

کاربرد روش‌های رایانه‌ای در بهینه‌سازی طرح یک سد خاکی

محمد رضا کاخی

استادیار دانشکده فنی مهندسی - دانشگاه فردوسی مشهد

محمد رضا نوری بیات

کارشناس ارشد عمران - دانشکده فنی مهندسی - دانشگاه فردوسی مشهد

(تاریخ دریافت ۷۷/۳/۳۰، تاریخ تصویب ۷۸/۲/۲۵)

چکیده

روند کلی طراحی و مبانی بهینه‌سازی رایانه‌ای طرح سدهای خاکی مطالعه و یک روش عملی برای آن پیشنهاد می‌گردد. در روش پیشنهادی، فرمول بندی بهینه‌سازی برای سدهای خاکی بر روی بستر آبرفتی و یا سنگی بر اساس تشکیل یک مسئله برنامه‌ریزی غیرخطی مقید انجام می‌شود که در آن متغیرهای مسئله تعدادی از عوامل موثر مشخصه سد، تابع هدف (غالباً) هزینه عملیات اجرایی طرح و توابع قیدی مجموعه شرایط آئین نامه‌ای و هندسی لازم برای آببندی و ایمنی کافی سد و محدودیتهایی بر مقادیر عوامل مؤثر متغیر هستند. در این روش، بر اساس تجربه و مطالعات طراح، یک الگوی مفهومی تعریف شده و به منظور کاهش تعداد تحلیلهای لازم در حین بهگزینی، بر اساس یک برنامه‌ریزی مشخص از روی نتایج تحلیلهایی نظری تحلیل اقتصادی، تراوش و پایداری شیروانیها برای مجموعه‌ای از طرح‌های نمونه در فضای طراحی، توابع هدف و قیود عملکردی از طریق بررسیهای آماری بصورت توابعی صریحی بر حسب عوامل مؤثر متغیر تعیین می‌شوند. مسئله بهگزینی (موسوم به الگوی تحلیلی)، به یکی از روش‌های عددی بهگزینی مقید حل شده و یک طرح بهینه تقریبی بدست می‌آید. با انجام تحلیلهای دقیق برای این طرح بهینه و مقایسه نتایج، میزان تقریب بررسی و میزان بهینگی و مقادیر واقعی قیود محاسبه می‌شوند. عملی بودن روش پیشنهادی با بهگزینی نمونه یک سد خاکی و با استفاده از نرم‌افزار تحلیل و طراحی‌ای که بر اساس روش پیشنهادی تهیه شده، نشان داده می‌شود.

واژه‌های کلیدی: سد خاکی، بهینه‌سازی، برنامه رایانه‌ای

مقدمه

می‌کاهد. بعلاوه از آنجاییکه مدت زمان در نظر گرفته شده برای طراحی محدود می‌باشد، هر چه این ابزار کاملتر و هوشمندتر باشد و خدمات مشاوره‌ای بهتری در اختیار طراح قرار دهد، به طراح مجال بیشتری برای تفکر و بررسی تعداد بیشتری گزینه را می‌دهد، و در نتیجه در زمان کوتاه‌تر طرح‌های اقتصادی‌تر و ایمن‌تری بدست خواهند آمد. هدف این مقاله ایجاد زمینه تهیه چنین ابزاری می‌باشد.

برای دستیابی به این ابزار باید چندین مبحث مستقل مورد بررسی قرار گرفته و با هم ترکیب شوند از جمله ۱- مفاهیم بنیادی در روند متدالو طراحی مهندسی و طراحی بهینه مهندسی و عواملی که بر آنها موثر می‌باشند، ۲- روش‌های عددی لازم برای تعیین عملکرد یک سد

طراحی سد خاکی فرآیندی پیچیده دارد و در حال حاضر تنها بر تجارب کسب شده از طرح‌های پیشین و تخصص و ابتکار طراح استوار است. بنابراین در هر حال این تنها طراح است که بر اساس سابقه ذهنی خویش، تصمیم‌گیری‌ها و هدایت روند طراحی را به عهده دارد^۱ هزینه صرف شده برای طراحی بهینه سد خاکی در مقایسه با هزینه زیاد اجرای یک سد خاکی و تاسیسات جانبی آن و اثرات زیانبار اقتصادی و اجتماعی شکست پروره یک سد خاکی بخوبی قابل توجیه می‌باشد. به این دلیل قراردادن روش و ابزار مناسبی در اختیار طراح که به کمک آن بتواند از کلیه تجارب گذشته استفاده کرده و بهترین تصمیم‌ها را بگیرد، ضمن کاهش هزینه اجرا، به مقدار قابل ملاحظه‌ای از خطرات احتمالی نیز

بهترین مقادیر برای اجزاء طرحی که طراح برگزیده است، تعیین می‌گردد. مقادیر (و یا حالت‌های) عوامل توصیف کننده طرح انتخاب شده را می‌توان به صورتهای مختلف که در همه آنها عملکردهای لازم حفظ و قیود مربوطه ارضاء شده باشند، برگزید. به این ترتیب طرحهای متفاوتی بدست می‌آید. با تعریف یک معیار ارزیابی این طرحها با هم مقایسه شده و یکی نسبت به دیگران ارجحیت داده می‌شود. این مرحله دارای یک روند تکراری (بصورت تحلیل / بازبینی طرح) است. ۴- مرحله تهیه جزئیات و نقشه‌های اجرایی، که پس از اتمام مرحله بهینه‌یابی و گاهی همزمان با آن می‌باشد. در این مرحله نتایج مرحله بهگزینی باید بازبینی و در صورت نیاز اصلاح شوند، که باز هم در این قسمت، تجربه و قضاؤت مهندسی طراح نقش مهمی دارد.

در روند متداول طراحی در مرحله بهینه سازی، عامل انسانی دارای نقش مهمی است و تکرارهای تحلیل / بازبینی طرح بر اساس مهارت و تجربه طراح انجام می‌شود و عمده‌تاً از رایانه تنها به عنوان یک ابزار کمکی برای انجام تحلیلها استفاده می‌شود. به این ترتیب امکان دارد در اثر محدودیت زمانی یا عدم تسلط طراح، طرح بدست آمده طرح بهینه مطلق نباشد، در حالی که در روند طراحی بهینه رایانه‌ای، تکرارهای تحلیل / بازبینی طرح از یک روند مشخص پیروی می‌کند که احتمال رسیدن به جواب بهینه مطلق را افزایش می‌دهد.

ب) مسئله طراحی یک سد خاکی

مسئله طراحی یک سد خاکی را می‌توان چنین بیان کرد [۳] : برای ۱- خصوصیات عملکردی و رقوم مشخص آب دریاچه سد و میزان مجاز نشت آب از بدن و شالوده سد، ۲- قیود و روابط مشخصی بین عملکرد مهندسی سد خاکی و سایر اهداف مشخص پروژه، ۳- مشخصات معین برای شالوده و تکیه گاهها و ۴- مصالح ساختمانی موجود در منطقه، مطلوبست ۱- نوع و طرح کلی سد و ترکیب اجزاء سد، ۲- مشخصات سطح مقاطع عرضی و چگونگی عملیات در شالوده، بنحوی که سازه‌ای به حد کافی آببند و ایمن بوجود آمده و در ضمن پروژه‌ای با حداقل هزینه ساخت، نگهداری و بهره‌برداری حاصل شود.

خاکی با انجام تحلیلهای نظری تحلیلهای اقتصادی، تراوش [۵] ، پایداری شیروانیها [۱۰] ، ۳- جمع آوری اطلاعات، مطالعات آماری، بررسی‌های نظری و آزمایشگاهی جهت تعیین مجموعه قواعد طراحی و آئین‌نامه‌ای که ایمن و اقتصادی بودن طرح را تضمین نمایند، ۴- نظریه‌های ریاضیات عددی مناسب برای حل مسائل بهگزینی طراحی، ۵- فناوریهای جدید ایجاد نرم‌افزارهای رایانه‌ای در ارتباط با سیستمهای طراحی محاوره‌ای، هوش مصنوعی و بانکهای اطلاعاتی.

اهدافی که در این مقاله به عنوان بخشی از این مطالعات، دنبال شده‌اند عبارتند از : ۱ - بررسی روند متداول طراحی [۴] و مفهوم طراحی بهینه [۷] (از نظر نوع، شکل هندسی و مصالح منتخب و روش‌های اجرایی) در مورد یک سد خاکی، ۲- ارائه روند موسوم به "تجزیه و تحلیل عوامل مؤثر برای طراحی بهینه سدهای خاکی و تعمیم آن برای کاربردهای رایانه‌ای، ۳- بررسی چگونگی تشکیل یک الگوی مفهومی در طراحی بهینه سدهای خاکی (تعیین مفهوم عوامل مؤثر متغیر و ثابت، توابع هدف و قیود)، ۴- بررسی چگونگی تشکیل یک الگوی تحلیلی بر اساس الگوی مفهومی بدست آمده برای یک سد خاکی و تعیین طرح بهینه توسط رایانه، (تعیین روابط ریاضی برای بیان توابع هدف و قیود و حل عددی مسئله بهگزینی) [۷] ، ۵- بیان مبانی لازم و طراحی یک بسته نرم‌افزاری گارا برای تحلیل و طراحی بهینه سدهای خاکی، ۶- نشان دادن کارآیی روند با ارائه کاربرد عملی نرم‌افزاری که بر مبنای روش ارائه شده تهیه گردیده است.

روند طراحی سد خاکی

الف) روند متداول طراحی مهندسی

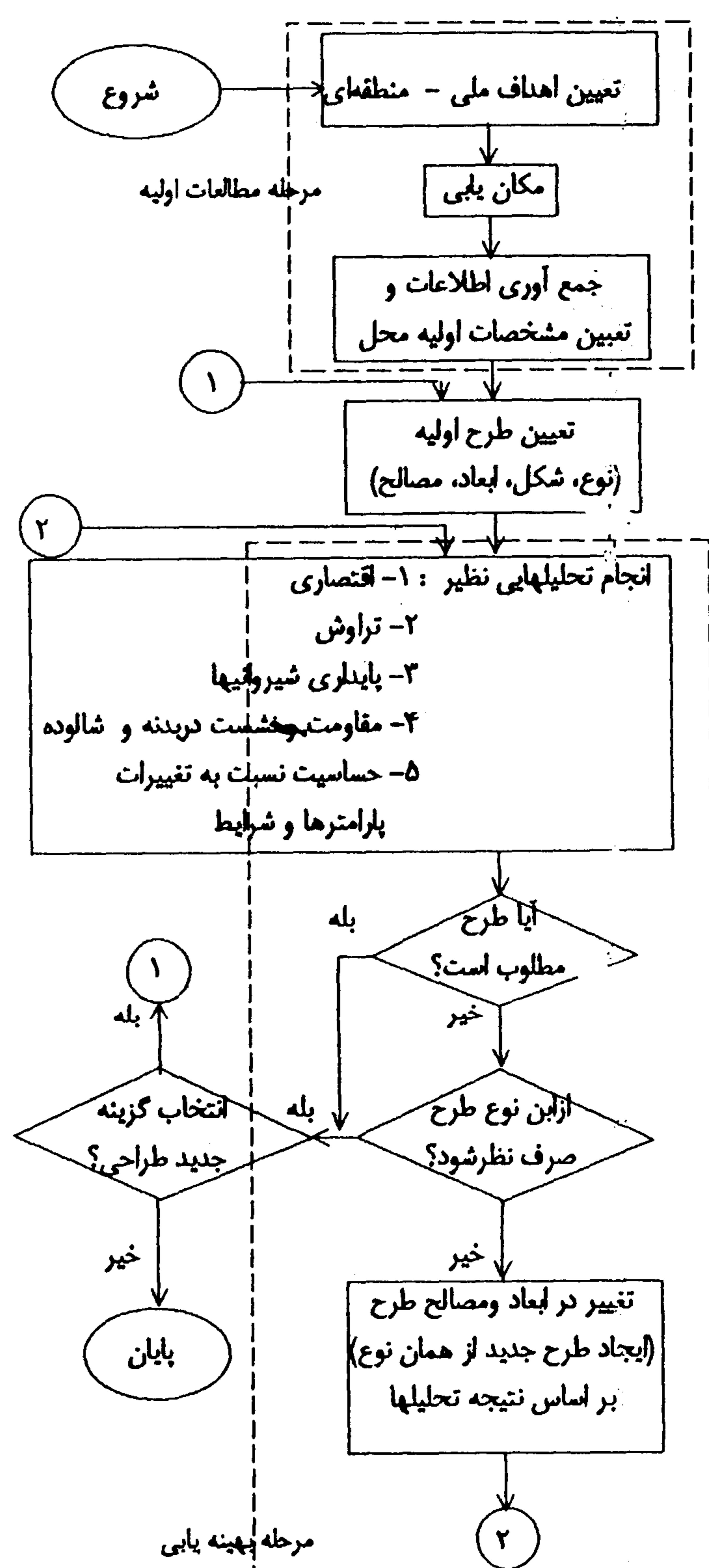
در حالت کلی روند متداول طراحی مهندسی را می‌توان به ۴ مرحله تقسیم کرد: ۱- مطالعات اولیه طرح، که برای جمع آوری اطلاعات، شناسایی اهداف، عملکردها و محدودیتها است و غالباً ارتباط مستقیمی با طراح ندارد. ۲- طراحی اولیه، که انتخاب یک طرح کلی است و بر اساس مطالعات اولیه و مبتنی بر تجربه، ابتکار و قضاؤت مهندسی طراح انجام می‌شود و در آن هدف طرح‌بیزی و انتخاب ترکیب برای سیستمی است که قادر به پاسخگویی به نیازها و عملکردهای لازم و در عین حال رعایت قیود و محدودیتهای موجود باشد، ۳- مرحله بهینه‌یابی، که در آن

در مرحله اول، پیش از شروع طراحی باید برخی عوامل مؤثر در طرح شناسایی شوند، از جمله [۱]: ۱- شناسایی اهدافی که از ایجاد سد دنبال می‌شود و اثرات ایجاد سد در منطقه، ۲- برآورد منابع قرضه تامین مصالح موجود در منطقه جهت ساختن سد، ۳- تعیین مشخصات شالوده و زمین منطقه‌ای که سد در آن احداث خواهد شد از نظر تراوش و لرزه‌خیزی، ۴- بررسی اقلیم و آب و هوای منطقه، ۵- تعیین شکل و اندازه و توپوگرافی دره‌ای که سد در آن احداث خواهد شد، ۶- نحوه مناسب انحراف آب در زمان احداث سد، ۷- جهت وزش باد غالب و بررسی اثرات ایجاد احتمالی امواج در دریاچه سد، ۸- حداکثر مدت زمانی که به اجرای سد می‌توان اختصاص داد، ۹- عملکردهای هیدرولوژیکی و هیدرولیکی.


در مرحله دوم، بر اساس مجموعه عوامل فوق و تجربیات طراح، گزینه‌ای برای سد خاکی از بین انواع سدهای خاکی ممکن انتخاب می‌شود [۴]، نظیر سد خاکی همگن، سد خاکی با هسته آب بند رسی و یا هسته بتنی. سپس طراح به گزینه انتخاب شده سیستمهای جانبی نظیر زهکشهای پنجه، زهکشهای افقی، صافیهای بعد از هسته رسی و ... را اضافه می‌نماید و بر اساس خواسته‌ها و وضع موجود و بر پایه موارد مشابه قبلی، مصالح مصرفی و ابعاد اولیه را برای مقطع (یا مقاطع) عرضی، مشخص می‌نماید. این ابعاد نظیر کل ارتفاع سد، ارتفاع آزاد (حاشیه ایمنی در ارتفاع)، شبیه‌های طرفین سد، موقعیت هسته رسی آن، ناحیه صافی و زهکش، عرض تاج و هسته، میزان انحنای محور سد در پلان و ... بگونه‌ای حدس زده می‌شود که وضعیت سد از نظر هندسی و اجرایی کاملاً مشخص شده و بتوان تحلیلهای مهندسی و اقتصادی را در مورد آن انجام داد [۲].

در مرحله بهینه‌یابی تحلیلهایی نظیر تحلیل تراوش (جهت تعیین توزیع فشار آب منفذی در بدنه و شالوده، برآورد میزان فرار آب از سد و شالوده، طراحی سیستمهای کنترل تراوش، تعیین حداکثر سرعت جریان و محاسبه ضرایب اطمینان نسبت به حرکت ریزدانه‌ها در بدنه و شالوده و احتمال ایجاد پدیده‌های رگاب، جوشش و ...)، تحلیلهای پایداری (بصورت تعیین ضرایب اطمینان لغزش شبیه‌های طرفین سد در هر یک از حالت‌های بلاfacسله پس از اتمام عملیات ساختمانی و در حین آبگیری، در هنگام

در حالت متداول در اینگونه مسائل طراح بر اساس تجربه و مهارت خوبی چندین گزینه ممکن را انتخاب کرده و بر اساس کنترل پاسخهای مقاطع عرضی مختلف سد و بررسی عملکردهای مختلف شالوده نسبت به پایداری و آببند بودن و برآورد هزینه در هر گزینه پیشنهادی، یکی را نسبت به سایرین برمی‌گزیند. مراحل چهارگانه متداول طراحی مهندسی را در مورد طراحی یک سد خاکی هم می‌توان نشان داد (شکل ۱). این مراحل را می‌توان بصورت زیر تشریح کرد:



شکل ۱: روند متداول طراحی سد خاکی.



شکل ۲: طراحی بهینه رایانه ای سد خاکی با استفاده از روند تجزیه و تحلیل عوامل مؤثر.

ارزیابی بهینگی طرح هم معیارهایی انتخاب می‌شوند. [۶] این معیارها غالباً بر اساس تحلیل اقتصاد طرح (برآوردهایی مانند هزینه تامین مصالح، هزینه اجرا، هزینه احداث تاسیسات جنبی و نگهداری، هزینه بهره برداری، هزینه انحراف موقت آب در زمان اجرا، هزینه تحمیل شده

تخلیه سریع مخزن، تراوش دائم و در هنگام زمین لرزه و ...)، تحلیلهای هیدرولیکی و غیره بر روی طرح انجام می‌شوند [۲]، [۵] و قابل قبول بودن طرح بر اساس نتایج حاصل از تحلیلهای مطابق معیارهایی برای جلوگیری از خرابیهای هیدرولیکی / سازه‌ای، سنجیده می‌شود. برای

مشخصه طرح کلی، تعیین و از بین عوامل مزبور، برخی عوامل به عنوان عوامل مستقل انتخاب و سایر عوامل بر حسب آنها بیان می‌شوند. از بین عوامل مستقل گروهی به عنوان عوامل ثابت انتخاب و بر حسب ضوابط و تجربه، مقادیری برای آنها انتخاب می‌گردد. برای ماقبی عوامل هم که عوامل متغیر طراحی می‌باشند، دامنه تغییرات تعیین می‌گردد (فضای عوامل طرح) و در نهایت برای ارزیابی بهینگی و پذیرش طرح معیارهایی انتخاب می‌شود. (تابع هدف و قیود)

برای اینکه بتوان با استفاده از روش‌های ریاضی جواب بهینه‌ای برای مسئله طراحی سد خاکی یافت، باید برای الگوی مفهومی بیان شده، اجزاء الگوی تحلیلی (یعنی متغیرها، تابع هدف و قیود در الگوی بهگزینی) را تعیین و بصورت کمی بر حسب روابط ریاضی مشخصی بیان کرد. برای اینکار چندین نقطه (یعنی چندین طرح مشخص برای سد) به عنوان نمونه در فضای طرح انتخاب و تحلیلهای لازم انجام و مقادیر قیود و تابع هدف در آن نقاط تعیین می‌شوند. با انتخاب شکل کلی عبارتهایی جبری برای تقریب توابع قیدی و هدف بر حسب عوامل مؤثر متغیر و با استفاده از پاسخهایی از سد که بر اساس تحلیلهای انجام شده در نقاط (طرحهای) نمونه بدست آمدۀاند، از یک الگوریتم برآش منحنی استفاده شده، ضرایب مجھول توابع جبری مزبور تعیین می‌گردد. به این ترتیب برای هر طرح مورد نظر از سد، مقادیر توابع قیدی و هدف توسط این عبارتهای جبری و بدون نیاز به انجام تحلیل، تقریب زده می‌شود. این باعث می‌شود که در حین حل ریاضی مسئله بهگزینی دیگر نیازی به انجام تحلیل سد نباشد و بتوان مقادیر تقریبی توابع قیدی و هدف را بر اساس مقادیر عوامل متغیر مسئله محاسبه کرد. شکل عبارت جبری انتخاب شده، تعداد نقاط نمونه در فضای طرح و روش برآش عبارت جبری بر توابع قیدی و هدف از حساسیت خاصی برخوردار است. در اینجا از توابع چندجمله‌ای برای تخمین مقادیر توابع، از روش رگرسیون گام بگام (حداقل مجذور مربعات توأم با تحلیل حساسیت^۱) [۱۴] برای برآش بر پاسخهای سد استفاده شده است. در پایان این مرحله مسئله بهینه‌سازی بصورت مجموعه‌ای از روابط ریاضی بدست می‌آید.

در مرحله بعدی که مرحله یافتن طرح بهینه است، از هر روش ریاضی بهگزینی مقیدی می‌توان استفاده کرده و یک

به اقتصاد منطقه، نسبت طول عمر مفید به هزینه کل و ...) تعریف می‌گردد.

ممکن است پس از انجام تحلیلهای فوق و بررسی نتایج حاصله، لزوم اعمال برخی تغییرات در طرح اولیه احساس شود. در این صورت پس از انجام تغییرات کارشناسی مزبور، باید تمام یا حداقل برخی از تحلیلهای فوق تکرار شوند. این روند طراحی/ تحلیل همراه با اعمال نظرات کارشناسی در هر مرحله تا آنجایی ادامه می‌یابد که به نظر طراح، آخرین طرح بر اساس معیارهای طراحی مهندسی و اقتصادی قابل قبول باشد. ممکن است مجموعه مراحل فوق از انتخاب گزینه اولیه تا مرحله تصمیم‌گیری برای چندین گزینه متفاوت تکرار گردد تا در نهایت یکی از این گزینه‌ها که به مرحله قابل قبول رسیده‌اند، تصویب شود و یا اینکه کلاً طرح سد خاکی در این مورد مردود شناخته شود. پس از رسیدن به یک طرح نهایی، مرحله طراحی جزئیات و تاسیسات جانبی فرا می‌رسد که ممکن است با تغییراتی جزئی در مشخصات طرح نهایی همراه باشد.

بهگزینی طرح یک سد خاکی

در اینجا یک روند عملی برای بهگزینی طرح یک سد خاکی پیشنهاد می‌گردد. اساس تفکر در ایجاد این روند چنین است: هر طرح از سد خاکی بوسیله مجموعه‌ای از عوامل که اصطلاحاً عوامل مؤثر نامیده می‌شوند، توصیف می‌شود و با مشخص شدن این عوامل مؤثر است که طرح سد معین و قابل اجرا می‌شود. این عوامل مؤثر را می‌توان از جنبه‌های متعددی تقسیم بندهی کرد. با انتخاب یک معیار برای تعیین بهینگی سد بر حسب عوامل مؤثر مشخصه سد و تعیین مجموعه‌ای از قیود برای تعیین قابل قبول بودن طرح بر حسب عوامل مزبور، می‌باید بنحوی مقادیری برای عوامل مؤثری که مقدار آنها مجھول در نظر گرفته شده‌اند، بدست آورد که در طرح حاصل معیار بهینگی دارای بهترین مقدار باشد. اجزا عملی این روند عبارتند از: ۱- تشکیل الگوی مفهومی، ۲- تشکیل الگوی تحلیلی، ۳- بهگزینی الگوی تحلیلی، ۴- تصمیم‌گیری. تشکیل الگوی مفهومی در واقع بیان صورت مسئله بصورت کمی است و در آن یک طرح اولیه برای مقطع سد انتخاب، اطلاعات لازم جمع آوری و عوامل مؤثر تعیین می‌شوند. برای ایجاد مسئله بهینه سازی عوامل

۱- در تحلیل حساسیت، با حذف جملاتی از چند جمله‌ای که در دامنه تغییرات تعیین شده برای عوامل متغیر، کمترین اثر را بر مقدار تابع دارند، در زمان حل صرفه جوئی می‌شود [۱۴].

می‌شوند و هم می‌توانند از نوع فنی - اجرایی و هم از نوع محاسباتی - آئین نامه‌ای باشند. عوامل محاسباتی از قبیل زاویه شیروانی‌های طرفین سد، عرض هسته سد در روی شالوده و در تاج سد، زاویه تمایل هسته از خط شاقول و ... می‌باشند. عوامل فنی و اجرایی از جمله میزان تراکم لایه‌های خاکریزی هسته، نحوه اجرای افقی یا قائم لایه‌های خاکریز در هسته سد، نوع مصالح انتخاب شده برای قسمتهای مختلف سد و ... می‌باشند. عوامل کمی مانند چگالی بافت خاک در قسمتهای مختلف سد و عوامل کیفی مانند نوع سد، تأمین مصالح از منابع قرصه مختلف باید از هم تمیز داده شوند. برخی از این عوامل در دامنه تغییرات خود دارای تغییرات پیوسته می‌باشند، در حالی که برخی تنها می‌توانند مقادیر گستره‌ای را پذیرند. غالباً عوامل کمی، تغییرات پیوسته و عوامل کیفی، تغییرات گستره دارند. این عوامل می‌توانند معین و یا تصادفی باشند^۱ در مرحله طراحی اولیه مقدار برخی از این کمیتها توسط طراح تعیین شده و برخی دیگر هم به طراح تحمیل می‌شوند (عوامل مؤثر ثابت). گروهی دیگر از کمیتها هم هستند که در حین فرآیند بهینه‌سازی به عنوان متغیر در نظر گرفته می‌شوند و باید مقداری برای آنها بدست آورده عوامل مؤثر متغیر یا متغیرهای طراحی). مقدار گروهی از کمیتها هم براساس مقدار کمیتها دیگر بددست می‌آیند (عوامل مؤثر وابسته). از دیدگاه نظری هیچ محدودیتی برای تعداد عوامل مؤثر متغیر در یک مسئله بهگزینی وجود ندارد، ولی با توجه به آلگوریتم‌های ریاضی موجود در حل مسایل بهگزینی و امکانات سخت افزاری و نرم‌افزاری، توصیه شده است تعداد این عوامل در هر مسئله حداقل ۵ عامل بیشتر نباشد^۲. زیرا در آلگوریتم ارائه شده با افزایش تعداد متغیرها، توابعی پیچیده‌تری برای تقریب توابع قیدی و هدف مورد نیاز می‌باشند و در نتیجه برای برازش این توابع بر پاسخهای سد باید تعداد بیشتری طرح نمونه از سد را انتخاب و تحلیل کرد که این مستلزم صرف زمان زیادی است. تعداد طرحهای نمونه لازم براساس نوع مسئله و با نظر طراح بگونه‌ای تعیین می‌شود که نقاط بدست آمده، نمایانگر کل فضای طرح باشند. در حالت کلی برای n عامل متغیر، برای اینکه کل فضای طرح پوشش داده شود، استفاده از حداقل تعداد 2^n طرح نمونه بازاء ترکیبیهای ممکن از مقادیر حدی متغیرها توصیه شده است، [۱۴]، [۲]^۳ گرچه هیچ الزامی در این مورد نیست. به

نقشه بهینه تقریبی برای الگوی تحلیلی، بدست آورد. در اینجا از روش بهگزینی مقید SUMT [۷] استفاده شده است.

طرحی که به این ترتیب بدست می‌آید یک طرح بهینه تقریبی می‌باشد، در مرحله نهایی که مرحله تصمیم گیری است، صحت بهینگی طرح تقریبی با اعمال نظرهای طراح و انجام تحلیلهای دقیق، بررسی و تصمیم به پذیرش یا انجام تغییرات در آن و حتی تکرار مجدد روند گرفته می‌شود. علت تقریبی بودن بهینگی طرح استفاده از توابع تقریبی برای قیود وتابع هدف می‌باشد.

بر اساس آنچه تا کنون بیان شد در اینجا به عنوان یک آلگوریتم ممکن، نرم‌افزاری که با هدف نهایی هماهنگی داشته باشد، طراحی شده که در آن از روش‌های المانهای کرانه‌ای [۱۳] و کرانه‌های آزمایشی برای تحلیل تراوش در میدانهای ناهمگن با کرانه‌های آزاد [۱۱]، از روش جستجوی مونت کارلو [۱۲] و تعاریف نویر و بیشاب و فلینوس [۱۰] برای تعیین ضریب اطمینان پایداری شیروانیهای طرفین و از روش بهگزینی مقید SUMT [۷] برای یافتن طرح بهینه از الگوی تحلیلی استفاده گردیده است.

تشکیل الگوی تحلیلی

الف) بیان ریاضی مسئله بهگزینی

یک مسئله بهینه سازی طراحی مهندسی [۶] یا برنامه‌ریزی ریاضی را می‌توان به صورت ذیل بیان کرد: مقدار متغیر n بعدی $\{x_1, x_2, x_3, \dots, x_n\}^T$ از دامنه $x_i^l \leq x_i \leq x_i^u$ $i = 1, \dots, n$ را به گونه‌ای باید که تابع $f(\mathbf{X})$ را به شرط ارضا قیدهایی به شکل $g_j(\mathbf{X}) \leq 0$ $j = 1, 2, \dots, m$ و $h_k(\mathbf{X}) = 0$ $k = 1, 2, \dots, q$ یک مسئله بهگزینی عبارتند از متغیرها یا عوامل طراحی (بردار \mathbf{X} ، قیود یا محدودیتها (توابع نامساوی ≤ 0 و تساوی $= 0$) و تابع هدف $(f(\mathbf{X}))$ کمینه نماید. اجزاء اصلی که تابع ارزشگذاری یا تابع پاسخ هم نامیده می‌شود).

ب) عوامل مؤثر طراحی، متغیرهای مسئله بهگزینی

هر سیستم سد خاکی توسط مجموعه‌ای از کمیتها مشخص می‌شود. این کمیتها اصطلاحاً عوامل مؤثر نامیده

۱- هیچ ارتباطی بین تعداد متغیرها و قیود نامساوی وجود ندارد، ولی تعداد قیود مساوی باید کمتر از بعد بردار طراحی باشد.

۲- غالباً تنها عوامل معین بررسی می‌شوند.

کوچکتر می‌شود). بنابراین انتخاب قیود بیش از حد لازم و یا غیر ضروری، ضمن طولانی تر کردن حل مسئله، ممکن است فضای جستجو را بیش از حد کوچک نماید یا طرحهای بهینه موضعی ایجاد نمایند که همگرایی به طرح بهینه مطلق را پیچیده تر می‌نماید. از طرف دیگر برخی قیود برخی دیگر را پوشش می‌دهند و بنابراین می‌توان برخی قیود را بدون ایجاد اثر قبل ملاحظه بر جواب بهینه، حذف کرد. به علاوه گاهی می‌توان با ایجاد ترکیب‌های مناسب بجای ۲ یا چند قید تنها از یک قید استفاده کرد. ضمناً کاهش تعداد قیود باعث همگرایی سریعتر و ساده‌تر به جواب بهینه مطلق هم می‌شود.

د) معیار ارزیابی بهینگی طرح ، تابع هدف

ممکن است طرحهای بیشماری یافت شوند که با ترکیب مقادیر متفاوتی از متغیرهای طراحی ایجاد شده‌اند، در تمام قیود صدق کرده و در ناحیه قابل قبول می‌باشند. ولی برای اینکه بتوان از بین تمام این حالتها، تنها یکی (یعنی بهترین) را به عنوان طرح بهینه برگزید، نیاز به یک معیار می‌باشد. این معیار تابع هدف/ تابع پاسخ/ تابع برازش نامیده شده و باید کمیتی اسکالار بر حسب بردار متغیرهای طراحی باشد و بتوان برای هر طرح مشخص که با یک بردار طراحی مشخص می‌شود مقداری یگانه برای آن بدست آورد. تابع هدف، $F = f(\mathbf{X})$ ، باید بر حسب بردار متغیرهای طراحی، \mathbf{X} ، که در داخل فضای جستجو تغییر می‌کند، کمینه شود. انتخاب یک تابع برازش مناسب از جمله مهمترین تصمیماتی است که طراح باید در طی فرآیند بهگزینی طرح انجام دهد. تابع هدف در مورد یک سد خاکی می‌تواند کل هزینه ساخت، هزینه تامین مصالح، هزینه نگهداری و بهره‌برداری، نسبت هزینه ساخت سد به طول عمر مفید آن، وزن یا حجم مصالح مصرفی، مقدار تراوش از بدن و یا مقدار کل فرار آب از بدن و شالوده و تکیه‌گاهها، زمان اجرا، ضرایب اطمینان نسبت به پایداری یا تنشهای ایجاد شده، ضرایب اطمینان نسبت به روانگرایی لایه‌ها یا ایجاد آب برداشتی در بدن سد، نسبت سرعت تراوش خروجی به سرعت تراوش بحرانی و یا هر معیار دیگری که در پژوهه دارای اهمیت است، باشد. اگر بجای یک معیار، چند معیار در نظر باشند می‌توان یکی را که دارای اهمیت بیشتری است به عنوان تابع هدف انتخاب

علاوه بر اساس آلگوریتمهای ریاضی بهینه‌یابی موجود، با افزایش تعداد متغیرها میزان سرعت همگرایی به نقطه بهینه و احتمال یافتن طرح بهینه مطلق کاهش می‌یابد. در صورتیکه تعداد متغیرهای مورد نظر زیاد باشد، یک راه حل که در این تحقیق پیشنهاد می‌شود، انجام بهگزینی گام بگام و یا استفاده از فن تغییرات تؤام متغیرها می‌باشد.

ج) ضوابط پذیرش طرح و محدوده تغییرات قابل قبول عوامل مؤثر، قیود طراحی

طرح برای متغیرهای طراحی بر اساس تجربه و ضوابط آئین نامه‌ای حدودی مشخص می‌نماید، نظری شیب شیروانی طرفین سد که می‌توانند بین ۱:۵ تا ۱:۱ باشد. این حدود، قیود حدی نامیده می‌شوند و بر روی هم فضای جستجو (فضای طراحی) را تشکیل می‌دهند. این فضای می‌تواند توسط قیود اعمالی دیگر که عملکردهای مشخصی از سد را محدود می‌کنند، باز هم کوچکتر شود. چنین قیودی، قیود طراحی یا قیود عملکردی نامیده می‌شوند. قیود طراحی مجموعه‌ای از تساویها و نامساویها یی هستند که محدوده قابل قبول طرح را مشخص می‌کنند. این قیود می‌توانند بصورت ضمنی یا صریح، خطی یا غیرخطی، تنها براساس یک متغیر یا بصورت رابطه‌ای بین چند متغیر باشند: $g_j(\mathbf{X}, \mathbf{X}_j) \leq 0$ ، $j = 1, 2, \dots, m$. ۱- قیود سد خاکی انواع قیود عملکردی عبارتند از :
۱- قیود هندسی، که تضمین می‌نمایند شکل کلی سد بصورت یک شکل هندسی قابل قبول و مطابق طرح اولیه باقی بماند.
۲- قیود آئین نامه‌ای که بر اساس ضوابط آئین نامه‌ای طراحی و اصول نظری متدائل باید در تعیین ابعاد و مصالح در نظر گرفته شوند.
۳- قیود فنی و اجرایی، که به دلیل محدودیتهای روش‌های اجرایی یا منطقه‌ای طراح ناگزیر به رعایت آنها است.
۴- قیود غیرفیزیکی که بنا بر شرایط اقتصادی، اجتماعی، سیاسی و ... بر طرح تحمیل می‌شود.
اهمیت هر یک از این قیود می‌توانند برابر و یا ثابت نباشند. این اهمیت با استفاده از ضریب اهمیت که برای هر قید می‌تواند مقداری ثابت داشته یا تابعی از بردار طراحی و یا مقدار تابع قیدی و یا تابع هدف باشد، نشان داده می‌شود ($g_j(\mathbf{X}, \mathbf{X}_j) \leq 0$).
با انتخاب قیود طراحی تنها بخش‌هایی از دامنه مجاز جستجوی بردار طراحی قابل قبول می‌شود (فضای جستجو

در نظر گرفت:

$$P(\mathbf{X}) = \sum_j \frac{-1}{C_j(\mathbf{X})} + \sum_i \frac{1}{\left| x_i^u + x_i^l \right| - \left| x_i^u - x_i^l \right|}$$

مقدار تمام جملات داخل علامت جمع در تابع $P(\mathbf{X})$ باید همواره مثبت باشد. این فن بهگزینی توسط کارل پیشنها و توسط فیاکو و مک‌کورمیک توسعه یافته است [۶].

برای کاربرد عملی به ازاء تابع (\mathbf{X}, f) و توابع قیدی مقدار اولیه‌ای برای $r = r_0$ (مقدار پیشنها و فیاکو- مک‌کورمیک بصورت $\frac{-\nabla f(\mathbf{X})^T \cdot \nabla P(\mathbf{X})}{\nabla P(\mathbf{X})^T \cdot \nabla f(\mathbf{X})} = r_0$ می‌باشد) اختیار و تابع $\Phi^{(0)}(\mathbf{X}, r_0)$ تشکیل می‌شود. این تابع را می‌توان بصورت عددی بیان کرده و آنرا با روش حل مسئله نامقید (در اینجا روش بهگزینی نامقید دیویدن، فلیچر، پاول) در نقطه \mathbf{X}_0^* به حداقل رسانید. پس از یافتن حداقل تابع $\Phi^{(0)}$ مقدار r مثلاً با تقسیم به یک عدد دلخواه بصورت $r_1 = \frac{r_0}{c}$ کاهش داده می‌شود. سپس تابع $\Phi^{(1)}(\mathbf{X}, r_1)$ تشکیل و با استفاده از روش مذبور در نقطه \mathbf{X}_1^* به حداقل رسانده می‌شود. به این ترتیب یک روند تکراری به وجود می‌آید.

در مرحله k ام این تکرار نقطه حداقل \mathbf{X}_k^* از به حداقل رساندن تابع $\Phi^{(k)}(\mathbf{X}, r_k)$ حاصل می‌شود. از این نقطه می‌توان به عنوان اولین نقطه در روند تکراری کمینه کردن $\Phi^{(k+1)}(\mathbf{X}, r_{k+1})$ که در آن $r_{k+1} = \frac{r_k}{c}$ استفاده کرد. بنابراین r_k دنباله‌ای نزولی تشکیل می‌دهد که به سمت صفر میل می‌کند و در این بین انتظار می‌رود دنباله نقاط کمینه \mathbf{X}_k^* هم به جواب مسئله مقید همگرا باشند. مشاهده شده است که همگرایی این روش بسیار به نقطه شروع و جهت اولیه جستجو حساس می‌باشد.

طراحی بهینه نمونه یک سد

برای نشان دادن چگونگی عملکرد روش، انتخاب طرحی مناسب برای یک سد خاکی سنگریزه‌ای [۲] به ارتفاع ۷۰ متر با هسته رسی بر روی شالوده‌ای نفوذناپذیر مورد نظر است. خاکریزها (پوسته‌های طرفین) هسته از شن و خردہ سنگ ساخته می‌شوند. با بررسیهای انجام شده چهار گزینه برای انتخاب منابع قرضه مصالح یافت شده است (جدول ۱). آزمایش‌های انجام شده بر روی مصالح مورد استفاده در هسته نشان داده‌اند که در اثر

و مابقی معیارهای مورد نظر را با مشخص کردن حدودی مجاز برای هر یک، به عنوان قیود طراحی در مسئله وارد کرد. روش دیگر تشکیل یک تابع هدف مرکب است. از آنجایی که تابع هدف، توابعی اسکالر می‌باشند می‌توان آنها را با استفاده از یک تبدیل خطی مناسب بی‌بعد (بدون واحد) کرده و تابع هدف مورد نظر را تشکیل داد:

$$(F(\mathbf{X}))_i = \sum_{i=1}^n \left(\frac{f_i(\mathbf{X})}{a_i} - b_i \right)$$

ام از n تابع ارزیابی مورد نظر، a_i و b_i به ترتیب ضرایب مقیاس و تغییر مبدأ می‌باشند و می‌توانند مقادیری ثابت داشته و یا خود توابعی از \mathbf{X} و حتی (\mathbf{X}, f) باشند. علاوه بر این هر یک از توابع (\mathbf{X}, f) می‌توانند در شرایط مختلف دارای اهمیت‌های متفاوتی باشند. بنابراین در اینگونه موارد معرفی ضریب اهمیت نیز ضرورت می‌یابد: $F(\mathbf{X}) = \sum_{i=1}^n \omega_i \left(\frac{f_i(\mathbf{X})}{a_i} - b_i \right)$ می‌باشد. ω_i ضریب وزنی اهمیت است و می‌تواند مانند a_i و b_i تابعی از \mathbf{X} و یا (\mathbf{X}, f) باشد.

جستجوی طرح بهینه

روشهای ریاضی مختلفی برای حل مسئله بهگزینی مقید (الگوی تحلیلی تشکیل شده) وجود دارد. روشی که در اینجا مورد استفاده بوده است، روش بهگزینی مقید فیاکو - مک‌کورمیک (SUMT) می‌باشد. در این روش مسئله به حداقل رساندن مقید تابع هدف $f(\mathbf{X})$ نسبت به $\mathbf{X} = \{x_1, x_2, \dots, x_n\}^T$ در یک فضای n بعدی را که شرایط قیدی $C_i(\mathbf{X}) \leq 0 ; j = 1, \dots, m$ و $x_i^l \leq x_i \leq x_i^u ; i = 1, \dots, n$ حل دنباله‌ای از مسئله‌های نامقید به شکل $\Phi(\mathbf{X}, r) = f(\mathbf{X}) + r \cdot P(\mathbf{X})$ بازاء دنباله‌ای از مقادیر r که به سمت صفر میل می‌کنند، تبدیل کرد. $P(\mathbf{X})$ تابع جریمه نامیده می‌شود و بگونه‌ای از روی قیدها ساخته می‌شود که با نزدیک شدن بردار \mathbf{X} به حدود فضای جستجو مقدار آن بسیار بزرگ شده و تابع $\Phi(\mathbf{X}, r)$ از نقطه کمینه خود به شدت دور شود. ساده‌ترین شکل انتخاب تابع جریمه به صورت $P(\mathbf{X}) = \sum_j \frac{-1}{C_j(\mathbf{X})}$ می‌باشد.

قیود $x_i^u \leq x_i \leq x_i^l$ را هم می‌توان مستقیماً در حین جستجو و یا بصورت ضمنی با افزودن آنها به تابع جریمه

تعیین شده برای هریک، با یک تبدیل خطی به شکل $x=ay+b$ برقرار می‌شود. در صورت استفاده از عوامل استاندارد شده، خطای محاسبات عددی ناشی از اختلاف بین رتبه مقادیر متغیرهای کاهش می‌یابد) x_4 که به ترتیب با متغیرهای طبیعی B , α , γ و (m_2, m_1) متناظر هستند، استفاده می‌شود.

$$(1.00 \geq x_i \geq 0.00; i=1,2,3,4)$$

معیار بهینگی طرح (تابع هدف)، کمینه بودن هزینه تهیه و حمل مصالح هسته (E_j) است و پاسخهایی از سد که به عنوان قیود مسئله بکار برده خواهند شد، ضرایب اطمینان نسبت به پایداری شباهی بالا دست ($k_{s.up}$) و پائین دست ($k_{s.down}$), ضریب اطمینان ترک خوردگی هسته در صفحات افقی ($k_{s.crack.v}$) و قائم ($k_{s.crack.h}$), می‌باشد [۲]. به عنوان قیود طراحی باید ضرایب اطمینان پایداری شبیه بالا دست و پائین دست حداقل برابر $1/5$ و ضریب اطمینان پایداری در ترک خوردگی هسته حداقل برابر $2/0$ باشد [۳].

گرچه برای کاربرد عملی بهتر است از 16^4 طرح نمونه بازاء مقادیر حدی (یعنی $+1$ و -1) استفاده کرد، ولی برای کاهش زمان حل تنها ۸ طرح نمونه از سد در فضای طراحی انتخاب می‌شود، (شکل ۳ و جدول ۲ - الف) تحلیلهای لازم انجام شده، (جدول ۲ - ب) و توابع تقریبی برای توابع هدف و قیدی به شکل توابع چندجمله‌ای بر حسب عوامل مؤثر متغیر استاندارد شده (x_1 الی x_4 و t) و با استفاده از روش رگرسیون گام بگام و تحلیلهای حساسیت آماری، محاسبه می‌شوند. (جدول ۳) [۴].

جدول ۲ - الف: عوامل واقعی (طبیعی) و استاندارد شده متناظر برای طرحهای حدی نمونه در فضای طراحی.

برنامه ریزی محاسبات توسط عوامل متغیر								شماره
m_1, m_2	x_4	$\gamma, kN/m^2$	x_3	α°	x_2	B, m	x_1	طرح
$2/0; 1/8$	-1	۱۷/۸	-1	۵۸	+1	۳۴	+1	۱
$2/0; 1/8$	-1	۱۷/۸	-1	.	-1	۱۲	-1	۲
$2/75; 2/5$	+1	۱۷/۸	-1	.	-1	۳۴	+1	۳
$2/75; 2/5$	+1	۱۷/۸	-1	۵۸	+1	۱۲	-1	۴
$2/75; 2/5$	+1	۱۷/۲	+1	۵۸	+1	۳۴	+1	۵
$2/75; 2/5$	+1	۱۷/۲	+1	.	-1	۱۲	-1	۶
$2/0; 1/8$	-1	۱۷/۲	+1	.	-1	۳۴	+1	۷
$2/0; 1/8$	-1	۱۷/۲	+1	۵۸	+1	۱۲	-1	۸

تراکم بوسیله غلتکهای متوسط وزن حجمی $\gamma_{dry}=17.8$ KN/m^3 و توسط غلتکهای سنگین وزن حجمی $\gamma_{dry}=18.2$ KN/m^3 بدست می‌آید.

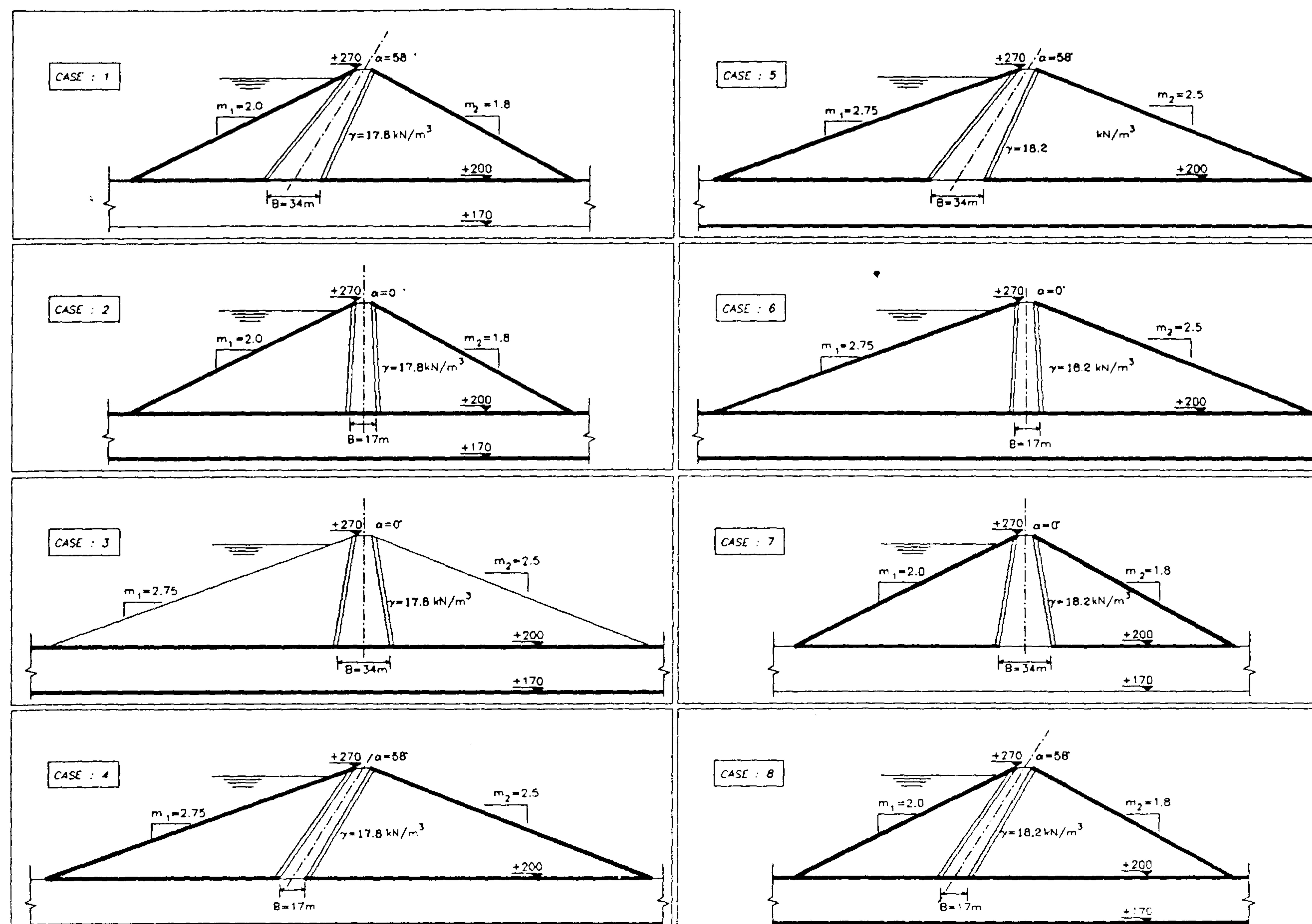
جدول ۱: مشخصات گزینه‌های ممکن برای منابع قرضه.

گزینه	فارصله از قرضه، Km		ارزش مصالح، واحد بر m^3	
	شن و قلوه	خاک رسی	خاک رسی	شن و قلوه
۱	۳	۳	۱/۷۱	۱/۴۸
۲	۱۵	۲	۱/۴۸	۱/۷۱
۳	۳	۱۵	۵/۴۳	۵/۲
۴	۱۵	۱۵	۵/۴۳	۵/۲

بر اساس مطالعات اولیه و مطابق نظرات طراح، پنج عامل متغیر در انتخاب طرح بهینه در نظر گرفته شده‌اند: (از لحاظ علمی هیچ محدودیتی در تعداد یا نوع متغیرهای طراحی وجود ندارد و هر عامل موثر دیگری را هم می‌توان به عنوان عوامل موثر متغیر فرض کرد و در دامنه تغییرات تعیین شده مقداری برای آن بدست آورد، با این وجود با افزایش تعداد متغیرها زمان لازم برای حل مسئله بصورت نمایی افزایش می‌یابد. تعداد مطلوب برای تعداد متغیرها در یک مسئله بهگزینی ۵ تا ۸ متغیر می‌باشد [۲]). B = عرض هسته در روی شالوده با دامنه تغییرات بین $۳/۴$ تا $۱/۷$ متر، α = زاویه محور هسته نسبت به خط شاقول از صفر تا ۵۸° ، γ = وزن واحد حجم خشک مصالح هسته از $۱۸/۲ KN/m^3$ تا $۱۷/۸$ ، m_1 و m_2 = زاویه شباهی بالا دست و پائین دست و بطور همزمان به ترتیب از $۱:۲/۷۵$ و $۱:۲/۵$ تا $۱:۲/۰$ و $۱:۱/۸$ تغییر می‌نمایند. (در نتیجه ضمن اینکه با تغییرات توأم شباهی m_1 و m_2 ، تعداد عوامل موثر متغیر کاهش می‌یابد، قید رعایت محدودیتهای مربوط به لزوم تغییرات متناسب و همزمان شباهی هر دو طرف را هم ارضا می‌نماید). t = معدن قرضه‌ای است که برای مصالح هسته و پوسته به کار برده خواهد شد. برای سهولت انجام تحلیلهای حساسیت در تشکیل توابع تقریبی هدف و قیود از عوامل مؤثر استاندارد شده (دامنه تغییرات عامل متغیر استاندارد شده، بازه $[+1$ و $-1]$ می‌باشد و تناظر بین متغیرهای طبیعی و استاندارد شده در دامنه تغییرات

جدول ۲ - ب: مقادیر خسایب اطمینان و تابع مطلوبیت کلی مقادیر پاسخهای اقتصادی تعیین یافته متناظر در طرحهای نمونه.

پاسخ اقتصادی مقطع مرکزی					مطلوبیت	پاسخهای فیزیکی سد				شماره طرح
E_{4i}	E_{3i}	E_{2i}	E_{1i}	D_i	$k_{s,cr,v.}$	$k_{s,cr,h.}$	$k_{s,dwn.}$	$k_{s,up.}$		
۱۰۱۱۲۶/۸	۷۳۹۷۱/۸	۵۷۷۴۰/۸	۳۰۰۷۵/۸	۰/۱۵۹۴	۲/۰	۲/۰	۱/۲۸	۱/۲۴	۱	
۴۲۰۹۳/۸	۱۶۵۱۰/۶	۳۸۷۹۲/۳	۱۳۱۸۶/۱	۰/۰۵۲۴	۴/۳	۶/۰	۱/۲۱	۱۲۵	۲	
۵۶۹۴۱/۰	۲۳۲۱۲/۱	۵۱۰۳۹/۶	۱۷۸۱۰/۷	۰/۰۶۷۶	۱/۵	۱/۶۷	۱/۵	۱۲۲	۳	
۶۶۳۵۲/۹	۲۲۸۱۳/۵	۶۱۸۲۸/۹	۲۰۲۸۹/۵	۰/۰۷۱	۲/۰	۵/۰	۱/۲۵	۱۲۵	۴	
۱۲۱۵۷۸/۲	۸۲۲۰۶/۱	۷۷۶۸۲/۳	۳۸۴۱۰/۱	۰/۰۶۰۳	۱/۲۲	۱/۹	۱/۲۹	۱۲۲	۵	
۵۶۶۲۷/۵	۲۲۴۴۲۹/۲	۶۳۳۱۳/۰	۲۱۱۱۴/۸	۰/۰۲۶۹	۰/۶	۱/۰	۱/۲۸	۱۴	۶	
۴۳۴۷/۱	۱۸۸۵۰/۲	۳۷۰۶۸/۶	۱۳۴۴۸/۸	۰/۰۴۱۲	۱/۱۵	۱/۳	۱/۲۶	۱۲۴	۷	
۴۰۹۵۱/۷	۱۷۰۸۵/۷	۴۳۴۲۷/۷	۱۴۰۶۱/۷	۰/۰۱۹۸	۰/۷	۰/۷۰	۱/۲۹	۱۳۲	۸	



شکل ۳: طرحهای نمونه از سد خاکی در فضای طرح برای برازش توابع قیدی و هدف.

جدول ۳: پاسخهای سد خاکی و چند جمله ایهای برازش شده بر پاسخ های سد.

پاسخ مورد نظر	نماد	چندجمله‌ای برازش شده	خطای استاندارد برازش	مقدار مطلق درصد
هزینه طرح برای گزینه ۱ منبع قرضه	E_1	$21087.796 + 3848.5536x_1 + 4697.6964x_2 + 747.27143x_3 + 3318.4786x_4 + 4608.9036x_1x_2$	٪ ۰/۰۱۸۸۵	۴۳۷/۴۸
هزینه طرح برای گزینه ۲ منبع قرضه	E_2	$53861.375 + 2021.45x_1 + 6186.25x_2 + 1514.225x_3 + 9729.575x_4 + 5392.475x_1x_2 - 1001.45x_2x_3$	٪ ۰/۰۰۱۴۶۸	۴۱/۸۲
هزینه طرح برای گزینه ۳ منبع قرضه	E_3	$34873.032 + 14712.043x_1 + 14122.457x_2 + 746.03214x_3 + 3317.2179x_4 + 14131.418x_1x_2$	٪ ۰/۰۰۰۵۸۹	۴۳۸/۳۰
هزینه طرح برای گزینه ۴ منبع قرضه	E_4	$67645.362 + 12886.188x_1 + 15612.262x_2 + 1514.2367x_3 + 9729.5633x_4 + 15213.738x_1x_2 - 1001.463x_2x_3$	٪ ۰/۰۰۰۱۶۶۲	۴۱/۸۰
هزینه طرح برای کلیه گزینه‌های منابع قرضه	E_1	$-167000 - 1595.987x_1 + 759.43747x_3 + 3306.3125x_4 - 313.9x_1x_2 - 132.25x_2x_3 + 300000t + 3978.1662tx_1 + 4069.1279tx_2 + 155.45377tx_3 + 1279.9062tx_4 + 4083.1612tx_1x_2 - 169.1012tx_2x_3 - 129000t^2 + 17240.677t^3$	٪ ۱/۶۷۷	۶۶.۲
تابع مطلوبیت کلی	D_{ui}	$0.507321 + 0.06392857x_1 + 0.03457143x_2 - 0.136429x_3 + 0.07242857x_4 + 0.07267857x_1x_3$	٪ ۰/۰۶۴۱۰	.۰/۰۱۳۷
ضریب ایمنی پایداری شب بالادست	$k_{s,up}$	$-1.296923 + 0.00557692x_1 + 0.01442308x_3 + 0.03807692x_4 + 0.0269231x_1x_3$	٪ ۰/۰۰۱۶۵۷	.۰/۰۰۸۴۴
ضریب ایمنی پایداری شب پائین دست	$k_{s,dwn}$	$1.305 - 0.025x_1 + 0.0025x_2 + 0.015x_3 + 0.0425x_4 - 0.015x_1x_3$	٪ ۰/۰۰۰۵۷۶	.۰/۰۰۵۷۷
ضریب ایمنی پایداری ترک خوردگی هسته (افقی)	$k_{s,cr,h}$	$2.44317 - 0.725667x_1 - 1.224333x_3 - 0.050667x_4 + 0.281833x_1x_2 + 1.106833x_1x_3 + 0.118167x_2x_3$	٪ ۰/۰۰۶۵۸	.۰/۰۹۵۳۴
ضریب ایمنی پایداری ترک خوردگی هسته (قائم)	$k_{s,cr,v}$	$1.70017 - 0.23267x_1 - 0.187333x_2 - 0.749833x_3 - 0.370167x_4 + 0.329833x_1x_2 + 0.467333x_1x_3$	٪ ۱/۱۳۴۶	.۰/۰۰۸۶

۱+ در نقطه مورد نظر است. تبدیل از مقدار واقعی پاسخ، به پارامتر y با رابطه ذیل صورت می‌گیرد:

$$y = \frac{2y - (y_{\max} + y_{\min})}{y_{\max} - y_{\min}}$$

که در آن y_{\max} و y_{\min} به

ترتیب پاسخهای شرطی متناظر با مقیاس y در ۱- و ۱+ باشند. در این صورت تابع مطلوبیت کلی D_u برای n برابر

$$D_u = \sqrt[n]{\prod_{y=1}^n d_u}$$

صورت مسئله بهگزینی:

$$E_t(x_1, x_2, x_3, x_4) \rightarrow \min \quad t=1,2,3,4$$

شرط آنکه

$$1.00 \geq D_{uy}(x_1, x_2, x_3, x_4) \geq 0.00$$

$$1.00 \geq x_i \geq -1.00 \quad i=1,2,3,4$$

با استفاده از روش‌های بهگزینی، مقادیر بهینه هر گزینه حاصل شده است (جدول ۴). مقایسه نتایج نشان می‌دهد که بهترین طرح، گزینه اول می‌باشد.

حالت ۲ - از توابع هزینه E_1 تا E_4 بطور جداگانه به عنوان توابع هدف و تابع مطلوبیت به $k_{s,cr,v}$ $k_{s,cr,h}$ $k_{s,dwn}$ $k_{s,up}$ به عنوان توابع هدف و از توابع $k_{s,cr,v}$ $k_{s,cr,h}$ $k_{s,dwn}$ $k_{s,up}$ به عنوان توابع قیدی استفاده کرد (جدول ۳).

صورت مسئله بهگزینی:

این مسئله با استفاده از روند ارائه شده به چند حالت قابل حل است. در صورتی که گزینه‌های موجود برای معدن قرضه بصورت تفکیک شده در نظر گرفته شوند، ۴ مسئله مجزای بهگزینی حاصل خواهد شد. این چهار مسئله بهگزینی حل شده و نتایج با هم مقایسه می‌شوند. بصورت دیگر با استفاده از یک متغیر کمکی گستته، گزینه‌های موجود برای معدن قرضه ادغام شده و یک مسئله واحد بدست می‌آید. با استفاده از هر یک از روش‌های حل عددی مناسب بهگزینی، مسئله حل شده، مقادیر بهینه‌ای بدست خواهد آمد (جدول ۳). برای نشان دادن وسعت محدوده عمل برای طراح، الگوی ریاضی بهگزینی سد مورد نظر در ۴ حالت تشکیل شده و نتایج با هم مقایسه خواهند شد.

حالت ۱ - توابع هزینه E_1 تا E_4 به طور جداگانه به عنوان توابع هدف و تابع مطلوبیت کلی بصورت قید بکار برده خواهد شد (جدول ۲). تابع مطلوبیت جزئی بصورت $d_u = \exp[-\exp(-y)]$ تعریف می‌گردد، که y مقدار متناظر با مقدار پاسخ واقعی سد، y در مقیاس بی بعد بین ۱- و

حالت ۴ - از تابع هزینه E_j به عنوان تابع هدف و از توابع k_{s,cr_v} , k_{s,cr_h} , $k_{s,dwn}$, $k_{s,up}$ بطور جداگانه به عنوان توابع قیدی استفاده کرد (جدول ۳).

$$E_j(x_1, x_2, x_3, x_4, t) \rightarrow \min$$

صورت مسئله بهگزینی :

$$1.35 \geq k_{s,up}(x_1, x_2, x_3, x_4) \geq 1.15$$

به شرط آنکه

$$1.35 \geq k_{s,dwn}(x_1, x_2, x_3, x_4) \geq 1.15$$

$$2.00 \geq k_{s,cr_h}(x_1, x_2, x_3, x_4) \geq 1.50$$

$$2.00 \geq k_{s,cr_v}(x_1, x_2, x_3, x_4) \geq 1.50$$

$$1.00 \geq x_i \geq 0.00 \quad i=1,2,3,4$$

$$t=1,2,3,4$$

**جدول ۵: مقادیر بهینه عوامل موثر برای طرح بهینه سد در
حالت ۲.**

مقدار قیود	مقدار بهینه تابع	عوامل استاندارد شده	هزینه قرضه
$k_{s,up}=1.27$,	$E_{1,min}=11857$	$x_1=1$; $x_2=-1$; $x_3=-0.607$; $x_4=-1$	$t=1$
$k_{s,dwn}=1.24$			
$k_{s,cr_h}=1.68$.			
$k_{s,cr_v}=2.0$			
$k_{s,up}=1.27$,	$E_{2,min}=32761$	$x_1=1$; $x_2=-1$; $x_3=-0.721$; $x_4=-1$	$t=2$
$k_{s,dwn}=1.25$			
$k_{s,cr_h}=1.71$.			
$k_{s,cr_v}=2.05$			
$k_{s,up}=1.27$,	$E_{3,min}=17190$	$x_1=1$; $x_2=-1$; $x_3=-0.702$; $x_4=-1$	$t=3$
$k_{s,dwn}=1.25$			
$k_{s,cr_h}=1.71$.			
$k_{s,cr_v}=2.05$			
$k_{s,up}=1.27$,	$E_{4,min}=38450$	$x_1=1$; $x_2=-1$; $x_3=-0.607$; $x_4=-1$	$t=4$
$k_{s,dwn}=1.25$			
$k_{s,cr_h}=1.68$.			
$k_{s,cr_v}=1.99$			

با بررسی نتایج روش‌های مختلف ایجاد الگوی ریاضی (حالتهای ۱ تا ۴ در جدول ۶)، مشاهده می‌شود که همه روشها تقریباً به طرح بهینه یکسانی منتهی می‌شوند. تنها مقدار عامل متغیر استاندارد شده x_3 (وزن حجمی مصالح خاکریزی) در این طرح‌های بهینه تا حدودی متفاوت است. این مقدار تفاوت برای عامل طبیعی متناظر آن (یعنی γ_{dry}) معادل تغییراتی در بازه $[17/7, 17/9]$ می‌باشد و با توجه به خطاهای استاندارد (جدول ۳) کاملاً قابل قبول می‌باشد. در این مرحله یک مسئله تحلیل سد خاکی با ابعاد و مشخصات طرح بهینه، تشکیل شده و تحلیلهای اقتصادی و پایداری بطور دقیق بر روی آن انجام می‌گردد. نتایج حاصل از این تحلیلهای نباید در قیاس با نتایج تقریبی برآورد شده توسط چندجمله‌ایها، خطای بیش از ۱۰٪ را نشان دهد، و گرنه باید پس از مشخص کردن طرح بهینه دامنه جستجوی عوامل متغیر در بهگزینی را حول نقطه بهینه کوچکتر کرده و مسئله بهگزینی را مجدداً با نقاط جدید،

$$E_t(x_1, x_2, x_3, x_4) \rightarrow \min \quad t=1,2,3,4$$

شرط آنکه

$$1.35 \geq k_{s,up}(x_1, x_2, x_3, x_4) \geq 1.15$$

$$1.35 \geq k_{s,dwn}(x_1, x_2, x_3, x_4) \geq 1.15$$

$$2.00 \geq k_{s,cr_h}(x_1, x_2, x_3, x_4) \geq 1.50$$

$$2.00 \geq k_{s,cr_v}(x_1, x_2, x_3, x_4) \geq 1.50$$

$$1.00 \geq x_i \geq 0.00 \quad i=1,2,3,4$$

با استفاده از روش گفته شده، مقادیر بهینه هر گزینه حاصل خواهد شد. مقایسه نتایج نشان می‌دهد که بهترین طرح، همان گزینه اول می‌باشد. (جدول ۵)

حالت ۳ - از تابع هزینه کلی E_j به عنوان تابع هدف و از تابع مطلوبیت کلی (D_u) به عنوان تابع قیدی استفاده کرد (جدول ۳).

$$E_j(x_1, x_2, x_3, x_4, t) \rightarrow \min$$

صورت مسئله بهگزینی :

شرط آنکه

$$1.00 \geq D_{uj}(x_1, x_2, x_3, x_4) \geq 0.00$$

$$1.00 \geq x_i \geq 0.00 \quad i=1,2,3,$$

$$t=1,2,3,4$$

جدول ۴: مقادیر بهینه عوامل موثر در حالت ۱.

بهینه	طرح	مرکز فرضه، سد از KM	فاصله بسیاره معدن قرضه	هزینه				
				عوامل حقیقی +*	عوامل استاندارد شده	مصالح هسته	مصالح بوسته	(۱)
$B=38 \text{ m}$	$x_1=1/45$	۳	۳	۱				
$\alpha=0^\circ$	$x_2=-1/0$							
$\gamma_{dry}=17/9 \text{ kN/m}^3$	$x_3=-0/84$							
$m_1=2/0$	$x_4=-1/0$							
$m_2=1/8$	$D=0/52$							
	$E=11797$							
$B=43/6 \text{ m}$	$x_1=2/13$	۱۵	۳	۲				
$\alpha=19^\circ$	$x_2=-0/35$							
$\gamma_{dry}=17/8 \text{ kN/m}^3$	$x_3=-0/957$							
$m_1=2/0$	$x_4=-1/0$							
$m_2=1/8$	$D=0/544$							
	$E=33013$							
$B=17 \text{ m}$	$x_1=-1/0$	۳	۱۵	۳				
$\alpha=0^\circ$	$x_2=-1/0$							
$\gamma_{dry}=17/8 \text{ kN/m}^3$	$x_3=-1/0$							
$m_1=2/0$	$x_4=-1/0$							
$m_2=1/8$	$D=0/533$							
	$E=16511$							
$B=41/4 \text{ m}$	$x_1=1/871$	۱۵	۱۵	۴				
$\alpha=0^\circ$	$x_2=-1/0$							
$\gamma_{dry}=17/9 \text{ kN/m}^3$	$x_3=-0/575$							
$m_1=2/0$	$x_4=-1/0$							
$m_2=1/8$	$D=0/53$							
	$E=37157$							

مقدار قابل توجهی به هم نزدیک باشند، برای رسیدن به یک طرح بهینه مطلق باید تغییراتی در معیار ارزشیابی طرح بهینه داده شده یا قیود دیگری به مسئله افزوده گردند، و یا اینکه در تعداد و یا نوع و یا حدود تغییرات متغیرهای طراحی تجدید نظر هایی قائل شد و به عبارت دیگر الگوی مفهومی ایجاد شده توسط طراح را تغییر داد.(در یک نرم افزار کامل رایانه ای این عمل یا با مشاوره مستقیم با طراح و توسط وی و یا توسط سیستم هوش مصنوعی ای که به این منظور طراحی شده باشد، قابل انجام می باشد.)

۵- طرحهای بهینه بدست آمده، تحت اثر دو عامل عمدۀ قرار داشته‌اند (باید توجه داشت عوامل متعدد دیگری هم وجود دارند که می توانند بر جواب بهینه موثر باشند، از جمله شکل و روش تعیین ضرایب توابع تقریب زننده پاسخهای سد، روش بهگزینی و غیره. که چون در حل مسئله نمونه حساسیت مسئله برای استفاده از آنها تعیین نشده است، از ذکر جزئیات صرف نظر می شود): اول، مجموعه پاسخهایی از عملکرد سد که به عنوان توابع قیدی در نظر گرفته می شوند و حدودی که برای این پاسخها در نظر گرفته می شود، و دوم، نقطه اولیه‌ای که برای شروع جستجو در روش بهگزینی انتخاب می شود، و هر دو اینها بطور مستقیم توسط طراح تعیین شده بودند. به این ترتیب نشان داده شد که بروشهای گوناگونی می توان الگوی تحلیلی بهگزینی را تشکیل داد که ممکن است نقطه بهینه نهایی بدست آمده از این الگوها یکسان باشند. با این وجود هیچ تضمینی برای آن وجود ندارد.

۶- روش المانهای کرانه‌ای [۱۲] و روش کرانه‌های آزمایشی [۱۱] در تحلیل میدانهای تراوش با مرزهای متحرک به سبب سهولت در دادن اطلاعات و سرعت و دقت در تعیین جوابها دارای کارآیی خوبی است،

۷- روش جستجوی تصادفی مونت کارلو[۱۲] برای تعیین ضرایب اطمینان لغزشی [۸] و [۹] در سطوح شیبدار در مقایسه با سایر روشها از نقطه نظر سرعت و تعیین سطح لغزش مطلق قابل قبول می باشد.

۸- برای انجام طراحی بهینه باید به دفعات سد را از جنبه‌های مختلف تحلیل گردد، پس به عنوان یکی از مبانی انجام طراحی بهینه، و برای کاهش زمان صرف شده و افزایش کارآیی روند، می باید روش‌های تحلیل و الگوریتمهای عددی و نرم‌افزاری مربوطه را در جهت

تشکیل داد تا به نتایج مطلوبتری رسید. در اینجا بررسی نتایج تحلیل دقیق رضایت بخش می باشد [۲].

باید توجه داشت که در مرحله بهگزینی انتخاب قیود و نقطه شروع جستجو برای همگرایی روش بسیار با اهمیت می باشد. در این مثال تجربه طراح کمک مؤثری به انجام انتخابهای مناسب بوده است. در صورت استفاده از سیستم هوش مصنوعی برخی از این انتخابها را می توان مستقیماً به رایانه واگذار کرد.

نتیجه گیری

یافته‌های مهمی که از بررسی و مطالعات بدست آمده‌اند، را می توان چنین خلاصه کرد:

۱- طراحی بهینه به مفهوم تعیین بهترین مقادیر برای عوامل مؤثر متغیر از دامنه مشخص شده برای تغییرات آنها و یا انتخاب بهترین گزینه از بین چند گزینه پیشنهادی می باشد و برای یک طرح اولیه از سد خاکی و بر اساس یک روند مشخص علمی مطمئناً به یک جواب بهینه خواهد رسید.

۲- در حال حاضر امکان طراحی بهینه سد خاکی توسط رایانه تنها به این صورت وجود دارد که طراح یک طرح اولیه انتخاب و توسط روش‌های رایانه‌ای با توجه به معیارهای تعیین شده، ابعاد و مشخصات بهینه آنرا تعیین نماید، یا از میان چندین گزینه، برای مصالح یا شکل هندسی، یکی را که نسبت به دیگران ارجحیت داشته باشد، انتخاب نماید.

۳- روش پیشنهاد شده برای بهگزینی طرح سد خاکی تحت عنوان روش تجزیه و تحلیل عوامل مؤثر برای ایجاد مسئله ریاضی بهگزینی بر اساس داده‌های اولیه طراح از سد خاکی و تحلیلهای انجام شده، روشی مناسبی می تواند باشد و (در صورت انتخاب الگوی مفهومی و تحلیلی مناسب و استفاده از یک نقطه شروع جستجوی خوب در روند بهگزینی) در اکثر مواقع و در مدت زمان کوتاه به جواب بهینه قابل قبولی منجر می شود. مطالعات بیشتری باید در مورد روش‌های مناسب ریاضی حل مسئله بهگزینی (الگوی تحلیلی) تشکیل شده صورت گیرد.

۴- در اکثر مواقع با توجه به اهداف و محدودیتهای اعمال شده و یا تنوع مفروضات بکار گرفته شده در تشکیل الگوی تحلیلی، طرح بهینه مطلق وجود ندارد و می توان طرحهای بهینه‌ای بدست آورد که از نظر سیستم ارزیابی بهینگی به

جدول ۶: مقایسه نتایج بهگزینی با الگوهای ریاضی متفاوت.

مرجع پاسخ‌ها	توضیح الگوی تشکیل شده	علوامل متغیر استاندارد شده	مقدار تابع هدف و قیود	علوامل متغیر طبیعی
حالت ۱ ^[۲]	هدف: چندجمله‌ای‌های مجزای تشکیل شده برای هر گزینه معدن قرضه قید: چندجمله‌ای تابع مطلوبیت کلی	$t=1$; $x_1=1.45$; $x_2=-1$; $x_3=-0.64$; $x_4=-1$;	گزینه لول قرضه $B=38 \text{ m}$; $\alpha=0^\circ$; $\gamma_{dry}=17.9$; $m_{1,2}=2.0, 1.8$;	$E_{i,min}=11797$; $D_{ui,min}=0.52$
حالت ۲	هدف: چندجمله‌های جداگانه برای هرگزینه معدن قرضه قید: چندجمله‌ای‌های تقریبی توابع ضریب اطمینان	$t=1$; $x_1=1$; $x_2=-1$; $x_3=-0.607$; $x_4=-1$;	گزینه لول قرضه $B=34 \text{ m}$; $\alpha=0^\circ$; $\gamma_{dry}=17.9$; $m_{1,2}=2.0, 1.8$;	$E_{i,min}=11857$; $k_{s,up}=1.27$; $k_{s,dwn}=1.24$; $k_{s,cr\ h}=1.68$; $k_{s,cr\ v}=2.0$
حالت ۳	هدف: چندجمله‌ای تشکیل شده با کاربرد متغیر حالت ۱ قید: چندجمله‌ای تابع مطلوبیت کلی	$t=1$; $x_1=1$; $x_2=-1$; $x_3=-1$; $x_4=-1$;	گزینه لول قرضه $B=34 \text{ m}$; $\alpha=0^\circ$; $\gamma_{dry}=17.8$; $m_{1,2}=2.0, 1.8$;	$E_{i,min}=9807$; $D_{ui,min}=0.528$
حالت ۴	هدف: چندجمله‌ای تشکیل شده با کاربرد متغیر حالت ۲ قید: چندجمله‌ای‌های تقریبی توابع ضریب اطمینان	$t=1$; $x_1=1$; $x_2=-1$; $x_3=-0.644$; $x_4=-1$;	گزینه لول قرضه $B=34 \text{ m}$; $\alpha=0^\circ$; $\gamma_{dry}=17.9$; $m_{1,2}=2.0, 1.8$;	$E_{i,min}=10301$; $k_{s,up}=1.27$; $k_{s,dwn}=1.24$; $k_{s,cr\ h}=1.69$; $k_{s,cr\ v}=2.02$

برای نقطه مرکزی فضای طرح بدست آورده) و تحلیلهای لازم صورت می‌گیرد و بر اساس نتایج بدست آمده، مقادیر پاسخ برای هر طرح جدید دیگر برآورد می‌شود. در این مقاله از عبارات چندجمله‌ای برای اینکار استفاده شده است.

۱۰- با این وجود هنوز برای رسیدن به یک ابزار طراحی بهینه سد خاکی باید مطالعات و آزمونهای فراوانی در زمینه‌هایی از قبیل سریعت‌برین روش، بهترین شکل توابع تقریب کننده، مناسب ترین روش ریاضی بهگزینی در حل الگوی تحلیل، کاربرد هوش مصنوعی و بهترین روش استفاده از آن در مراحل مختلف نظری انتخاب قیود مناسب، تشکیل الگوهای مفهومی و تحلیلی، حل ریاضی الگوی تحلیلی و کنترل همگرایی آن و تصمیم‌گیری در مورد بهینگی طرح صورت گیرد.

افزایش سرعت و دقیق توسعه داده و الگوریتمهای ویژه‌ای بوجود آورده. به عنوان نمونه برای نرم‌افزار کاربردی در این مقاله ساختار جدیدی برای فایلهای اطلاعاتی موسوم به (Parametric Data File) PDF سهولت زیادی در وارد کردن و اصلاح اطلاعات ورودی ایجاد می‌نماید.

۹- نشان داده شده که می‌توان برای برآورد پاسخ سد در طرحهای مختلف بدون نیاز به استفاده از روش‌های تحلیل دقیق از برآذش یک تابع با شکل مشخص برای نقاط نمونه‌ای از فضای طرح سود جست. در این روش ابتدا چندین طرح از سد انتخاب (تجربه نشان داده است که بهتر است از نقاط کرانه ای فضای طرح برای تشکیل توابع تقریبی هدف و قیود استفاده کرد (2^n طرح) و پس از برآذش توابع موردنظر صحت برآذش را با استفاده از مقایسه بین نتایج تحلیلهای و مقادیر تخمینی از روی توابع تقریبی

مراجع

- 1 - Sherard, J. L., Woodward, R J., Gizienski, S. F. and Clevenger. W. A. (1967). *Earth and earth rock dams, engineering problems of design and construction*. New York : Jhon Wiley and Sons, Inc.

- 2 - Goldin, A. L. , Rasskazov, L.N. (1992). *Design of earth dams.* A.A. Balkema.
- 3 - Low III, J. (1980). "Embankment dams." *Handbook of Applied Hydraulics* (Davis C. V. and Sorensen K. E., ed.). McGraw-Hill Book Company.
- 4 - U. S. Dept. of Interior, Bureau of Reclamation (USBR). *Design of small dams.* 1978.
- 5 - De Mello, V. F. B. (1977). "Reflections on design decisions of practical significance to embankment dams." *Developments in Soil Mechanics. Consultant.*
- 6 - Kirsch, U. (1981). *Optimum structural design, concepts, methods and applicaions.* McGraw-Hill, Inc.
- 7 - Arora, J. S. (1989). *Introduction to optimum design.* Mc-GrawHill Book Company.
- 8 - Whitlow, R. (1990). *Basic soil mechanics.* 2nd ed. Longman Scientific & Technical.
- 9 - Das, B. M. (1987). *Theoritical foundation engineering.* Elsevier Science Publishers B.V.
- 10 - Das, B. M. (1985). *Advanced soil mechanics.* 3rd ed. McGraw Hill book company.
- 11 - Crank, J. (1988). *Free and moving boundary problems.* Oxford Science Publications.
- 12 - Greco, V. R. (1996). "Efficient monte carlo technique for locating critical slip surface." *J. Geotech. Engrg. Div., ASCE*, Vol. 122, No. 7, PP. 517-525.
- ۱۳ - بهروش، ع.. حسینی اصل، س. ی. "حل معادلات دیفرانسیل بروش المانهای محدود." چاپ و نشر هادی، (۱۳۷۰).
- 14 - Laplin, L. L. (1990). *Probability and statistics for modern engineering,* 2nd ed. Boston: PWS-KENT Publishing company.