

## مطالعه پراکنش تعداد در طبقات قطری در جنگل‌های طبیعی باکاربرد توزیع‌های احتمالی (مطالعه موردنی در سری گرازین جنگل خیروکنار-نوشهر)<sup>(۱)</sup>

اسدالله متاجی<sup>(۲)</sup> سیدمحمد حجتی<sup>(۳)</sup> منوچهر نمیرانیان<sup>(۴)</sup>

### چکیده

تهیه نمودار پراکنش تعداد درختان در طبقات قطری به منظور شناخت وضعیت توده جنگلی و تهیه جداول موجودی سرپا و تولیدات کیفی امری ضرروری است. همچنین بکارگیری توزیع‌های احتمالی متداول به منظور پیش‌بینی وضعیت توده (به لحاظ پراکنش درختان در طبقات قطری) که ما را در امر برنامه‌ریزی جهت بهره‌برداری اصولی از توده جنگلی یاری می‌نماید اهمیت قابل ملاحظه‌ای دارد. این مطالعه در جنگل آموزشی و تحقیقاتی دانشکده منابع طبیعی - دانشگاه تهران انجام گرفته و با توجه به نمودار پراکنش تعداد در طبقات قطری که به صورت کم شونده می‌باشد مشخص گردید که توده مورد نظر یک توده ناهمسال نامنظم می‌باشد. به منظور پیش‌بینی وضعیت توده می‌توان از توزیع احتمالی بتا<sup>(۵)</sup> استفاده نمود.

### واژه‌های کلیدی: طبقات قطری، توده ناهمسال، تئوری احتمالات

۱- این بررسی با استفاده از اعتبار مالی معاونت پژوهشی دانشگاه تهران انجام شده است.

۲- کارشناس ارشد جنگل‌داری، دانشکده منابع طبیعی دانشگاه تهران     ۳- کارشناس ارشد جنگل‌داری، دانشکده منابع طبیعی دانشگاه تهران

۴- دانشیار دانشکده منابع طبیعی دانشگاه تهران

توابع آماری از جمله عواملی هستند که در تهیه مدل‌های رویشی جهت برآورد وضعیت آتی رویشگاه مورد استفاده قرار می‌گیرند. هدف از این تحقیق، بررسی پراکنش درختان در طبقات قطری مختلف در توده ناهمسال طبیعی و معرفی مدل مناسب با استفاده از تئوری احتمالات می‌باشد چرا که قابلیت برآورد پراکنش تعداد در طبقات قطری یک جنگل به وسیله تئوری‌های احتمالات مطلوب نه تنها برای برآورد نوع تولیدات مهم می‌باشد بلکه در برنامه‌ریزی روش‌های تنکردن در جنگل نیز می‌تواند مفید واقع شود (۴، ۵ و ۷).

### مواد و روش‌ها

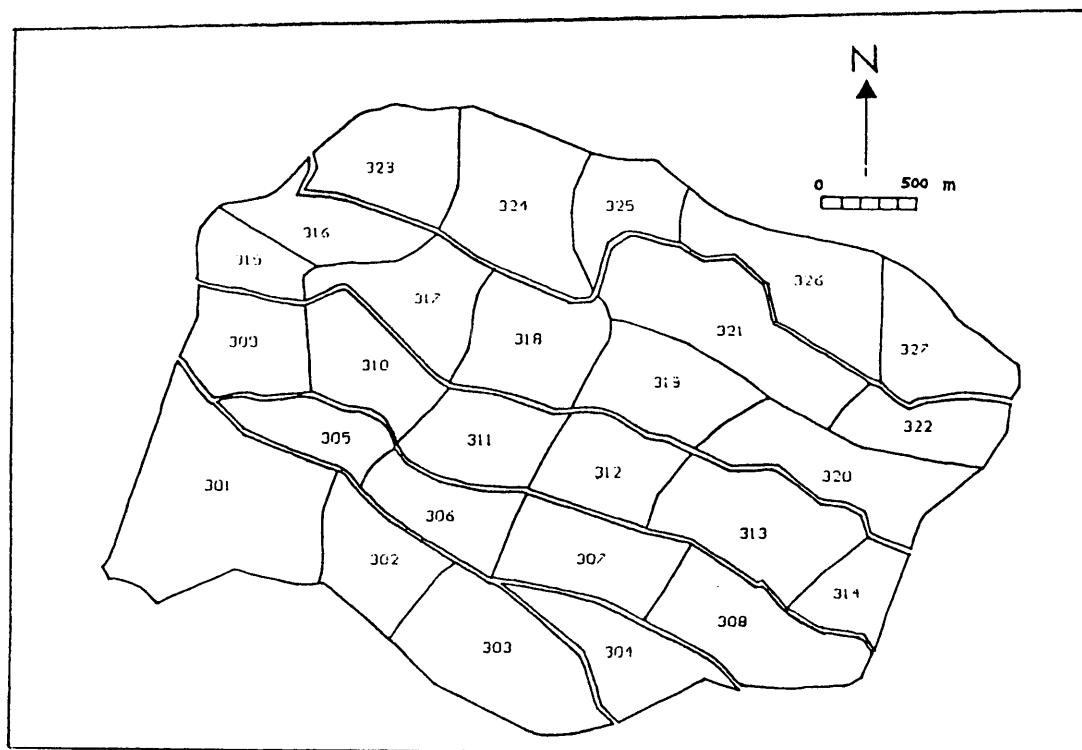
این مطالعه در بخش گرازبن (سومین بخش تحت مدیریت دانشکده منابع طبیعی دانشگاه تهران) از جنگل خیرودکنار نوشهر که به وسعت ۱۰۲۲ هکتار بوده و ۲۷ پارسل را شامل می‌شود، انجام گرفت (شکل ۱). تشکیلات زمین‌شناسی از سنگهای آهکی و مارن آهکی بوده و چهار نوع تیپ خاک (قهوهای آهکی، قهوهای کلسیک، قهوهای جنگلی و قهوهای شسته شده) در آن دیده می‌شود و بهترین جامعه جنگلی در بخش مربوطه راشستان مخلوط می‌باشد.

### مقدمه

جنگل‌ها به ویژه جنگل‌های طبیعی به عنوان کامل‌ترین جامعه زیستی می‌باشد که در میان تمام جوامع طبیعی دارای بیشترین قابلیت خود تنظیمی و خود تولیدی است و می‌تواند به عنوان نقطه شروعی برای تلاش درباره حفظ تعادل اکولوژی در طبیعت درنظر گرفته شود. حتی به عنوان یک الگوی غیرقابل جایگزین در علوم جنگل برای روش‌های مختلف جنگل‌شناسی محسوب می‌شود.

برنامه‌ریزی اصولی در زمینه منابع طبیعی نیازمند داشتن اطلاعات کمی و کیفی می‌باشد که معمولاً این اطلاعات با اندازه‌گیری مشخصه‌های توده حاصل می‌شود (۲) و قابل ذکر است که مدیریت صحیح در زمینه جنگل بر پایه داشتن اطلاعات دقیق از وضعیت موجودی سرپایی جنگل، نوع گونه‌ها امکان‌پذیر می‌باشد. از جمله این اطلاعات پایه، وضعیت پراکنش تعداد درخت در طبقات قطری می‌باشد که به نشانه‌گذار این امکان را می‌دهد که با اطمینان بیشتری در توده دخالت نماید به طوری که ساختار توده حفظ شود.

نکته قابل توجه دیگر اینکه در برنامه‌ریزی در زمینه جنگل نیز توابع آماری مختلف مورد استفاده قرار می‌گیرند چرا که



شکل ۱- نقشه جنگل آموزشی و پژوهشی دانشکده منابع طبیعی - دانشگاه تهران - بخش گرازبن

مشاهداتی با کدام توزیع برآذش بهتری دارد. برای آزمون آماری این فرض که آزمون نکویی برآذش نامیده می‌شود روش‌های مختلفی را بکار می‌برند که عبارتند از:

(۱) رسم تماتی منحنی‌های توزیع و انتخاب توزیعی که نقاط مشاهداتی بیشترین نزدیکی را با منحنی توزیع دارد (که در این روش تمیز بین آنها بسیار مشکل است).

(۲) استفاده از آزمون‌های کلاسیک مانند مرربع کای (۵)، آزمون کولموگروف-اسمیرنوف (K.S) (۶).

پس از کنترل آماری نکویی برآذش و تعیین توزیع‌های مورد قبول می‌باشد انتخاب بهترین توزیع صورت گیرد. آزمون‌های مختلفی به منظور انتخاب بهترین توزیع وجود دارد که تفاوت چندانی با یکدیگر ندارند و اساس کلیه این روش‌ها براین اصل استوار است که هر توزیعی که اختلاف مقادیر مشاهده و مقادیر برآورده شده با آن توزیع کمتر باشد، توزیع مناسب‌تری است. برای مشخص شدن این اختلاف می‌توان از مجموع مربعات باقی مانده‌ها (R.S.S) استفاده نمود که به صورت زیر محاسبه می‌گردد:

$$R.S.S = \sum_{n-m}^{(X_E - X_O)^2} \quad (۳)$$

در این رابطه R.S.S مجموع مربعات باقیمانده،  $X_E$  مقدار برآورده شده،  $X_O$  مقدار مشاهده شده از متغیر مربوطه، n تعداد مشاهدات و m تعداد پارامترهای توزیع موردنظر می‌باشد. پس از آزمون توزیع‌های مختلف، توزیعی که مجموع مربعات باقیمانده کمتری داشته باشد بهترین توزیع شناخته می‌شود (۳).

## نتایج

نمودار پراکنش تعداد در طبقات قطری در توده مورد مطالعه به صورت شکل ۲ می‌باشد. با توجه به نمودار ملاحظه می‌گردد که توده از حالت مطلوب خود فاصله چندانی نداشته و از حالت کاهنده برخوردار است. با توجه به دامنه زیاد طبقات قطری و فرم کاهنده نمودار پراکنش تعداد در طبقات قطری و

ابتدا با جنکل گردشی شناخت مناسبی از وضعیت منطقه حاصل گردید تا قطعات به نحوی انتخاب شوند که کلیه شرایط یک توده طبیعی را به لحاظ ساختار توده و ترکیب توده دارا باشند. بدین ترتیب ۱۰ قطعه نمونه یک هکتاری در چهار پارسل از این بخش به عنوان قطعات نمونه مناسب انتخاب گردید و قطر برابر سینه کلیه درختان داخل هر کدام از قطعات مورد اندازه‌گیری قرار گرفتند. سپس به کمک نرم‌افزارهای آماری مناسب (Excel و Spss) پردازش‌های لازم بر روی داده‌ها و رسم نمودارها انجام گرفت. همچنین به منظور نمایش پراکنش تعداد در طبقات قطری توده برخی از توزیع‌های احتمالی (بتا، ویبول (۱) و نرمال) مورد آزمون قرار گرفت. قابل ذکر است که در هنکام استفاده از توزیع‌های فراوانی برای نمایش نحوه توزیع پارامترهای مورد نظر می‌باشد توزیعی را بکار برد که بهترین ترکیب ضریب چولگی و کشیدگی توزیع جامعه را محاسبه نماید یا به عبارتی دیگر بهترین توزیع، توزیعی است که مقدار میانگین، انحراف معیار و دامنه پراکنش جامعه را به دقیق‌ترین وجه ممکن برآورد نماید (۱). از معروف‌ترین این گونه توابع می‌دانیم از توزیع‌های بتا، ویبول و کاما (۲) نام برد.

براساس مطالعه هفلی (۳) و شرودر (۴) در سال ۱۹۷۷ از بین توزیع‌هایی که امروزه بکار برده می‌شوند توزیع بتا و ویبول برای نمایش نحوه پراکنش تعداد درختان در طبقات قطری مختلف از توانایی ویژه‌ای برخوردارند.

توزیع بتا یک توزیع پیوسته بوده و به صورت زیر می‌باشد:

$$B(m,n) = \int_0^1 x^{m-1} (1-x)^{n-1} dx \quad (۱)$$

که در این رابطه x مشخصه موردنظر و m,n پارامترهای توزیع می‌باشند.

توزیع ویبول نیز به صورت یک فراوانی تجمعی نمایش داده می‌شود که در آن a مبدأ شروع و b نشان‌دهنده میزان پخی و c ضریب شکل منحنی می‌باشد.

$$F(x) = 1 - \exp \left( -\left( \frac{x-a}{b} \right)^c \right) \quad (۲)$$

a,b,c > 0

برای استفاده از توزیع‌های آماری ابتدا باید مشخص نمود که کدام یک از توزیع‌ها مناسب‌تر است و در واقع داده‌های

۱- Weibull

۲- Gamma

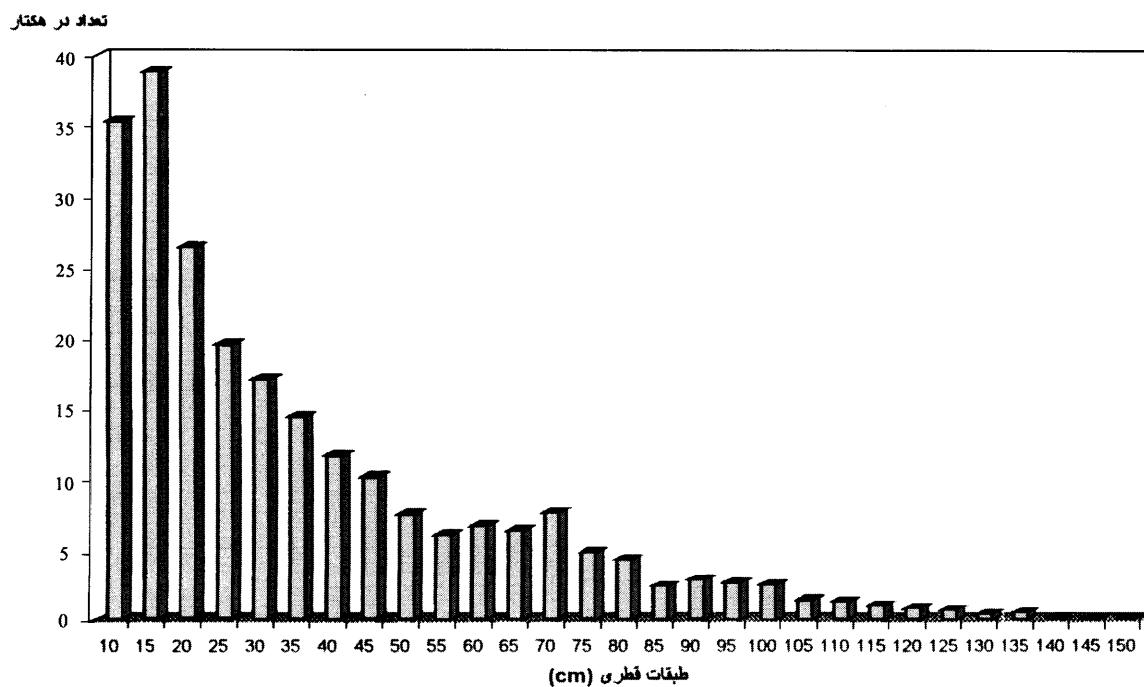
۳- Hafley

۴- Schreuder

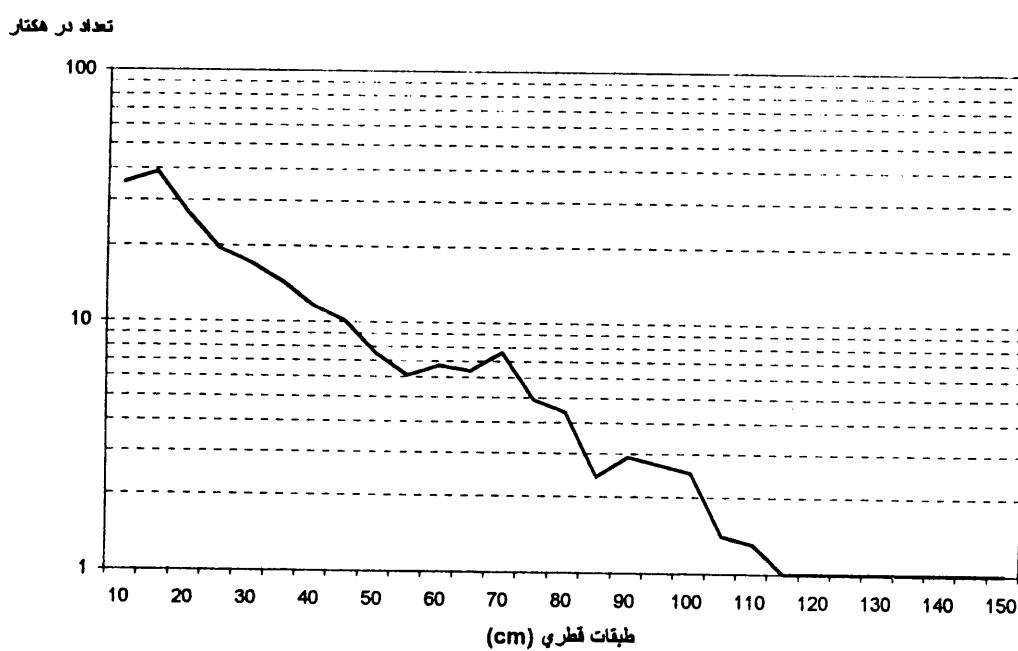
۵- Chi-square

۶- Kolmogrov-Smirnov

همچنین نمودار نیمه لگاریتمی پراکنش تعداد در طبقات قطری و نامنظم می‌باشد.  
 (شکل ۳) می‌توان گفت که توده مورد مطالعه یک توده ناهمسال



شکل ۲- نمودار پراکنش تعداد در طبقات قطری در هکتار (در بخش گرازبن - خیرودکنار)



شکل ۳- نمودار نیمه لگاریتمی پراکنش تعداد در طبقات قطری در هکتار (در بخش گرازبن - خیرودکنار)

### بحث و نتیجه‌گیری

با توجه به کلیه موارد می‌توان گفت که توده مورد مطالعه یک توده ناهمسال و نامنظم می‌باشد چرا که وضعیت پراکنش تعداد در طبقات قطری و دامنه پراکنش و همچنین نمودار نیمه‌لگاریتمی فراوانی تعداد در طبقات قطری این امر را تایید می‌کند. و نیز به منظور پیش‌بینی وضعیت توده می‌توان از توزیع بتا استفاده نمود.

ذکر این نکته ضروری است که انتخاب هر یک از توابع باید براساس آزمون‌های آماری اجرا شده انجام گیرد و توزیع آماری انتخاب شده فقط برای منطقه مورد مطالعه قابل استفاده می‌باشد.

### تشکر و قدردانی

در پایان از زحمات بی‌دریغ معاونت محترم پژوهشی دانشکده منابع طبیعی دانشگاه تهران و نیز آقایان دکتر منوچهر نمیرانیان، دکتر خسرو شاقب طالبی، مهندس مهدی پورهاشمی و مهندس مهدی تجویدی که در انجام این تحقیق ما را یاری نمودند تشکر و قدردانی می‌گردد.

به منظور انتخاب بهترین تئوری احتمالات جهت پیش‌بینی وضعیت آینده توده با توجه به نتایج آزمون نکویی برآش، آزمون مربع کای که مبنای آن انحراف مقادیر مشاهداتی از مقادیر محاسبه شده توسط توزیع‌ها می‌باشد مورد استفاده قرار گرفت که نتایج آزمون در جدول ۱ ارائه شده است.

جدول ۱- نتایج آزمون مربع کای ( $n=۴۹$ ,  $P=0.05$ )

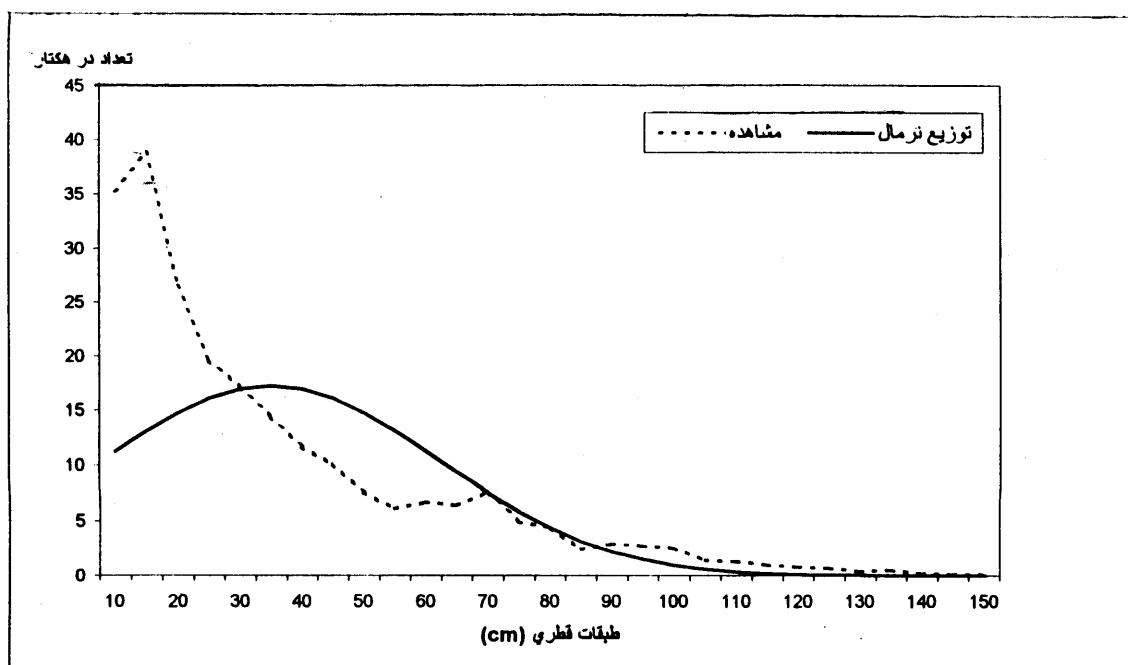
توزيع	نرمال	ویبول	بتا
آماره مربع کای	۱۷۳/۲۴	۸/۹۷	۷/۲۳
مجموع مربعات باقیمانده	۷/۶۵	۲/۱۰	۲/۲۳
کولموگروف - اسمیرنوف	۰/۲۱	۰/۰۴	۰/۰۳

با توجه به نتایج حاصل از جدول ۱ و همچنین شکل‌های ۴ و ۶ مشاهده می‌گردد که توزیع بتا و ویبول از دقت قابل قبولی برخوردار هستند ولی به منظور برآورده یا پیش‌بینی فراوانی تعداد در طبقات قطری توده با توجه به مقدار آزمون کولموگروف - اسمیرنوف در جدول و حساسیت بیشتر آزمون نسبت به مربع کای، توزیع بتا از برآزندگی بیشتری برخوردار بوده و رابطه آن به صورت زیر می‌باشد:

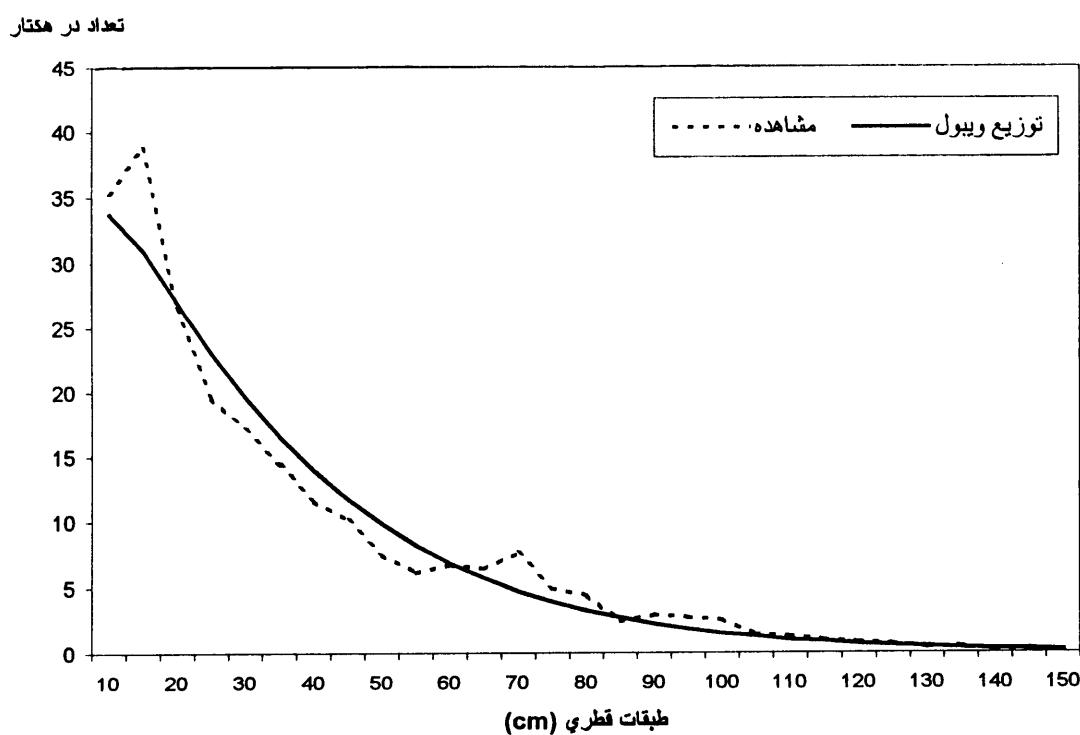
$$F(d) = \frac{3/673}{(20.2/5-d)^{-0.198}}$$

d: طبقه قطری مورد نظر

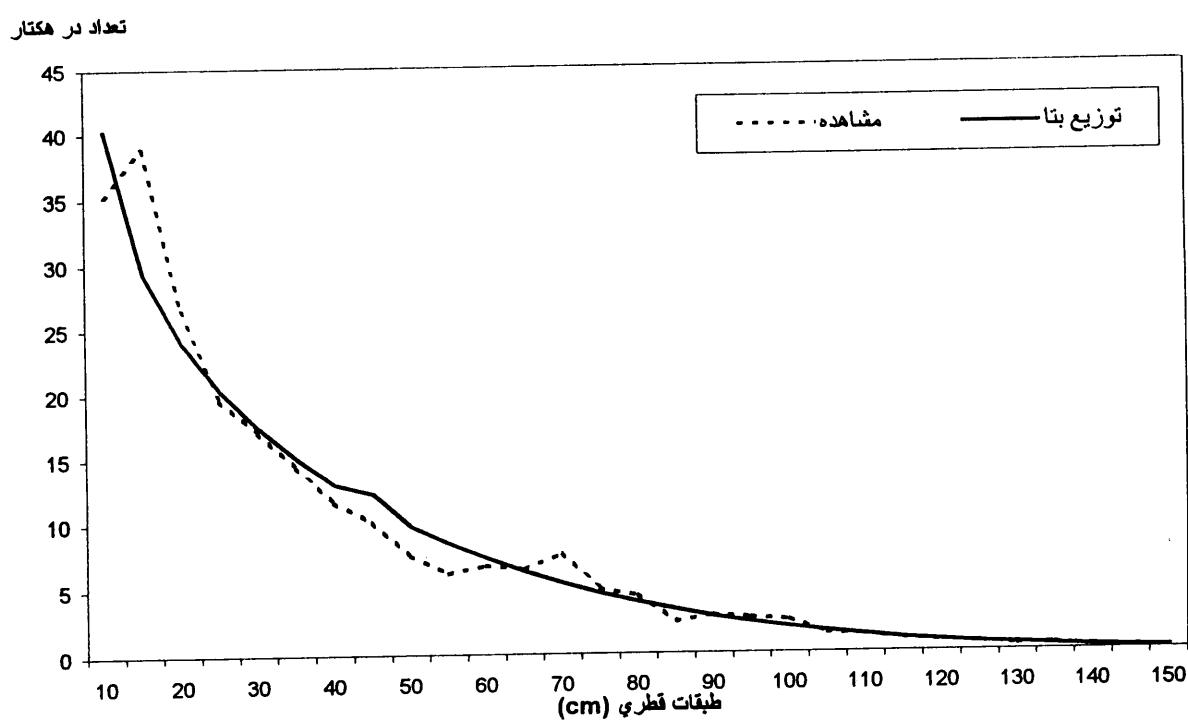
F(d): فراوانی طبقه قطری موردنظر



شکل ۴- نمودار پراکنش تعداد در طبقات قطری مشاهده شده و بزرآورده با توزیع نرمال



شکل ۵- نمودار پراکنش تعداد در طبقات قطری مشاهده شده و برآورد شده با توزیع ویبول



شکل ۶- نمودار پراکنش تعداد در طبقات قطری مشاهده شده و برآورده شده با توزیع بتا

### منابع مورد استفاده

- ۱- خلیقی سیکارودی، شهرام، ۱۳۷۵. پنهان‌بندی ضریب منطقه‌ای کریگر در ایران - کرج، پایان‌نامه کارشناسی ارشد آبخیزداری، دانشکده منابع طبیعی دانشگاه تهران.
- ۲- زبیری، محمود، ۱۳۷۲. آماربرداری در جنگل، انتشارات دانشگاه تهران، شماره ۴۰۱، ۲۲۳۸ صفحه.
- ۳- مهدوی، محمد، ۱۳۷۱. هیدرولوژی کاربردی، انتشارات دانشگاه تهران، شماره ۳۱۹۵، ۴۳۷ صفحه.
- ۴- نمیرانیان، منوچهر، ۱۳۶۹. کاربرد تئوری‌های احتمالات در تعیین پراکنش درختان در طبقات قطری مختلف، مجله منابع طبیعی ایران (۴۴): ۹۲-۱۰۸.
- ۵- نمیرانیان، منوچهر، ۱۳۷۲. کاربرد عملی توزیع فراوانی بتا. مجله منابع طبیعی ایران (۴۶): ۱۱۳-۱۲۵.
- 6- Hafley, W.L. & H.T. Schreuder, 1977. Statistical distribution for fitting diameter and height data for even-aged stands, *Can.J.For Res*, 7:481-487.
- 7- Nanang, D.M., 1998. Suitability of the Normal, Log-normal and Weibull distributions for fitting diameter distributions of Neem plantation in Northen Ghana, *For. Eco. Mange*.103:1-7.

## A Study of Tree Distribution in Diameter Classes in Natural Forests Using Probability Distribution

by

A.Mattaji<sup>(1)</sup>

S.M.Hojjati<sup>(2)</sup>

M.Namiranian<sup>(3)</sup>

### Abstract

Distribution diagram of tree in diameter classes is needed for access to knowledge about stand condition, preparation of the standing volume tables as well as production of quality product.

Besides, prediction of stand future by means of probability distributions (distribution in diameter classes) is of prime importance and can help to plan for proper harvest.

This study was carried out in Kheyroudkenar forest. The declining curve of distribution in diameter classes showed that the stand is uneven-aged and irregular.

To predict the stand condition, BETA distribution can be used.

**Key Words:** Diameter classes, Uneven-aged stand, Probability distribution

1,2- M. Sc. in Forestry, Nat. Res. Fac. of Tehran University

3- Associate Professor, Nat. Res. Fac. of Tehran University