

## نکات اساسی در انتخاب داده‌های آزمایشگاهی برای ارزیابی معیارهای شکست سنگ

محمد فاروق حسینی

استادیار گروه مهندسی معدن - دانشکده فنی - دانشگاه تهران

(تاریخ دریافت ۱۰/۱۰/۷۶، تاریخ تصویب ۳۰/۴/۷۷)

### چکیده

در این مقاله روش صحیح ارزیابی میزان کارآیی معیارهای شکست سنگ که معمولاً با استفاده از نتایج آزمایشهای مقاومت فشاری یک محوره و سه محوره انجام می‌پذیرد ارائه شده است. شرایط و ویژگیهایی که باید مورد توجه قرار گیرند جداگانه مورد بحث واقع شده و میزان اهمیت هر کدام با توجه به نتایج آزمایشهایی که نگارنده به این منظور انجام داده است نشان داده شده است.

عوامل موثر و اساسی در انتخاب داده‌های مناسب عبارتند از: مرز شکنندگی و شکل پذیری در رفتار سنگ، حداقل تعداد داده‌هایی که در هر گروه باید موجود باشد، طیفی از فشار جانبی که تحت آن آزمایشهای سه محوره انجام گرفته است و بالاخره شکل و اندازه نمونه‌هایی که آزمایش شده‌اند.

این نوشتار حاصل مرواری انتقادی بر روش‌های پژوهشی دیگران، یافتن نقاط ضعف آنها و در نتیجه ارائه راه حل برای رفع معایب کارهای پیشین است.

با استفاده از نتایج تحلیل‌ها و بررسیهای وسیعی که در این مورد صورت گرفت، ثابت شده است که کم توجهی به عوامل مورد اشاره موجب گمراحتی و نتیجه گیریهای غلط خواهد گردید.

این مقاله برای کسانی که علاقمند و یا دست اندکار پژوهش‌های مربوط به ویژگیهای مکانیکی سنگ می‌باشند شیوه صحیح ایجاد یا انتخاب داده‌های آزمایشگاهی را روشن می‌نماید.

**کلید واژه‌ها:** معیار شکست، مکانیک سنگ، آزمایش‌های فشاری، مقاومت سنگ، داده‌های آزمایشگاهی

### مقدمه

برای رفع این مشکل محققین فرمولهای تجربی متعددی را پیشنهاد کرده‌اند.

داده‌های آزمایشگاهی محک خوبی برای ارزیابی مقاومت سنگ و توده‌های سنگی است. در مقالات و منابع مختلف داده‌های آزمایشگاهی فراوانی یافت می‌شود که می‌تواند برای بررسی کارآیی هر معیار شکستی مورد استفاده قرار گیرد. چنانچه یک فرمول مقاومت با چنین داده‌هایی همان‌گ نباشد قطعاً کارآیی آن در پیش‌بینی موارد واقعی و بزرگ مقیاس نیز زیر سؤال خواهد بود. سوابق امر نشان داده است که هیچ یک از روابط متعددی که تاکنون ارائه شده‌اند به عنوان یک فرمول جامع

در مهندسی مکانیک سنگ انتخاب یک معیار شکست مناسب که توانایی برآورد مقاومت سنگ موردنظر را داشته باشد از اهمیت فوق العاده‌ای برخوردار است. در پژوهش‌های معدنی و عمرانی پس از اینکه با تحلیل تنشهای موجود وضعیت توزیع تنش در نواحی مختلف اطراف فضای زیرزمینی یا سازه موردنظر بدست آمد، فقط با استفاده از یک معیار شکست کارآمد می‌توان نحوه رفتار سنگ و توده‌های سنگی را در واکنش به این تنشها برآورد کرد.

معیارهای شکست نظری که بر مبنای مکانیزم شکست بنانهاده شده‌اند با داده‌های آزمایشگاهی تطبیق نمی‌کنند.

شكل زیر درخواهد آمد:

$$\frac{\sigma_1}{\sigma_c} = f\left(\frac{\sigma_2}{\sigma_c}\right)$$

پژوهشگران مختلف با توجه به مورد خاصی که مدنظرشان بوده است و یا داده‌هایی که در اختیار داشته‌اند تاکنون ده‌ها معیار شکست تجربی را برای سنگ ارائه کرده‌اند. بمنظور یادآوری فقط دو مورد از فرمولهای مشهور آورده می‌شود.

معیار شکست بینیاوسکی [۱]

$$\frac{\sigma_1}{\sigma_c} = 1 + B \left( \frac{\sigma_2}{\sigma_c} \right)^\alpha$$

که در آن  $B$  و  $\alpha$  ضرائب ثابت‌اند.  $B$  برای هر نوع سنگ عددی ثابت و  $\alpha$  برابر  $75/0$  در نظر گرفته شده است.

معیار شکست هوک وبراؤن [۲]

$$\frac{\sigma_1}{\sigma_c} = \left( \frac{\sigma_2}{\sigma_c} \right)^{0/5} + (s + m \frac{\sigma_2}{\sigma_c})^{0/5}$$

که در آن  $m$  و  $s$  ضرائب ثابت‌اند.  $m$  برای هر نوع سنگ یک عدد ثابت است و  $s$  برای سنگ سالم برابر واحد و برای توده سنگ کوچکتر از واحد است که به صورت تابعی از امتیاز توده سنگ که از روی طبقه بنده مشهور به RMR [۳] بدست می‌آید، عنوان شده است.

#### شرایط انتخاب داده‌ها

به منظور حذف آن دسته از داده‌های موجود در منابع مختلف که مناسب و قابل اعتماد نیستند شرایطی برای انتخاب هر دسته از داده‌ها به شرح زیر ضرورت دارد:

رعایت مرز شکنندگی

از آنجاکه بیشتر معیارهای شکست برای وضعیت شکست ترد<sup>(۱)</sup> پیشنهاد شده‌اند، باید در ارزیابی چنین فرمولهایی فقط آن بخش از داده‌ها که در محدوده وضعیت ترد (شکننده) هستند دخالت داده شوند.

گرچه مرز دقیق گذر از شکنندگی به شکل پذیری<sup>(۲)</sup> برای سنگ هنوز یک موضوع بحث‌انگیز است اما می‌توان

که توصیف کننده مقاومت مواد ژئومکانیکی است مورد قبول واقع نشده‌اند.

بنابر آنچه گفته شد تا ارائه یک فرمول مناسب و جامع هنوز کار بسیاری باید انجام پذیرد. یکی از ابزارهای اجتناب ناپذیر در چنین تحقیقاتی آزمودن فرمولهای موجود و یا فرمول‌های احتمالی جدید با داده‌های حاصل از نتایج آزمایش‌های مقاومت سه محوره انواع سنگ‌هاست. در بررسی‌های گسترده‌ای که نگارنده در این موضوع انجام داده اشکالات و ضعفهایی در روش کار بسیاری از پژوهشگرانی که پا در این وادی گذاشته‌اند مشخص شد. پاره‌ای از عواملی که در این پژوهشها مورد بی‌توجهی قرار گرفته‌اند آنچنان نقش عمده‌ای در نتیجه کار دارند که عدم رعایت آنها حاصل کار را بی اعتبار می‌نماید.

نگارنده بر آن است که روش صحیح تحقیق در این موضوع را که حاصل بررسی‌های همه جانبی در این باره است در سلسله‌ای از مقالات ارائه نماید تا پژوهشگرانی را که علاقمند به این شاخه از مباحث مربوط به علم مکانیک سنگ هستند در انتخاب روش صحیح یاری رساند. در مقاله حاضر پس از اشاره مختصری به شکل معیارهای شکست موردنظر، نکات اساسی در انتخاب داده‌های آزمایشگاهی به تفکیک مورد بحث قرار می‌گیرند.

#### معیار شکست

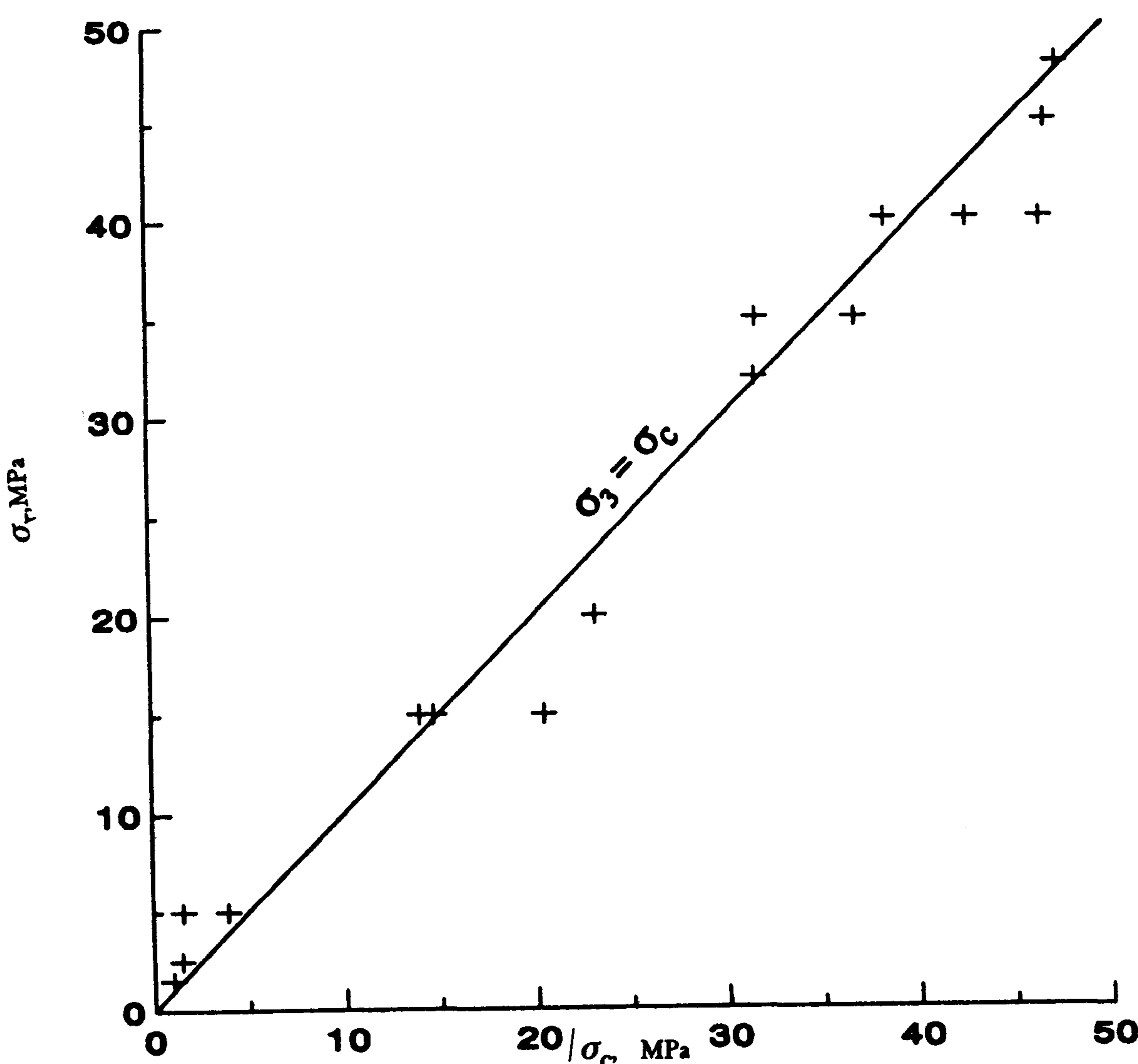
شیکل عمومی یک معیار شکست بصورت زیر است:

$$\sigma_1 = f(\sigma_2 \text{ و } \sigma_3)$$

که در آن  $\sigma_1$ ،  $\sigma_2$  و  $\sigma_3$  تنشهای اصلی هستند.

بدیهی است که با استفاده از روابط تبدیل تنشها، رابطه فوق را می‌توان در مورد یک صفحه معین در سنگ برحسب تنش‌های برشی ( $\tau$ ) و قائم ( $\sigma_n$ ) بصورت  $f(\sigma_n) = \tau$  نیز عنوان کرد.

از آنجاکه بررسی‌های انجام شده نشان از آن دارد که تنش اصلی میانی ( $\sigma_m$ ) نسبت به تنش اصلی حداقل ( $\sigma_{m1}$ ) تأثیر بسیار ناچیزی در مقاومت دارد، در عمل تمام معیارهای شکست مربوطه به شکل ساده‌تر  $\sigma_1 = f(\sigma_{m1})$  در آمده‌اند. چنانچه این رابطه را بصورت نرمال شده آن (برحسب مقاومت یک محوره فشاری،  $\sigma_c$ ) در نظر بگیریم، فرمول به



شکل ۱ : رابطه بین فشار جانبی ( $\sigma_3$ ) متناظر با گذر از شکنندگی به شکل پذیری و مقاومت فشاری یک محوره ( $\sigma_c$ ) برای نمونه هایی از ماسه سنگ که سالم ، دارای درزه های صاف و یا درزه های ناصاف هستند.

نمونه های دارای درزه های صاف و نمونه های دارای درزه های ناصاف در شکل ۱ نشان داده شده است.

چنانچه از این شکل مشهود است برای ماسه سنگ معیار  $c = \sigma_3 / \sigma_c$  تعیین کننده مرز شکنندگی و شکل پذیری است در سایر موارد یا می توان همین رابطه را معیار قرار داد و یا از رابطه های فوق الاشاره حسب مورد استفاده کرد.

لازم به یادآوری است که در مورد نمونه های زغال سنگ اعمال این شرط ضرورتی ندارد زیرا براساس بررسی های انجام شده توسط داس و شئوری [۷] رفتار نمونه های زغال سنگ پس از محدوده شکنندگی بصورت محسوسی تبدیل به شکل پذیر نمی شود.

تعداد داده های هر گروه هر دسته از داده ها باید علاوه بر مقاومت یک محوره فشاری ( $\sigma_c$ ) حداقل دارای سه جفت عدد حاصل از آزمایش های سه محوره فشاری ( $\sigma_1$  و  $\sigma_3$ ) باشد. واضح است که تعداد بیشتر اعداد کمک بیشتری به کیفیت قضبه

از یکی از راه حل های موجود در این زمینه استفاده کرد. موگی [۴] در یک بررسی وسیع مرز وقوع این تبدیل را برای بیشتر سنگها وضعیت  $\sigma_1 = 3/4\sigma_3 = 3/4\sigma_c$  اعلام کرده است. هوك [۵] نقطه تبدیل شکنندگی به شکل پذیری را برای سنگ آهک  $\sigma_1 = 3/4\sigma_3 = 3/4\sigma_c$  یافته است . او همچنین اعلام کرد که در محدوده ای که  $\sigma_c < \sigma_3$  است رفتار سنگ بصورت ترد (شکننده) باقی خواهد ماند. تحقیقات هوك [۵] و راما مورثی [۶] محدوده وسیع  $1/5$  تا  $2/8$  را برای نسبت  $\frac{\sigma_3}{\sigma_c}$  پیشنهاد می کند.

نگارنده در بررسی این موضوع و با استفاده از داده های آزمایشگاهی که خود تولید کرده است مرز گذر از شکنندگی به شکل پذیری برای ماسه سنگ را تعیین کرده است. در این بررسی نتایج آزمایش هایی که در آنها نسبت ارتفاع به قطر نمونه ( $\frac{H}{D}$ ) متفاوت بوده است نیز دخالت داده شده است. نتیجه کار عدم دخالت نقش نسبت ارتفاع به قطر نمونه را وقتی که  $\frac{H}{D} > 2$  است در این موضوع نشان می دهد. حاصل این تحقیق برای نمونه هایی از سنگ سالم،

خواهد کرد.

دلیل نبود نقاط در منطقه فشار جانبی بالا، منحنی مربوطه می‌تواند حالت‌های مختلفی به خود بگیرد که در هر حالت گرچه هم خوانی آن با نقاط مربوط به فشار جانبی پایین مناسب است اما در هیچ حالتی نقاط مربوط به فشار جانبی بالا را نپوشاند. همین ناهماهنگی در زمانی که ملاک کار فقط داده‌های مربوط به فشار جانبی بالا باشد، در مورد منطقه فشار جانبی پایین پیش خواهد آمد.

بنابرآنچه گفته شد، اگر داده‌های انتخاب شده در محدوده مناسبی از فشارهای جانبی قرار نگیرد، در هنگام تعیین پارامترهای هر معیار شکستی که مدنظر باشد (مثلاً پارامتر  $m$  در معیار هوك و براون) این اشکال پیش خواهد آمد که برای یک گروه معین از داده‌ها مقادیر مختلفی برای پارامتر مربوطه بدست خواهد آمد که ممکن است هیچکدام مناسب نباشند. این مشکل با داشتن نقاطی که طیف مناسبی از فشار جانبی را در بر می‌گیرند برطرف خواهد شد.

#### شکل نمونه

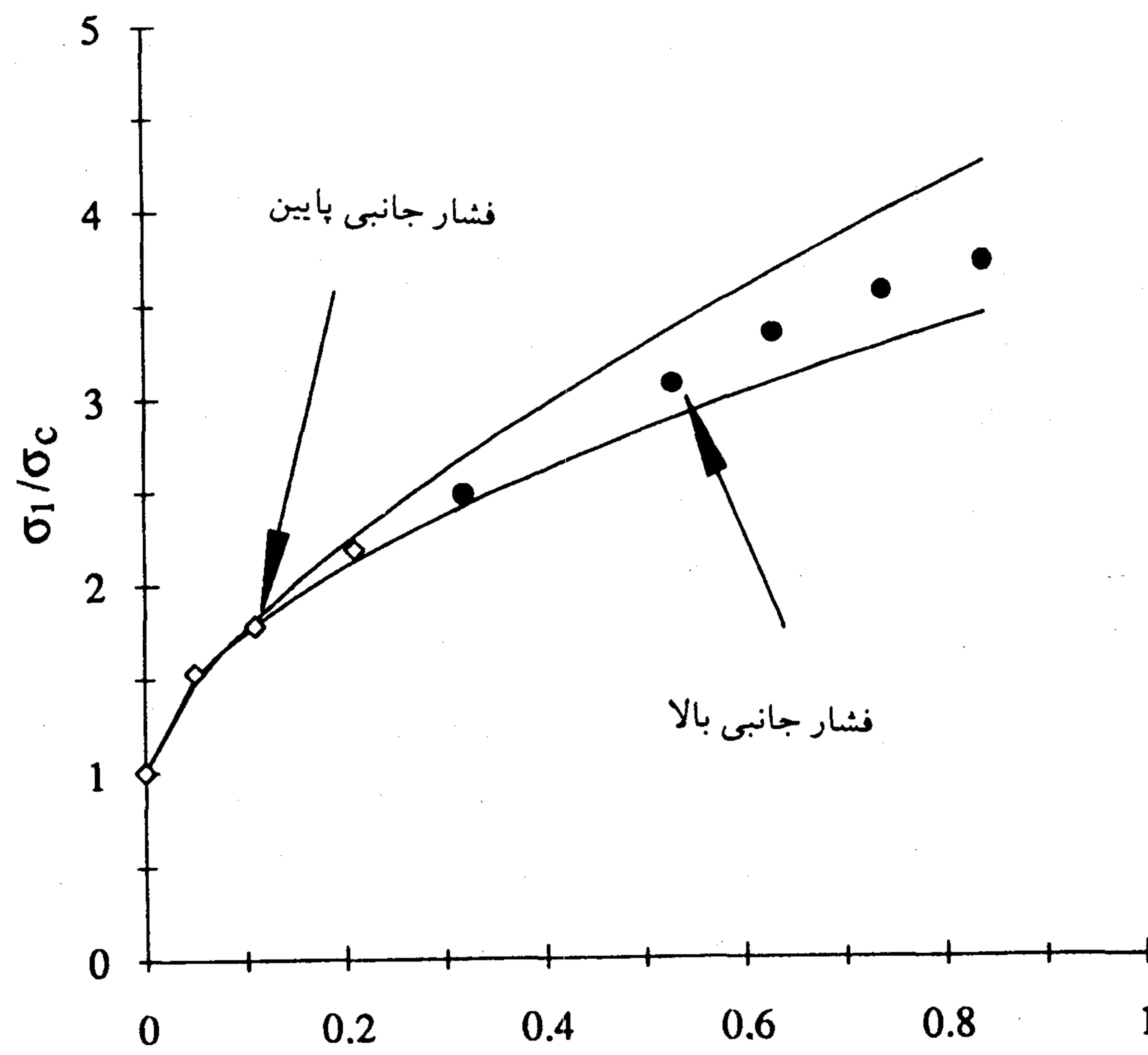
شکل نمونه‌های آزمایش شده که داده‌های مربوط به آنها مورد استفاده قرار می‌گیرد باید حتی الامکان یکی باشد تا از تاثیر شکل<sup>(۱)</sup> بر نتیجه کار اجتناب شود. لازم به

#### محدوده مقدار فشار جانبی (۵۳)

نتایج آزمایشها بی که برای این منظور مورد استفاده قرار می‌گیرد باید دربرگیرنده طیف مناسبی از فشار جانبی (۵۳) از مقادیر کم تا مقادیر نسبتاً زیاد باشد تا بتوان دامنه نسبتاً وسیعی از نقاط را برای تعیین یک منحنی در اختیار داشت. در این مورد توصیه می‌شود که در بین هر گروه از داده‌ها حداقل نتیجه یک آزمایش که در فشار جانبی بزرگتر از نصف مقاومت فشاری یک محوره نمونه موردنظر ( $\sigma_3 < \sigma_c$ ) انجام گرفته است موجود باشد.

اهمیت این موضوع را می‌توان از شکل ۲ استنباط نمود. این شکل با استفاده از نتایج آزمایش‌های فشاری یک محوره و سه محوره که توسط نگارنده بر روی نمونه‌های ماسه سنگ انجام گرفته ترسیم شده است. مقاومت فشاری یک محوره این ماسه سنگ ۴۸ MPa است. نقاطی که متناظر با فشار جانبی تا ۱۰ MPa هستند به عنوان فشار جانبی پایین مشخص شده‌اند و حداکثر فشار جانبی اعمال شده ۴۰ MPa بوده است.

چنانچه از این شکل معلوم است اگر ملاک پردازش منحنی فقط نقاطی باشد که مربوط به فشار جانبی پایین هستند به



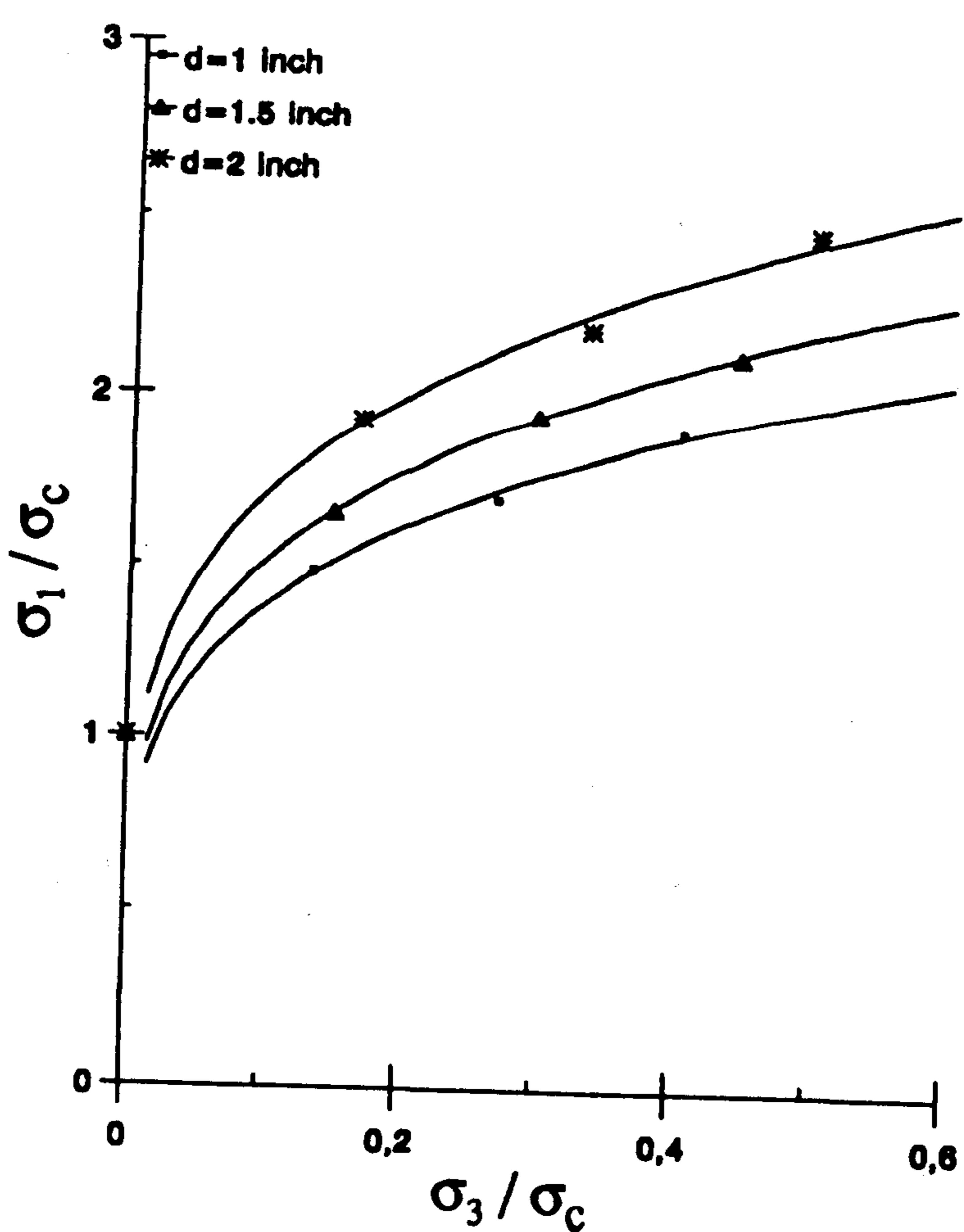
شکل ۲ - تاثیر محدوده مقادیر  $\sigma_3$  در تعیین منحنی معیارشکست.

که ناهمانگیها برای گروه هایی از داده ها که از منابع متفاوت می آیند بیشتر خواهد بود.

برای اجتناب از تاثیر  $\frac{H}{D}$  باید داده هایی را انتخاب کرد که نسبت ارتفاع به قطر در آنها بالاتر از مقدار بحرانی باشد. مقدار بحرانی طبق استانداردهای موجود ۲ و در بعضی از موارد  $2/5$  عنوان شده است. باید اذعان کرد که یافتن داده هایی با این ویژگی در منابع موجود کار ساده ای نمی باشد.

#### اندازه (قطر نمونه)

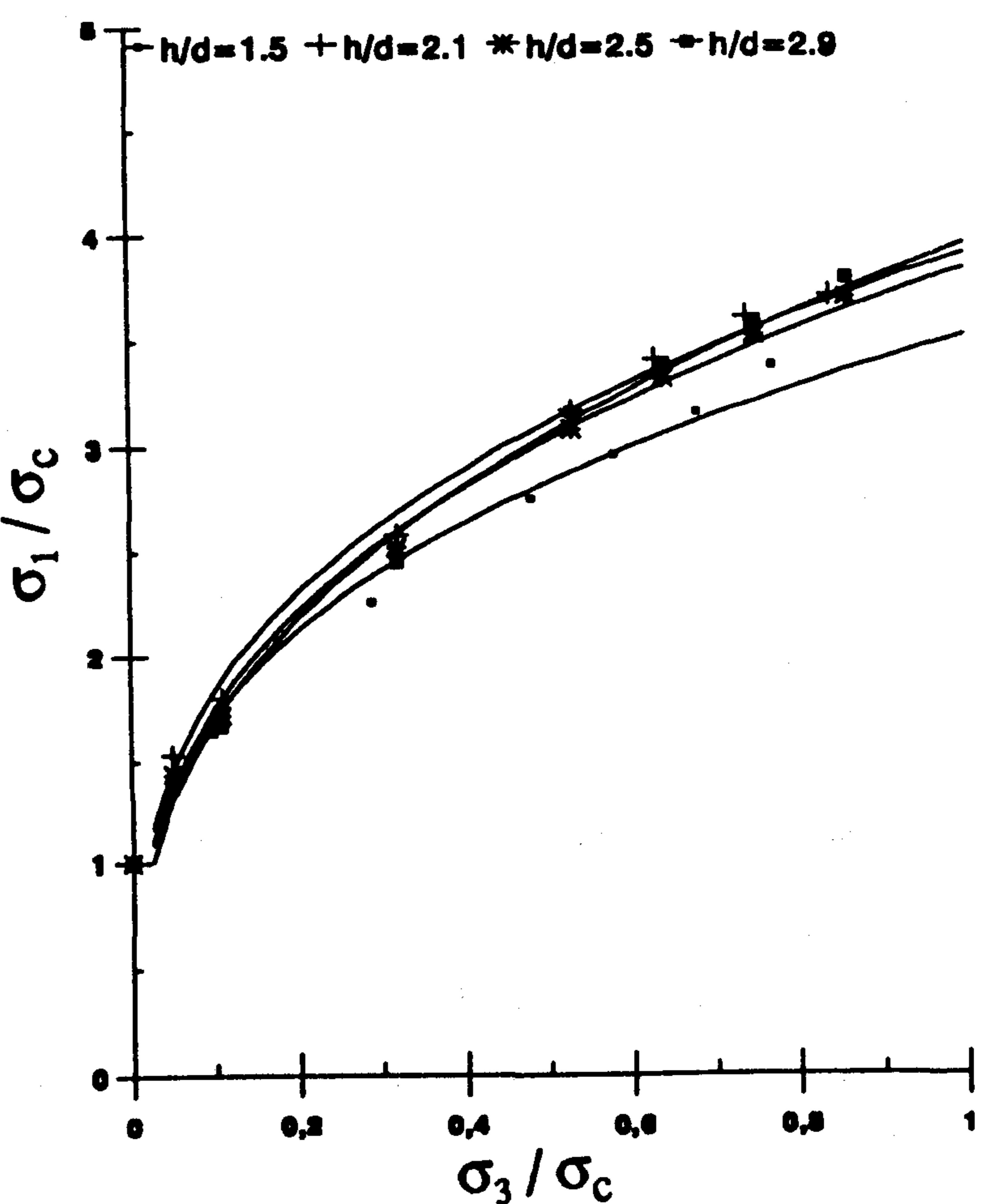
در بررسی هایی که در این باره انجام شد معلوم گردید که گرچه نمونه ها دارای شکل  $(\frac{H}{D})$  یک نواختی باشند، چنانچه قطر نمونه ها متفاوت باشد منحنی های  $\frac{\sigma_3}{\sigma_c}$  بر حسب  $\frac{\sigma_3}{\sigma_c}$  متفاوت بوده و هرگروه از داده ها منحنی ویژه ای را می طلبد. شکل ۴ این واقعیت را به وضوح نشان می دهد. در این شکل از داده های تولید شده توسط هانت [۸] که حاصل آزمایش های او بر روی نمونه های پلاستر است استفاده شده است. نمونه های مورد آزمایش دارای قطرهای  $1/5$  و  $2$  اینچ و نسبت  $\frac{H}{D}$  یکسان هستند.



شکل ۴ - تاثیر اندازه (قطر) در شکل منحنی معیار شکست برای نمونه های پلاستر.

یادآوری است که اصطلاحاً نسبت طول نمونه به قطر آن ( $\frac{H}{D}$ ) شکل نمونه نامیده می شود. البته گاه اعمال این شرط به دلیل اینکه در بعضی از منابع ذکری از اندازه قطر و ارتفاع نمونه های آزمایش شده به میان نمی آید مشکل خواهد بود. نیازی به توضیح نیست که امروزه نمونه های مورد آزمایش عموماً استوانه ای شکل هستند.

به منظور تبیین تاثیر این عامل نتایج آزمایش های انجام شده توسط نگارنده بر روی نمونه های ماسه سنگ با نسبتهاي ارتفاع به قطر متفاوت در شکل ۳ آورده شده است. چنانچه از این شکل پیداست، منحنی های هماهنگ با هر دسته از نتایج که مربوط به نمونه های با نسبت  $\frac{H}{D}$  معین هستند با منحنی مربوط به دسته دیگر متفاوت است. همچنین برای گروه هایی که نسبت ارتفاع به قطر در آنها  $1/2$  و بیشتر است این منحنی ها از هم خوانی بیشتری برخوردارند.



شکل ۳ - تاثیر شکل (نسبت  $\frac{H}{D}$ ) در شکل منحنی معیار شکست مربوط به ماسه سنگ آزمایش شده در این پژوهش.

این تفاوتها در حالی است که نمونه های مورد نظر از یک بلوك سنگ بوده و با تکنیک واحد، امکانات آزمایشگاهی واحد و توسط فرد واحدی آزمایش شده اند. طبیعی است

## نتیجه‌گیری

در تهیه نمونه‌ها و در انجام آزمایشها نکات مربوط به شکل و اندازه نمونه، طیف فشار جانبی اعمال شده، تعداد آزمایش‌های مورد لزوم برای تولید یک گروه از داده‌ها و توجه به مرز گذر از شکنندگی به شکل پذیری بدقت موردنویس قرار گیرد. چنانچه از داده‌های تولید شده توسط دیگران استفاده می‌شود نکات مورد اشاره باید ملاک غربال و انتخاب داده‌های مناسب قرار گیرد.

۴- ممکن است به ندرت گروهی از داده‌ها یافت شوند که علیرغم داشتن شرایط مورد اشاره به ناچار باید حذف گردند. چنین داده‌هایی ممکن است با یک سری از اصول مسلم و پذیرفته شده در مکانیک سنگ در تضاد باشند که نشان از وجود اشکالات عملی در تهیه نمونه‌ها یا نحوه آزمایش دارد. مثلاً چنانچه تقریب منحنی تشکیل شده بوسیله یک سری از نتایج آزمایش‌ها روبرو به بالا بوده و یا در بین مقاومت‌های سه محوره بدست آمده ( $\sigma_1$ ) مواردی باشد که مقدار آن کمتر از مقاومت یک محوره فشاری است، چنین گروهی از داده‌ها پذیرفتی نبوده و نباید مورد استفاده واقع شود.

۱ - با توجه به اهمیتی که معیارهای شکست در پیش‌بینی رفتار سنگ و توده‌های سنگی دارند، انتخاب معیار شکست مناسب نیازمند اطمینان از کارآیی آن معیار است. چون معیارهای شکست موجود دارای کاستی‌ها و نقاط ضعفند پژوهش در اینمورد از ضروریات اجتناب ناپذیر است.

۲ - داده‌های آزمایشگاهی وسیله مفیدی برای ارزیابی معیارهای شکست است. به دلیل تنوع در تکنیک‌های استفاده شده در آزمایش‌ها و تنوع اندازه و شکل نمونه‌ها، کیفیت و میزان اعتماد به نتایج آزمایش‌هایی که در منابع مختلف وجود دارند متفاوت و گاه غیر واضح است.

چنانچه تمام داده‌های انتخاب شده دارای ویژگی‌های اعلام شده نباشند نباید انتظار داشت که در پردازش منحنی بر داده‌ها نتیجه صحیحی عاید گردد.

۳ - چنانچه به منظور بررسی و ارزیابی معیارهای شکست آزمایش‌هایی بر روی نمونه‌های سنگ انجام می‌شود باید

## مراجع

- 1 - Bieniawski, Z. T. (1974)a. "Estimating the strength of rock materials." *J. S. African Institute of Mining and Metallurgy*, 74(8), 312-320.
- 2 - Hoek, E. and Brown, E. T. (1980). "Empirical strength criterion for rock masses." *J. Geotech. Engng. Div., ASCE*, 106(GT9), 15715, Sep., 1013-1035.
- 3 - Bieniawski, Z. T. (1974)b. "Geomechanics classification of rock masses and its application in tunnelling." *3rd Cong. Int. Soc. Rock Mech.*, 2(partA), 27-32.
- 4 - Mogi, K. (1966). "Pressure dependence of rock strength and transition from brittle fracture to ductile flow." *Bull. Earthquake Res. Inst., Tokyo Univ.*, 44, 215-232.
- 5 - Hoek, E. (1983). "Strength of jointed rock masses." *Geotechniques*, 33(3), Sep., 187-223.
- 6 - Ramamurthy, T. (1986). "Stability of rock mass." *Indian Geotechnical Journal*, 16(1), 1-74.
- 7 - Das, M. N., and Sheorey, P. R. (1986). "Triaxial strength behaviour of some Indian coals." *Journal of Mines, Metals & Fuels*, March, 118-122.
- 8 - Hunt, D. D. (1973). "The influence of confining pressure on size effect." *M. S. Thesis, MIT*.