

کاربرد تحلیل ابعادی^۱ و مدل فیزیکی در بررسی عمق جریان چگال^۲

در محل فرو روى^۳ دریاچه ها

محمدجواد خانجانی

دانشیار گروه مهندسی عمران - دانشگاه شهید باهنر کرمان

غلامعباس بارانی

دانشیار گروه مهندسی عمران - دانشگاه شهید باهنر کرمان

عین‌ا... شفیعی

مربی دانشکده صنعتی - معدنی زرند - دانشگاه شهید باهنر کرمان

(تاریخ دریافت ۷۷/۷/۱، تاریخ تصویب ۷۷/۱۱/۲۴)

چکیده

وقوع سیلاب با بدء اوج نسبتاً بالا در مناطق خشک و نیمه‌خشک با پوشش گیاهی ضعیف، باعث ایجاد جریان چگال حاوی رسوبات ریزدانه می‌گردد. چنین جریانی هنگام ورود به دریاچه سد به علت غلظت زیاد رسوبات و چگالی بالا نسبت به محیط پذیرنده بصورت جریان زیر رونده در عمق فرو رفته و پدیده فروروی را بوجود می‌آورد. رسوبگذاری در محل فرو روى؛ و بعد از آن باعث بالا آمدن کف و افزایش ارتفاع سطح آب و در نتیجه آب گرفتگی اراضی و تشکیل باتلاقها در زمینهای بالا دست سد شده و همچنین سبب کاهش حجم مفید مخزن می‌گردد.

در این مطالعه محاسبه عمق جریان در محل فرو روى با استفاده از تحلیل ابعادی مورد بررسی قرار گرفته، و با استفاده از مدل هیدرولیکی برای شبیه‌های یک تا هشت درصد عمق جریان در محل فرو روى اندازه‌گیری شده و ضریب ثابت معادله عمق فرو روى برای هر یک از شبیه‌ها تعیین گردیده است. مقدار این ضریب برای شبیه‌های مختلف (۱ تا ۸ درصد) بین ۰/۶ تا ۰/۱۰۱ متغیر می‌باشد، بطوری که برای شبیه‌های تنگ‌کمتر از یک و برای شبیه‌های ملایم بیشتر از یک و برای شبیه بحرانی حدود یک می‌باشد.

کلید واژه‌ها: جریان چگال، عمق جریان چگال، بدیده فروروی، تحلیل ابعادی، مدل فیزیکی

مقدمه

محاسبه عمق جریان در نقطه فروروی ارائه داده‌اند [۲، ۶، ۷، ۸، ۹ و ۱۰]. فرمولهای مختلف ارائه شده اعم از تجربی و تحلیلی دارای ضرائب ثابتی می‌باشند که برآورد آنها خالی از اشکال نیست. در مطالعه حاضر تلاش می‌شود که ضریب ثابت معادله فروروی بصورت تابعی از شبیه به نحوی ارائه گردد که برآورد آن برای شبیه‌های مختلف به آسانی امکان پذیر باشد.

تحلیل ابعادی عمق جریان چگال در نقطه فروروی
مطالعات و آزمایشات تجربی به عمل آمده بر روی پدیده فروروی نشان می‌دهد که عمق جریان در نقطه فروروی (h_p) تابع متغیرهای فیزیکی ذیل می‌باشد [۴].

$$h_p = \phi(q_0, g, \Delta\rho, \rho_2, \mu_2, S, f_t) \quad (1)$$

بطوری که q_0 برابر بده عبوری در واحد عرض، g برابر شتاب ثقل،

افزایش نیاز آب در جامعه، ایجاد سدهای مخزنی در مناطق خشک و نیمه خشک را ایجاد می‌نماید. این مناطق از نظر پوشش گیاهی فقیر بوده و عموماً دارای سیلابهای کوتاه مدت با بدء نسبتاً زیاد و حاوی رسوبات قابل توجه می‌باشند. چنین سیلابهای جریان چگال نامیده می‌شوند و به محض ورود به دریاچه پشت سد، به علت غلظت زیاد، در عمق آب ساکن فرو رفته که این محل فرو رفتگی را نقطه فروروی می‌گویند [۱۱].

جریان چگال به علت پس زدگی آب دریاچه و افزایش سطح مقطع در ابتدای مخزن بصورت جریان زیر رونده در می‌آید. در نقطه فروروی رسوبات حمل شده شروع به تهشیش شدن نموده و باعث بالا آمدن کف رودخانه و در نتیجه موجب آب گرفتگی و تشکیل باتلاقها در اراضی بالا دست مخزن سد می‌گردد [۳، ۵ و ۱۲]. از آنجائی که بررسی عمق جریان چگال از اهمیت ویژه‌ای برخوردار می‌باشد، لذا محققین فرمولهای مختلفی جهت

$$a = -\frac{h_p}{(q_0^2 / \varepsilon_0 g)^{1/3}} \quad (6)$$

که با انجام آزمایشات متعدد روی مدل هیدرولیکی می‌توان مقادیر مختلف، a را به ازاء تغییرات، q_0 و h_p بدست آورد. برای حالت $a = 1$ ، عمق فروروی جریان برابر عمق فروروی بحرانی (h_{pcr}) در نظر گرفته می‌شود.

$$h_{pcr} = \left(\frac{q_0^2}{\varepsilon_0 g}\right)^{1/3} \quad (7)$$

محاسبه عمق جریان چگال در دریاچه
با مشخص بودن عمق جریان چگال در نقطه فروروی می‌توان این عمق را در هر نقطه در داخل دریاچه محاسبه کرد. با در نظر گرفتن شکل (۱) می‌توان معادله ممتدوم برای دو مقطع ۱-۱ و ۲-۲ را بصورت زیر نوشت [۱].

$$q_0 \rho_2 (\beta_2 u_d - \beta_1 u_p) = P_1 + W_s - P_2 - F_i - F_0 \quad (8)$$

که u_p برابر سرعت جریان چگال در نقطه فروروی، u_d برابر سرعت جریان چگال در مقطع ۲-۲، β_1 و β_2 برابر ضرائب جریان، P_1 برابر نیروی فشار در مقطع ۱-۱، P_2 برابر نیروی فشار در مقطع ۲-۲، W_s برابر نیروی وزن سیال بین دو مقطع، F_i برابر نیروی اصطکاک بین جریان چگال و آب راکد و F_0 برابر نیروی اصطکاک بستر می‌باشد، که برای سادگی محاسبات از تاثیر نیروهای F_i و F_0 و W_s صرف نظر شده است [۱] و می‌توان نوشت:

$$q_0 \rho_2 (\beta_2 u_d - \beta_1 u_p) = P_1 - P_2 \quad (9)$$

$\Delta\rho$ اختلاف دانسیته جریان چگال با آب صاف، ρ_2 برابر دانسیته جریان چگال، μ_2 برابر ویسکوزیته دینامیکی جریان چگال و F_1 برابر ضریب اصطکاک دارسی ویسکوزیته کل بستر می‌باشد. این معادله را می‌توان بصورت زیر نوشت:

$$f(h_p, q_0, g, \Delta\rho, \rho_2, \mu_2, S, f_t) = 0 \quad (2)$$

با تجزیه و تحلیل ابعادی معادله (۲)، معادله زیر حاصل می‌گردد [۱۳].

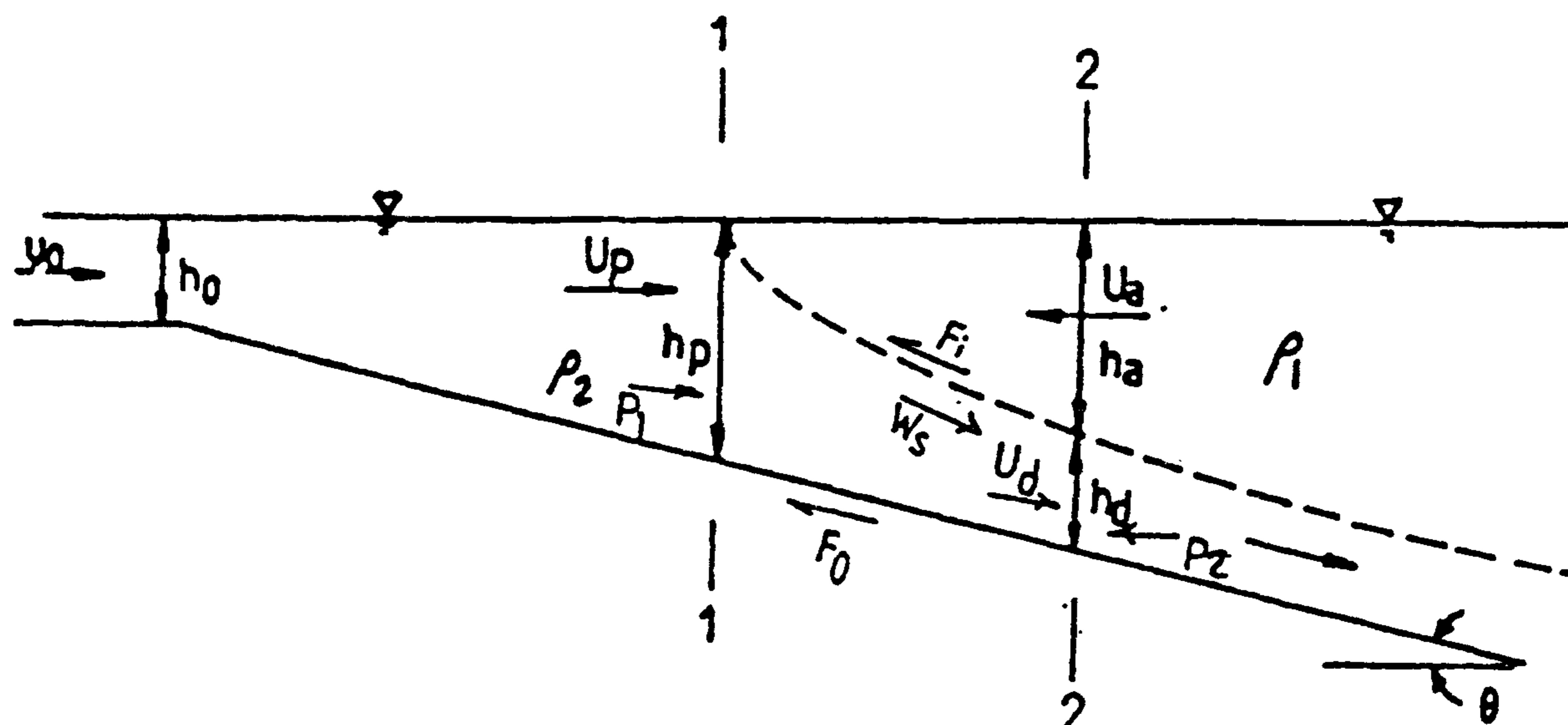
$$f(h_p, \frac{g^{1/3}}{q_0^{2/3}}, (\varepsilon_0)^a, R_e^b, S^c, f_t^d) = 0 \quad (3)$$

بطوری که $\frac{\Delta\rho}{\rho_1} = \frac{g}{\varepsilon_0}$ و ρ_2 دانسیته آب صاف راکد می‌باشد. چون حاصل ضرب دو عامل بی‌بعد خود عامل بی‌بعد می‌باشد خواهیم داشت:

$$h_p = \left(\frac{q_0^2}{\varepsilon_0 g}\right)^{1/3} \cdot \phi(R_e^b, S^c, f_t^d) \quad (4)$$

با توجه به معادله (۴) مشاهده می‌شود که عمق فروروی (h_p) بستگی به بده ورودی q_0 ، g شتاب ثقل، $\Delta\rho$ اختلاف دانسیته آب مخزن و آب گل آвод، ρ_2 دانسیته آب گل آвод، R_e عدد رینولدز جریان ورودی، S شیب و f_t ضریب اصطکاک بستر دارد. که با تغییر هر یک از مقادیر فوق مقدار h_p نیز تغییر خواهد کرد. اگر ضریب ثابت معادله عمق فروروی را، a ، در نظر بگیریم خواهیم داشت:

$$h_p = a \left(\frac{q_0^2}{\varepsilon_0 g}\right)^{1/3} \quad (5)$$



شکل ۱: موقعیت نیروها در پدیده فروروی [۱].

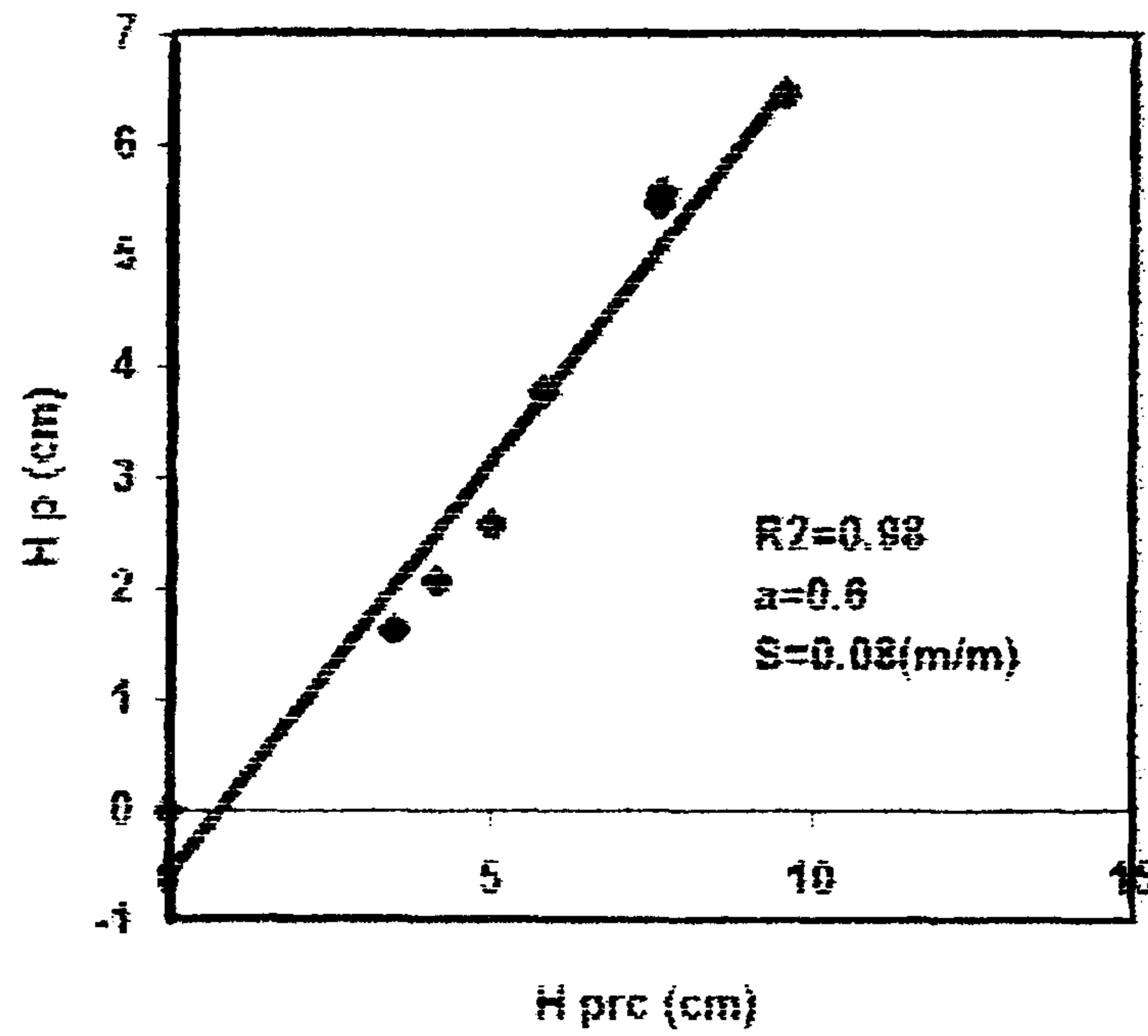
$$h_d = -\frac{1}{2} h_p + \frac{1}{2} \left(h_p + \frac{9.44 q_0^2}{g'} \right)^{1/2} \quad (12)$$

حال با معلوم بودن h_d عمق جریان چگال در داخل دریاچه، می‌توان مقدار h_a عمق آب را کد مخزن در مقطع ۲-۲ را از فرمول ذیل بدست آورد:

$$h_a = S.L + h_p - h_d \quad (13)$$

شرح مدل

در این مطالعه جهت بررسی پدیده فروروی اقدام به ساخت مدل فیزیکی گردید. مدل ساخته شده از نوع مدل فرودی^۱ می‌باشد. طول کل مدل ۱۰ متر، که شامل ۵/۹ متر کanal با عرض ۱۴/۵ سانتیمتر و ارتفاع ۳۰ سانتیمتر، و ۴/۱۰ متر طول مخزن سد با ارتفاع ۴۰ سانتیمتر و عرض متغیر بین ۱۴/۵ تا ۶۰ سانتیمتر است. حداکثر عرض در قسمت وسط مخزن سد واقع شده است.

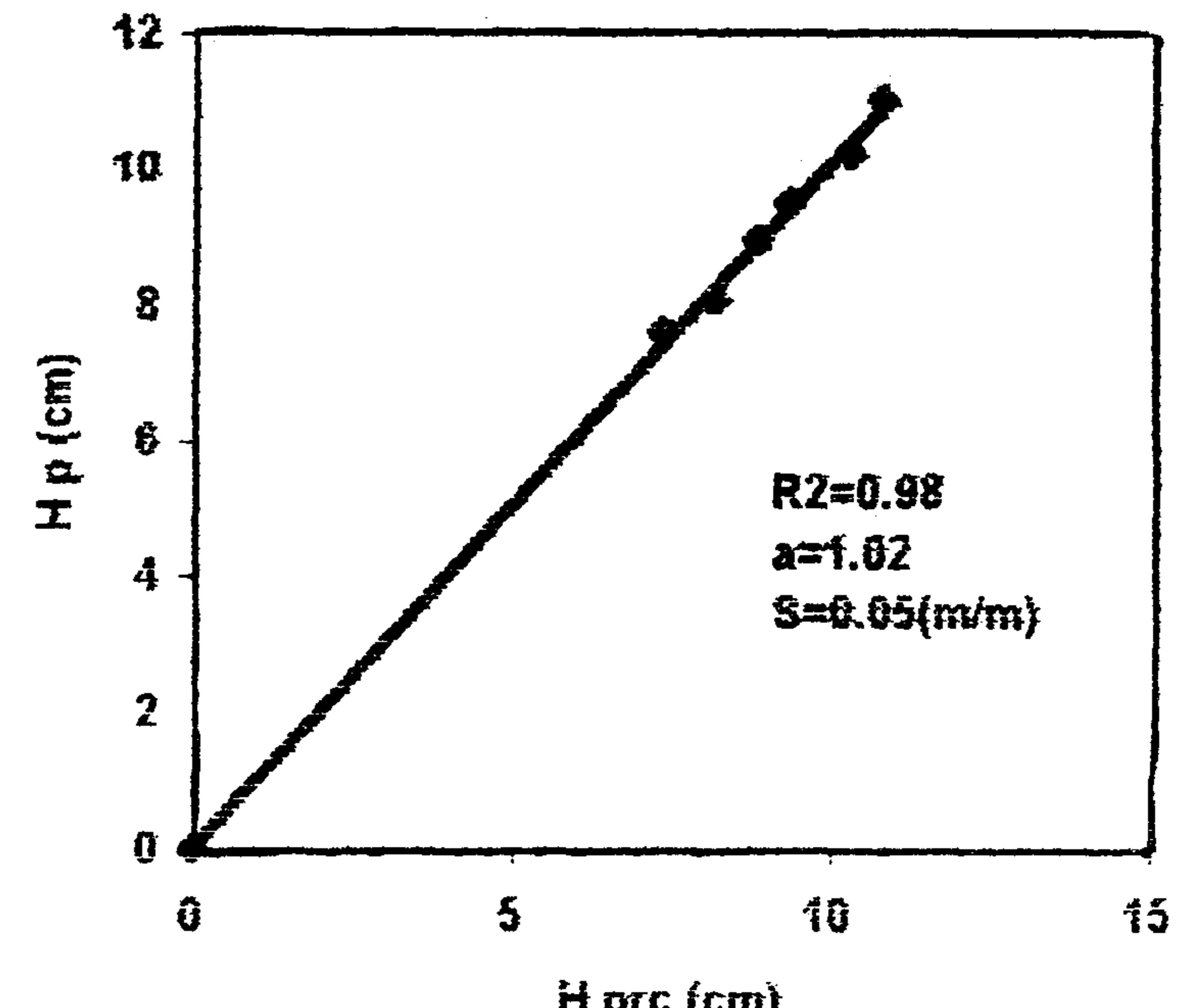
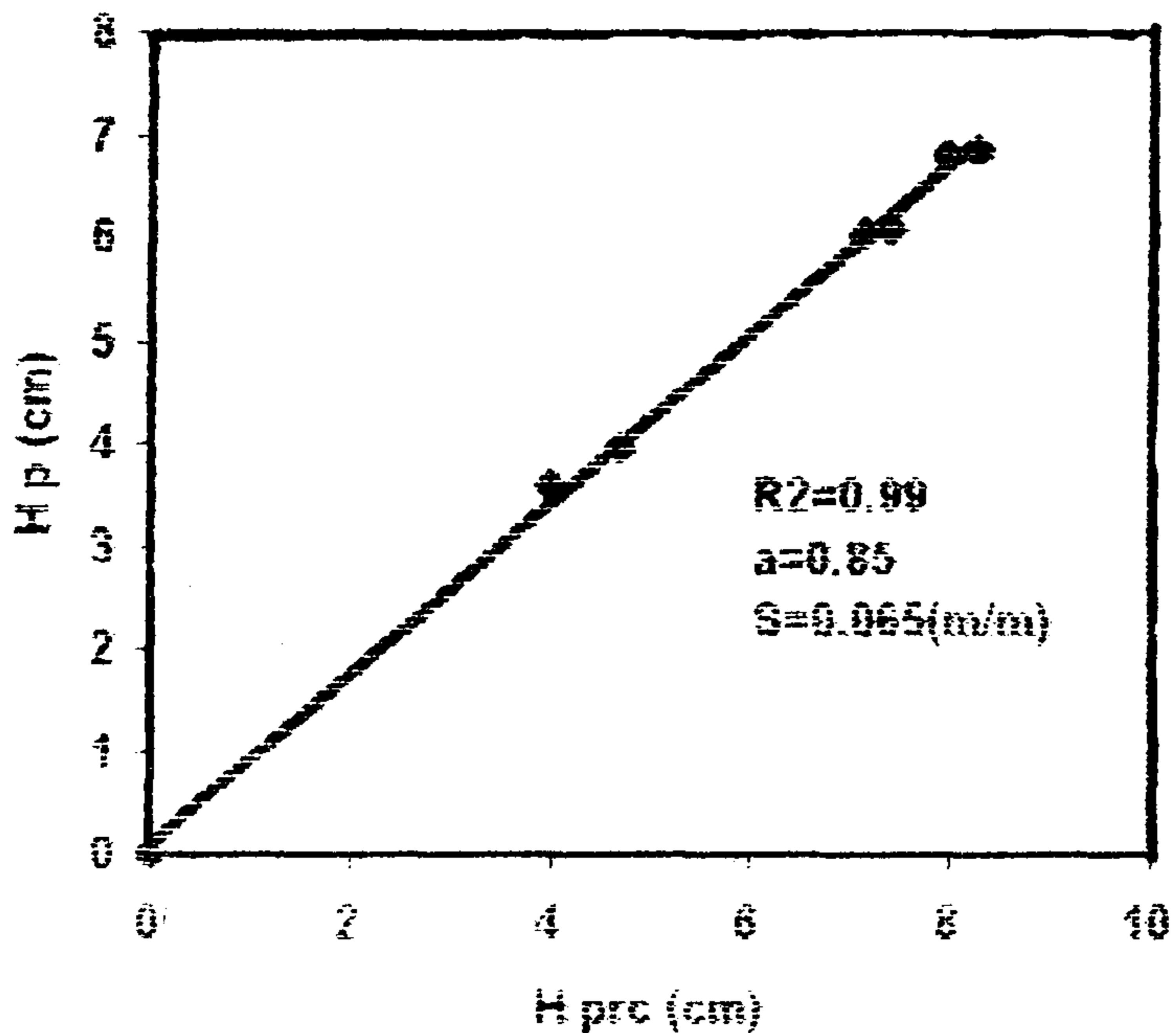
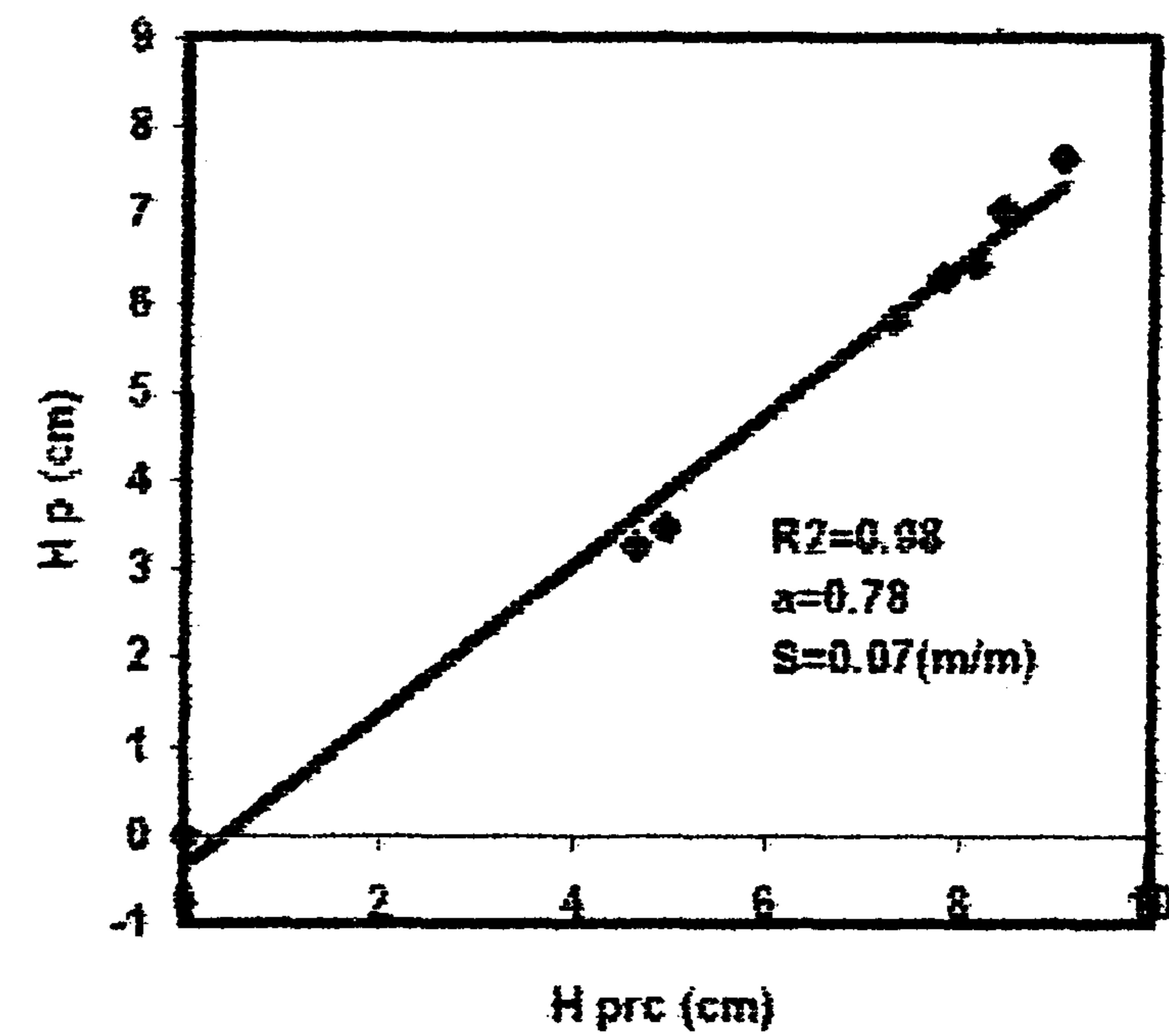


$$q_0 \rho_2 \left(\beta_2 \frac{q_0}{h_d} - \beta_1 \frac{q_0}{h_p} \right) = \frac{\rho_2 g}{2} h_p^2 - \left(\frac{\rho_1 g}{2} h_p^2 + \frac{\rho_2 - \rho_1}{2} g h_d^2 \right) \quad (10)$$

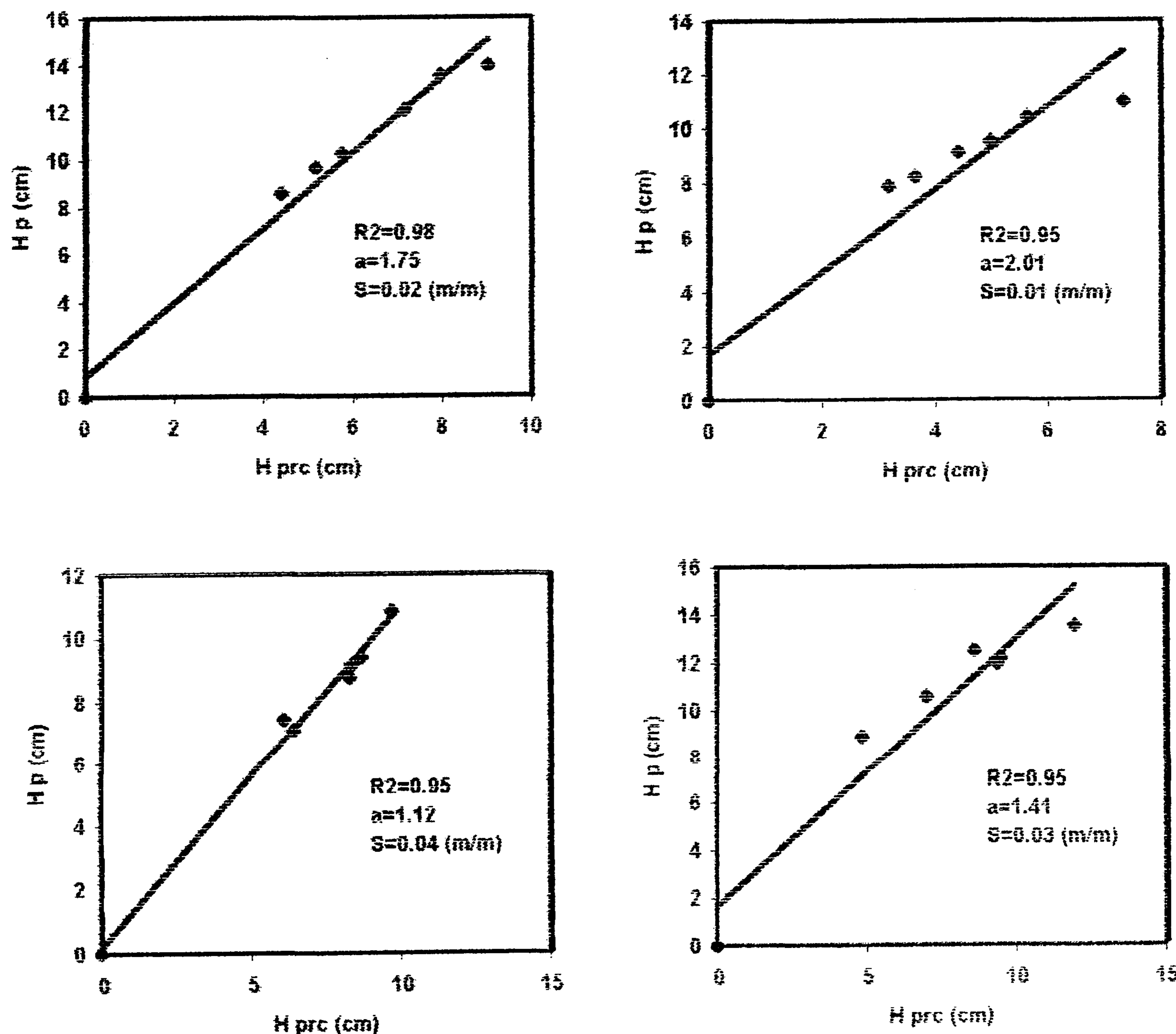
که بعد از ساده کردن معادله بالا و با در نظر گرفتن جریان مغشوش ($\beta_1 = \beta_2 = 1$)، عمق جریان چگال را بصورت زیر می‌توان نوشت.

$$h_d = -\frac{1}{2} h_p + \frac{1}{2} \left(h_p + \frac{8 q_0^2}{g'} \right)^{1/2} \quad (11)$$

که در آن $g' = \frac{\Delta \rho}{\rho_2}$ یا شتاب کاهش یافته می‌باشد و چنانچه جریان آرام فرض شود که در اکثر مخازن نیز جریان آرام است، ($\beta_2 = \beta_1 = 1/18$) در این صورت می‌توان با معادله زیر عمق جریان چگال در دریاچه را محاسبه نمود.



شکل ۲: تغییرات عمق فروری (H_d) نسبت به عمق بحرانی (H_{prc}) برای شیوه‌های ۵، ۶/۵، ۷ و ۸ درصد.



شکل ۳: تغییرات عمق فروری (H_p) نسبت به عمق بحرانی (H_{prc}) برای شیوه‌های ۱، ۲، ۳ و ۴ درصد.

[۱۱ و ۱۲] مراجعه شود.

شرح آزمایشات انجام شده

با افزودن آب و مواد رسوبی به مخزن مدل و بهم زدن آنها مخلوط آب و مواد رسوبی تهیه شد. این مخلوط از طریق یک شیر کنترل با ارتفاع فشاری^۱ و بدنه ثابت وارد کanal حاوی آب را کد در مدل گردید. برای اندازه‌گیری بدنه ورودی به مدل از یک کنتور حجمی به قطر ۳ سانتیمتر استفاده شده است و در فواصل زمانی

مدل بصورت صلب ساخته شده که جهت تغییر شیب آن از یک جک هیدرولیکی استفاده می‌گردید و بكمک دوربین ترازیاب برای شیب مورد نظر تنظیم می‌شد. برای سهولت مشاهده جریان، دیواره مدل از شیشه ساخته شد. رسوبات ریزدانه از نوع سیلیت با دانه‌بندی $d_{90}=0.04\text{mm}$, $d_{60}=0.007\text{mm}$, $d_{40}=0.003\text{mm}$ جهت آزمایش استفاده گردید. از یک مخزن چهار متر مکعبی با بهمن جهت تأمین آب ورودی به مدل استفاده شده است. جهت اطلاعات بیشتر در مورد مشخصات مدل به منابع

جدول ۱: اندازه‌گیری عمق جریان در نقطه فروروی برای مخازن با شیب٪۸

عنصر فروروی مشاهده شده h_p (cm)	عمق بحران $h_{prc} = (q_0^2/\mathcal{E}_{0g})^{1/3}$ (cm)	بده $(m^3/se) \times 10^{-4}$	زمان (sec)	حجم (Cm ³)
6.47	9.56	5.20	2.00	1040
5.57	7.62	3.70	3.00	1140
5.47	7.59	3.68	2.50	920
3.77	5.82	2.47	3.00	740
2.57	5.00	1.97	3.00	590
2.07	4.17	1.50	4.00	600
1.62	3.48	1.14	4.20	480

جدول ۲: اندازه‌گیری عمق جریان در نقطه فروروی برای مخازن با شیب٪۷

عنصر فروروی مشاهده شده h_p (cm)	عمق بحران $h_{prc} = (q_0^2/\mathcal{E}_{0g})^{1/3}$ (cm)	بده $(m^3/se) \times 10^{-4}$	زمان (sec)	حجم (Cm ³)
3.47	4.97	1.95	3.08	600
5.82	7.32	3.48	2.82	980
6.45	8.16	4.10	2.68	1100
6.30	7.84	3.86	2.80	1080
3.25	4.66	1.77	2.82	500
7.06	8.44	4.31	2.55	1100
7.65	9.06	4.80	2.50	1200

اندازه‌گیری مستقیم در مدل فیزیکی بدست آمده است. مقادیر اندازه‌گیری شده (ستون پنجم) بصورت تابعی از مقادیر محاسبه شده (ستون چهارم) در شکل‌های (۲) و (۳) رسم شده است. ضریب همبستگی برای تمام آزمایشات محاسبه گردیده و مقدار آن در تمام آزمایشات بالای ۹۵ درصد ($0.95 = r^2$) بود، که می‌توان با اطمینان بالا مقدار ضریب a را برای شیوه‌های مختلف محاسبه نمود و مورد بحث و تحلیل قرار داد. آزمایشات مدلی برای شیوه‌های مختلف در سه گروه شیوه‌ها تندر، ملايم و بحراني بشرح زير مورد بررسی قرار می‌گيرند.

مختلف ضمن بهم زدن دائم مخلوط آب و مواد رسوبی، از جریان خروجی از مخزن نمونه برداری شده و غلظت و چگالی آن اندازه‌گیری گردیده است. نتایج حاصل از اندازه‌گیری‌ها در جدولهای (۱) الی (۸) آمده است. در تمام جدولها ارقام سنون سوم (بده ورودی) با توجه به ارقام ستونهای اول و دوم محاسبه شده است. چگالی آب گلآلود از طریق نمونه برداری و تجزیه آزمایشگاهی تعیین و مقدار ۰.۱۵ برابر ۰.۰۰۴ بدست آمده است. ارقام ستون چهارم با استفاده از معادله (۷) حاصل گردیده است. مقادیر عمق جریان چگال مربوط به ستون پنجم از طریق

جدول ۳: اندازه‌گیری عمق جریان در نقطه فروروی برای مخازن با شیب ۵٪.

عنق فروروی مشاهده شده h_p (cm)	عمق بحران $h_{prc} = (q_0^2/\varepsilon_0 g)^{1/3}$ (cm)	به $(m^3/se) \times 10^{-4}$	زمان (sec)	حجم (Cm ³)
3.95	4.70	1.79	3.02	540
6.05	7.15	3.36	2.62	880
6.10	7.39	3.53	2.66	9.40
6.80	7.97	3.96	2.73	1080
6.85	8.27	4.18	2.49	1040
3.60	4.01	1.41	4.60	650

جدول ۴: اندازه‌گیری عمق جریان در نقطه فروروی برای مخازن با شیب ۵٪.

عنق فروروی مشاهده شده h_p (cm)	عمق بحران $h_{prc} = (q_0^2/\varepsilon_0 g)^{1/3}$ (cm)	به $(m^3/se) \times 10^{-4}$	زمان (sec)	حجم (Cm ³)
7.62	7.34	3.50	1.83	640
11.05	10.75	6.20	1.28	790
9.50	9.31	5.00	1.56	780
9.00	8.81	4.60	2.79	1280
10.25	10.28	5.80	1.95	1140
8.10	8.16	4.10	2.10	860

$$h_{ps} = a h_{prc} = (1.12 \text{ الی } 0.60) h_{prc}$$

(۱۵)

می‌گردد. چون ضریب a بستگی به شیب، عدد رینولدز و ضریب اصطکاک کل دارد (معادله ۶)، و ضریب اصطکاک در شیبهای تند نسبت به شیبهای ملايم کوچک می‌باشد لذا در حالت کلی و با استفاده از نتایج آزمایشات ارائه شده در جدولهای (۱ تا ۴) و شکل (۲) برای شیبهای تند فرمول ذیل پیشنهاد می‌گردد:

$$h_{ps} = (1.51 \text{ الی } 1.87) \left(\frac{f_t}{S} \right)^{2/3} \left(\frac{q_0^2}{\varepsilon_0 g} \right)^{1/3} \quad (16)$$

شیبهای ملايم

با توجه به آزمایشات انجام شده و نتایج بدست آمده شیبهای کمتر از چهار درصد عنوان شیبهای ملايم شناخته شد، زیرا که در

شیب‌های تند

طبق آزمایشات انجام شده بر روی مدل و نتایج حاصله، شیبهای بالای پنج درصد به عنوان شیبهای تند شناخته شد، زیرا که عمق جریان اندازه‌گیری شده در نقطه فروروی، با عمق محاسبه شده (عمق بحرانی) برابر نبوده بلکه بصورت ضربی از این عمق است که مقدار این ضربی (a)، برای شیبهای بین پنج تا هشت درصد متغیر بوده و حدود آن بین $(1/12 \text{ تا } 1/6)$ محاسبه شده است. با توجه به اینکه عمق بحرانی جریان در بالادست دریاچه،

برابر h_{prc}

$$h_{prc} = \left(\frac{q_0^2}{\varepsilon_0 g} \right)^{1/3} \quad (14)$$

است لذا عمق جریان در نقطه فروروی برای مخازن با شیب تند (۵٪) برابر با (h_{ps}) است

جدول ۵: اندازه‌گیری عمق جریان در نقطه فروروی برای مخازن با شیب ۴٪

عمق فروروی مشاهده شده h_p (cm)	عمق بحران $h_{prc} = (q_0^2/\varepsilon_{0g})^{1/3}$ (cm)	به $(m^3/se) \times 10^{-4}$	زمان (sec)	حجم (Cm ³)
7.10	6.42	2.86	3.22	920
10.82	9.73	5.34	2.32	1240
9.15	8.37	4.26	3.10	1320
9.40	8.68	4.50	2.40	1080
7.41	6.10	2.65	3.1	820
8.75	8.31	4.21	1.52	640

جدول 6: اندازه‌گیری عمق جریان در نقطه فروروی برای مخازن با شیب ۳٪

عمق فروروی مشاهده شده h_p (cm)	عمق بحران $h_{prc} = (q_0^2/\varepsilon_{0g})^{1/3}$ (cm)	به $(m^3/se) \times 10^{-4}$	زمان (sec)	حجم (Cm ³)
10.55	7.02	3.27	3.06	1000
11.95	9.38	5.05	3.05	1540
13.50	11.98	7.30	1.85	1350
8.85	4.87	1.89	2.85	540
12.15	9.50	5.15	2.05	1040
12.50	8.63	4.46	2.80	1250

$$h_{pm} = \left(\frac{f_t}{S} \right)^{1/3} \left(\frac{q_0^2}{\varepsilon_{0g}} \right)^{1/3} \quad (1.23 \text{ ای } 0.67) \quad (18)$$

شیب‌های بحرانی

طبق نتایج حاصله از آزمایشات بعمل آمده برای شیب‌های بین چهار تا پنج درصد مقدار عمق جریان اندازه‌گیری شده در نقطه فروروی برابر با عمق محاسبه شده (عمق بحرانی) نبوده بلکه بصورت ضریبی از این عمق است که مقدار این ضریب برای شیب‌های یک تا چهار درصد متغیر بوده و حدود آن بین $1/12$ تا $2/01$ (a) می‌باشد. لذا عمق جریان در نقطه فروروی برای مخازن با شیب ملائم (h_{pm}) برابر با

این شرایط عمق جریان اندازه‌گیری شده در نقطه فروروی برابر با عمق محاسبه شده (عمق بحرانی) نبوده بلکه بصورت ضریبی از این عمق است که مقدار این ضریب برای شیب‌های یک تا چهار درصد متغیر بوده و حدود آن بین $1/12$ تا $2/01$ (a) می‌باشد. لذا عمق جریان در نقطه فروروی برای مخازن با شیب ملائم (h_{pm}) برابر با

$$h_{pm} = a h_{prc} = (1.12 \text{ ای } 2.01) h_{prc} \quad (17)$$

در حالت بحرانی (معادله (7)) مناسب است.

تغییرات ضریب ثابت معادله عمق جریان در نقطه فروروی (معادله (5)), برای شیب‌های مختلف در جدول (۹) نشان داده شده است. رابطه بین a و شیب (S), بصورت معادله نمائی در نظر گرفته شده و

است. با در نظر گرفتن اینکه مقدار a بستگی به شیب، عدد رینولدز و ضریب اصطکاک کل دارد و ضریب اصطکاک در شیب‌های ملائم نسبت به شیب‌های تندر بزرگ می‌باشد ($f_t = 0.03$) لذا در حالت کلی و با استفاده از نتایج آزمایشات طبق جداول (۵ تا ۸) و شکل (۳) برای شیب‌های ملائم فرمول ذیل پیشنهاد می‌گردد:

جدول ۷: اندازه‌گیری عمق جریان در نقطه فروروی برای مخازن با شیب ۲٪

عنق فروروی مشاهده شده h_p (cm)	عمق بحران $h_{prc} = (q_0^2/\varepsilon_0 g)^{1/3}$ (cm)	به $(m^3/se) \times 10^{-4}$	زمان (sec)	حجم (Cm ³)
12.05	7.17	3.38	3.20	1080
9.65	5.17	2.07	3.00	620
8.55	4.39	1.62	4.20	680
13.55	7.99	3.97	2.82	1120
13.95	9.06	4.80	2.50	1200
10.25	5.77	2.44	3.20	780

جدول ۸: اندازه‌گیری عمق جریان در نقطه فروروی برای مخازن با شیب ۱٪

عنق فروروی مشاهده شده h_p (cm)	عمق بحران $h_{prc} = (q_0^2/\varepsilon_0 g)^{1/3}$ (cm)	به $(m^3/se) \times 10^{-4}$	زمان (sec)	حجم (Cm ³)
8.25	3.66	1.23	3.25	400
7.90	3.19	1.00	2.00	200
9.55	4.99	1.96	4.85	950
10.45	5.63	2.35	4.25	1000
11.0	7.34	3.50	4.00	1400
9.15	4.43	1.64	3.35	550

جدول ۹: تغییرات ضریب a نسبت به شیب مخزن.

شیب مخزن S	۸%	۷%	۶.۵%	۵%	۴%	۳%	۲%	۱%	ضریب a
	0.6	0.75	0.85	1.02	1.12	1.41	1.75	2.01	

نقطه فروروی (h_p) برای شباهای مختلف (یک تا هشت درصد) اندازه‌گیری شده، و عمق بحرانی (h_{pcr}) محاسبه گردیده، و نتایج حاصله در جداول (۱) تا (۹) ارائه گردیده است. شکل‌های (۲) و (۳)، نشان می‌دهند که اعمق اندازه‌گیری شده با شباهای تندر (پنج تا هشت درصد) و شباهای ملائم (یک تا چهار درصد) با عمق بحرانی محاسبه شده مساوی نبوده و برابر حاصل ضرب، (a) و عمق بحرانی (h_{pcr}) می‌باشد (معادله (۷)). مقدار این ضریب برای شباهای مختلف بین $2/0\cdot 1$ تا $2/0\cdot 6$ متغیر بوده بطوری که برای شباهای تندر کمتر از یک و برای شباهای ملائم بیشتر از یک می‌باشد. برای شباهای بین چهار تا پنج درصد مقدار این ضریب بسیار به یک نزدیک بوده که بیانگر تساوی عمق محاسبه شده در نقطه فروروی با عمق بحرانی در این شرایط می‌باشد. با استفاده از روش همبستگی رابطه بین a و S تعیین گردیده که از آن (معادله (۹)) می‌توان برای شب مورد نظر ضریب ثابت عمق جریان را تعیین و سپس نسبت به محاسبه عمق جریان چگال در نقطه فروروی اقدام نمود.

ضرائب ثابت معادله با استفاده از روش همبستگی^۱ محاسبه و بصورت

$$a = 2/3838e^{-0.6975} \quad (19)$$

معرفی می‌گردد. ضریب همبستگی (۱) معادله بالا برابر $r^2 = 0.991$ می‌باشد. با استفاده از این معادله می‌توان برای شب مورد نظر ضریب ثابت عمق جریان را تعیین و سپس عمق جریان چگال در نقطه فروروی را محاسبه نمود.

نتیجه گیری

معادلات مختلف ارائه شده توسط محققین برای محاسبه عمق جریان در نقطه فروروی مورد بررسی قرار گرفت. هر کدام از این معادلات دارای ضرائب ثابتی می‌باشند که برآورده و تعیین آنها به نوبه خود آسان نمی‌باشد. در این مطالعه با استفاده از تحلیل ابعادی ابتدا معادله‌ای جهت محاسبه ضریب ثابت عمق جریان (a) در نقطه فروروی ارائه گردیده است که مقدار این ضریب تابعی از عمق جریان چگال و عمق بحرانی در نقطه فروروی می‌باشد.

با استفاده از مدل فیزیکی تهیه شده عمق جریان چگال در

مراجع

- 1 - Akiyama, J. and Stefan, H. G. (1981). "Theory of plunging Flow into a Reservoir." *Internal Memo IM - 97*, St. Anthony Falls Hydraulic Laboratory, University of Minnesota, Minneapolis.
- 2 - Akiyama, J. and Stefan, H. G. (1984). "plunging Flow into a Reservoir : Theory." *J. of Hyd. Eng, ASCE*, Vol. 110, No. 4, 484-499.
- 3 - Alavian, V. (1992). "Density currents entering lakes and reservoirs." *J. Hyd. Eng. ASCE*, Vol. 118, No. 11.
- 4 - Fan Jiahua. (1960). "Experimental studies on density currents." *Scientia Sinica*, No. 9, 275-303.
- 5 - Gu, R, McCutcheon, SC. and Wang, P. F. (1996). "Modeling reservoir density underflow and interflow from a chemical spill." *Water Resources Res.*, Vol. 32, No. 3, 695-705.
- 6 - Hebbert, B., Imberger, J., Loh , I. and Patterson, J. (1979). "Collie river underflow into the wellington roservoir." *J. of Hyd. Div. ASCE*, 105 (HYS) 533-545 , Proc. Paper No. 14593.
- 7 - Jain, Subash, C. (1981). "Plunging phenomena in reservoirs." *Proceedings of the Sumposium on Surface Water Impoundments, Minneapolis , Minn.*, June 2-5 , 1980, Published by ASCE.
- 8 - Savage, S. B. and Brimberg, J. (1975). "Analysis of plunging phenomena in water resources." *J. of Hydraulic Research, IAHR*, Vol. 13, No. 2, 187-204.
- 9 - Singh, B. and Shah, C. R. (1971). "Plunging phenomenon of density currents in reservoirs." *Laiouille Blanche*, Vol. 26, No I, 59-64.

- 10 - Wunderlich, W. O. and Elder, R. A. (1973). "Mechanics of flow through man made lakes." *Man-Made Lakes : Their Problems and Environmental Effects*, W. Physical Union, Washington, D.C.
- ۱۱ - شفیعی، ع. "مطالعه مدلی جریانهای غلیظ در مخازن." پایان نامه کارشناسی ارشد رشته سازه‌های هیدرولیکی، بخش عمران دانشکده فنی دانشگاه شهید باهنر کرمان (۱۳۷۴).
- ۱۲ - شفیعی، ع. و خانجانی م. ج. "بررسی تخلیه رسوب در مخازن سدها بوسیله یک مدل فیزیکی." نشریه دانشکده مهندسی دانشگاه فردوسی مشهد، سال نهم شماره اول (۱۳۷۶).
- ۱۳ - شکوهی، ف. (مترجم). "تحلیل بعدی و نظریه مدل." مرکز نشر دانشگاهی تهران. تهران (۱۳۶۴).

واژه نامه :

1 - Dimensional Analysis	تحلیل ابعادی
2 - Density Current	جریان چگال
3 - Plunge	فروروی
4 - Froud Model	مدل فرودی