W = ۱/۸۹$
$P_{PM}/PLD$	۱۱/۱۳۴۳	۰/۵۱	$F = ۱۱۱/۰۵۳$
$P_{LR}/PLD$	۴/۱۲۱۱	۰/۲۳	prob (F) = ۰/۰۰۰۰۰

مأخذ: نتایج مطالعه

جدول ۲ - نتایج برآذش لگاریتمی - خطی سیستم توابع تقاضای نهادهها

سایر شاخص ها	۱	برآورد	ضریب
$R^2 = 0.79$	۲/۱۵	۲/۷۰۶	$b_{01}$
S.E.Reg = ۰/۲۵۸	۹/۹۸	۱/۲۶۵	$b_{11}$
D.W = ۱/۶۹	-۰/۸۶	$-7/11 \times 10^{-6}$	$b_{12}$
	-۱/۷۸	-۰/۳۴۸	$b_{13}$
 $R^2 = 0.402$	۰/۵۷	۰/۶۱۱	$b_{02}$
S.E.Reg = ۰/۴۶۵	۴/۳۵	۱/۰۰۵	$b_{21}$
D.W = ۱/۷۰۳	-۰/۷۲	$-1/0.7 \times 10^{-5}$	$b_{22}$
	-۱/۱	-۰/۴۰۱	$b_{23}$
 $R^2 = 0.81$	۵/۱۹	۲/۲۰۶	$b_{03}$
S.E.Reg = ۰/۲۵۴	۱۰/۳۴	۱/۲۹۸	$b_{31}$
D.W = ۱/۸۰۸	-۰/۹۷	$-7/76 \times 10^{-6}$	$b_{32}$
	-۱/۰۵	-۰/۱۲۷	$b_{33}$

مأخذ: نتایج مطالعه

جدول ۳ - کشش های قیمتی خودی و متقطع نهاده های مورد مطالعه در تولید گندم

نیروی کار	ماشین آلات	بذر	نیروی کار
		-۰/۲۳۷	بذر
	-۰/۰۹۵	۰/۰۸۶	ماشین آلات
-۰/۲۲۷	۰/۰۵۵	۰/۱۵۱	نیروی کار

جدول ۴ - کشش های جانشینی خودی و متقطع نهاده های مورد مطالعه در تولید گندم

نیروی کار	ماشین آلات	بذر	نیروی کار
		-۱/۰۲	بذر
	-۰/۱۹۲	۰/۱۷۳	ماشین آلات
-۰/۸۲۸	۰/۲۰۰۷	۰/۵۵۱	نیروی کار

با کاربرد فرمولهای (۱۴) و (۱۵) و با استفاده از نتایج جدول (۲) کشش های جانشینی گردید که جدول ذیل این کشش ها را نشان می دهد. بر اساس جداول فوق علامت کشش های قیمتی نهاده ها تئوریهای اقتصادی است. آنچه که مهم است کاربرد کشش های فوق می باشد. نتایج جدول (۳) نشان می دهند که با افزایش قیمت در مرحله بعد با کاربرد فرمولهای (۱۶) و (۱۷) اقدام به محاسبه

مالحظه می شود مطالعه ای از نوع مطالعه حاضر علیرغم بعضی محدودیتها و پیچیدگیهایی که در برآورد و الگوسازی دارند، در امر سیاستگذاری و تنظیم تولید نقش بسیار مهمی دارند.

کشش جانشینی بین نیروی کار و ماشین آلات شنان میدهد که با افزایش قیمت ماشین آلات می توان تقاضا برای نیروی کار را افزایش داده و آنرا جانشین ماشین آلات نمود. این امر ثابت میکند که در زراعت گندم استفاده از تکنولوژیهایی که کمتر نیازمند ماشین آلات هستند و یا استفاده از آنها را محدود می کنند، میتوانند به افزایش استغال در مناطق روستائی منجر شود، بدون اینکه بر سطح تولید اثر جندانی بگذارد.

نتیجه مهم دیگر این مطالعه بیشتر جنبه روش شناختی دارد. دیدیم که برخلاف توابع کاب- داگلاس و CES (یا هر تبدیل یکنواختی از آنها) تابع تولید CRESH برای تغییر نسبتهای نهاده های کشش جانشینی ثابتی را در نظر نمی گیرد. در واقع در این تابع کشش های جانشینی متناسب با مقدار تولید و نیز بر حسب نسبتهای نهاده های جانشینی تفاوت با CES تفاوت بین تغییر می کنند. همچنین مشخص شد که الگوی CES کشش های جانشینی و زوج نهاده های مختلف را در نظر نمی گیرد. در حالی که تابع تولید CRESH این تفاوتها را می تواند در برگیرد و بعلاوه در شمول کشش های جانشینی منفی و درجات متفاوت جانشینی نهاده ها از انعطاف پذیری کافی برخوردار است.

نهاده های بذر، ماشین آلات و نیروی کار، میزان تقاضا را برای این نهاده ها بترتیب بمیزان ۰/۲۳، ۰/۰۹۵ و ۰/۰۲۷ درصد کاهش می یابد. دلیل عده پایین بودن واکنش ماشین آلات به قیمت مهم بودن کاربرد ماشین آلات در عملیات خاک ورزی است که امروزه بصورت مسئله ای اجتناب ناپذیر درآمده است. از طرف دیگر با افزایش قیمت یک نهاده، زارعین سعی در جانشین کردن سایر نهاده های بجا آن نهاده می کنند که این امر منجر به افزایش تقاضا برای نهاده جانشین می شود.

یافته های جدول ۳ جانشینی نهاده های مورد مطالعه را تأثیر می کنند و براین اساس محاسبه کشش های جانشینی حدول ۴ اطلاعات جدول ۳ را تکمیل می کند.

نتایج مطالعه حاضر نشان می دهند که در تولید گندم در منطقه سرخس نهاده های بذر، ماشین آلات و نیروی کار جانشین یکدیگر می باشند. کشش های قیمتی متقاطع نشان می دهند که این رابطه جانشینی احتمالاً بین بذر و نیروی کار قوی تر از سایر روابط است. محاسبات کشش های جانشینی نیز این نتیجه را تأیید می کنند. این کششها در سیاستگذاری نقش بسیار مهمی ایفا می کنند. عنوان مثال با داشتن کشش های تولیدی نهاده های مورد مطالعه در تولید گندم می توان آثار یک سیاست تغییر قیمت بذر را تغییر روی مقدار عرضه محصول و نیز تقاضا برای سایر نهاده ها را بدست آورد. بدین ترتیب

## REFERENCES

۱. هندرسون، کوات. (۱۳۷۳). تئوری اقتصاد خرد. ترجمه: قره باغیان، پژویان. انتشارات رسا. تهران. ۵۴۹ صفحه.
۲. والیس، ک. ف. (۱۳۷۳). اقتصادسنجی کاربردی. ترجمه: حمید ابریشمی. انتشارات سمت. تهران. ۲۱۱ صفحه.
3. Thursby, j. G and C. A. K. Lovell. (1978). "An Investigation of the Kmenta Approximation to the CES Function". International Economic Review. 19 (2).
4. Vincent. Dixon and Powell. (1980). "The Estimation of Supply Response in Australian Agriculture : The CRESH / CRETH Production Function". Inter. Econ. Rev. 21 (1). P:221.
5. Hanoch, Giora. (1971). "CRESH Production Function". Econometrica, 39 (5). P:695.
6. Sankhyayan, P. L. "Introduction to the Economics of Agricultural production". Prentice Hall of India . 1988.
7. Heathfield, D. F and S. Wibe. "An Introduction to Cost and Production Function". McMillan, 1987.

## مراجع مورد استفاده

## A Survey in Substitution Relations of Wheat Production Factors in Sarakhs Plain, Using the CRESH Production Function.

H. AMADEH AND S. YAZDANI

Ph.D Student, Associate Professor of Agriculture University of Tehran Karaj, Iran.

Accepted May. 31, 2000

### SUMMARY

The policy making in agriculture requires economic tools as well as real information about behavior of important economic variables in production processes. Elasticities are economic tools which indicate behavior of economic variables. One of the most important elasticities that indicates the substitution relations of different production factors, is substitution elasticity. In order to estimate this elasticity, production functions such as CES production have often been used. There are some limitations and problems in application of usual production function, such as production function specification and constant elasticity assumption. The CRESH production function which estimates this elasticity indirectly, is one of the few efficient functions in this respect. Assuming cost minimizing behavior for wheat growers, the application of input demand functions would enable us to get the price and substitution elasticities of inputs. In this article, price and substitution elasticities have been estimated using cross sectional data. Results show that machine price elasticity, 0.095, is the lowest and the same for seed is 0.237. The greatest, furthermore, substitution elasticities between seed and labor, seed and machine, and machine and labor, are 0.551, 0.173, and 0.2007, respectively.

**Key words:** Substitution Elasticity, Production Function, Technical relationship of inputs.