

## مدل‌سازی جزومند در دریای عمان و خلیج فارس با استفاده از داده‌های ارتفاع‌ستجی ماهواره‌ای و تایدگیج‌های ساحلی

علیرضا آزموده اردلان<sup>۱\*</sup> و محمدجواد طوریان<sup>۲</sup>

<sup>۱</sup> دانشیار، گروه مهندسی نقشه‌برداری، قطب علمی مهندسی نقشه‌برداری و مقابله با سوانح طبیعی، پردیس دانشکده‌های فنی، دانشگاه تهران، ایران

<sup>۲</sup> دانش‌آموخته کارشناسی ارشد، گروه مهندسی نقشه‌برداری، پردیس دانشکده‌های فنی، دانشگاه تهران، ایران

(دریافت: ۸/۲/۱۰، پذیرش نهایی: ۲۱/۷/۸)

### چکیده

در این مقاله به مدل‌سازی تغییرات جزومندی سطح آب دریای عمان و خلیج فارس با استفاده از ۱۱ سال داده‌های ماهواره توپکس-پوزایدون (TOPEX/Poseidon) و اطلاعات تایدگیج‌های ساحلی پرداخته شده است. مشاهدات ماهواره توپکس-پوزایدون در سایکل ۱۰۰ مبنای نظر گرفته شده و از تکرار مشاهدات ماهواره توپکس-پوزایدون در اطراف مشاهدات این سایکل در شاعع ۱ کیلومتری، سری زمانی با فاصله نمونه‌برداری دو ساعته که از مشاهدات ۹۱۵ روزه این ماهواره با به کارگیری ساختار ویژه زمان تکرار این ماهواره، تشکیل شده و با استفاده از روش آثالیز فوریه، و برآورد کمترین مریعات مولفه‌های جزومندی با پریود بزرگتر از چهار ساعت مدل‌سازی شده‌اند. بدین ترتیب در ۷۷۲ نقطه پای ماهواره توپکس-پوزایدون و ۱۷ ایستگاه ساحلی در دریای عمان و خلیج فارس سطح متوسط دریا (MSL) و مدل جزومندی تعیین و نقشه سطح متوسط آب دریا و نقشه‌های هم‌دامنه و هم‌فاز مولفه‌های جزومندی  $O_1$ ,  $K_1$ ,  $M_2$  و  $S_2$  تعیین شده است.

واژه‌های کلیدی: ارتفاع‌ستجی ماهواره‌ای، تایدگیج‌های ساحلی، مدل‌سازی سطح دریا، مولفه‌های جزومندی، سطح متوسط دریا، خلیج فارس، دریای عمان

## A new tidal model for the Persian Gulf and Oman Sea based on satellite altimetry and coastal tidal gauge observations

Ardalan, A. A.<sup>1</sup> and Toorian, M. J.<sup>2</sup>

<sup>1</sup>Associate Professor, Department of Surveying and Geomatics Engineering, Center of Excellence in Surveying Engineering and Disaster Prevention, University of Tehran, Iran

<sup>2</sup>M. Sc. Graduate Student, Department of Surveying and Geomatics Engineering, Faculty of Engineering, University of Tehran, Iran

(Received: 29 April 2008, Accepted: 13 Oct 2009)

### Abstract

Based on 11 years of TOPEX/Poseidon satellite altimetry and coastal tide gauge sea level observations, four tidal constituents, namely  $O_1$ ,  $K_1$ ,  $M_2$  and  $S_2$ , are modeled for the Persian Gulf and Oman Sea using a time-wise approach according to the following details. By selecting the cycle 100 as the reference, 772 points on 12 paths along the track of the altimetry satellite footprints over the Persian Gulf and Oman Sea are selected as the center points of 772 circular cells that were used to catch the repeated MGDR data from cycle 8 through 345 that fall within the aforementioned circular cells with a radius of  $0.053^\circ$ . In this way 772 time series of the sea level observations located at the center of the circular cells are developed. These data were further corrected for all effects whose correction parameters are given by the MGDR data files; except the tidal correction that was kept to become the source of information for our tidal modeling. The gaps in the 772 satellite derived time series are filled via inverse solution of the autocorrelation function

that was applied to the existing sea level variation data. Besides, the 1 hourly time series of sea level observations at 17 tide gauges along the Iranian coast line at the Persian Gulf and Oman Sea were used both to check the validity of the tidal models developed by the altimetry data at the 772 point over the above mentioned sea areas and to increase the accuracy of satellite derived tidal models at the shallow waters. The equally spaced 772 satellite altimetry derived time series and 17 time series at the coastal tide gauge stations are subjected to Fourier analysis to obtain the major tidal constituents, which are next used as the initial value within a least square solution to obtain the adjusted tidal frequencies, their phase angles and amplitudes. The result of this step for the satellite derived time series were modeling of all the existing tidal constituents with periods greater than 20 days, as the repetition of the TOPEX/Poseidon satellite altimetry observation is 9.915 days, except for the crossover points where the repetition time period is half. Next, via forward modeling, the effects of the modeled tidal constituents were removed from the original 772 time series to remain with the residual time series that were re-orders according to their observation hour, without considering their observation date in order to develop 2 hourly residual time series, which were used to derive the other short period tidal constituents.

The result of the numerical computation and the comparison of the satellite derive models with that obtained by tide gauge observations granted the success of the method and such a new tidal model for four tidal constituents namely, O1, K1, M2 and S2 is developed for the test area, i.e. Persian Gulf and Oman Sea.

**Key words:** Satellite altimetry, coastal tide gauges, sea level modeling, tidal constituents, Mean Sea Level, Persian Gulf, Oman Sea

## ۱ مقدمه

دانش گستردۀ بشر به جزرومد و تغییرات سطح آبها در مقیاس جهانی، شروع فن ارتفاعسنجی ماهواره‌ای با به کارگیری ماهواره SKYLAB در ۱۹۷۳ است. چرا که تا پیش از آن، یافه‌های بشر مدل‌سازی جزرومد به نواحی سواحلی و محدوده نصب تایدگیج‌ها محدود بود و امکان اتصال مشاهدات تایدگیج‌ها به یکدیگر و اتصال صفر آنها به منظور ایجاد مبنای ارتفاعی یکسان، در سطح منطقه‌ای امری بسیار دشوار، و در سطح جهانی غیرممکن می‌نمود. امروزه ارتفاعسنجی ماهواره‌ای به دلیل پوشش گسترده و دقیق‌تر، تصویر بسیار دقیقی از تغییرات سطح آبها در مقیاس جهانی به دست داده است <http://heasarc.gsfc.nasa.gov/docs/heasarc/mission/skylab.html>، که یقیناً از راه مشاهدات ایستگاه‌های جزرومدستنچ زمینی قابل تحقق نمی‌بود. به طور خلاصه، ارتفاعسنجی دارای مزایایی همچون (۱) چگال و هموزن

سطح آب دریاها و اقیانوس‌ها دستخوش تغییرات دائمی است. پاره‌ای از این تغییرات همچون تغییرات جزرومدی از دیرباز برای ساکنان مناطق ساحلی به متزله یک عامل تغییردهنده خط ساحلی مورد مشاهده قرار گرفته و از آن به صورت‌های گوناگون در توسعه اقتصادی‌شان نظری افزایش بازده ماهیگیری و افزایش سرعت دور شدن از ساحل برای آغاز سفری دریایی و یا بازگشت به ساحل بهره جسته‌اند. به دلیل تاثیر جزرومد بر اقتصاد و فعالیت‌های ساحلی، بررسی جزرومد دارای سابقه ۴۰۰۰ ساله است (لفبر و استوارت، ۱۹۹۶) گسترش مشاهدات جزرومدی از راه تایدگیج‌های ساحلی، افزوده شدن تایدگیج‌های اقیانوسی بر مبنای اندازه‌گیری فشار از سال ۱۹۶۰ و نیز کاربرد رایانه‌های جدید و روش‌های عددی، دانش بشر را در مدل‌سازی جزرومد بیش از پیش بهبود بخشید (لفبر و استوارت، ۱۹۹۶). اما نقطه عطف آگاهی و

ژئوفیزیکی، به منظور دستیابی به اطلاعات سطح لحظه‌ای دریا را مورد بررسی و تحقیق قرار داد. صنایعی (۱۳۸۴) به بررسی اعتبار داده‌های گرانی دریایی از راه ارتفاع‌سنگی ماهواره‌ای پرداخت. جعفری (۱۳۸۵) اقدام به مدل‌سازی روند تغییرات سطح آب دریای خزر، با استفاده از مشاهدات ارتفاع‌سنگی ماهواره‌ای و تاییدگیج‌های ساحلی کرد. جلیل‌نژاد (۱۳۸۵) مسئله ارزیابی مدل‌های متفاوت به کار رفته در تعیین MSL با استفاده از مشاهدات ارتفاع سنگی ماهواره‌ای را حل کرد.

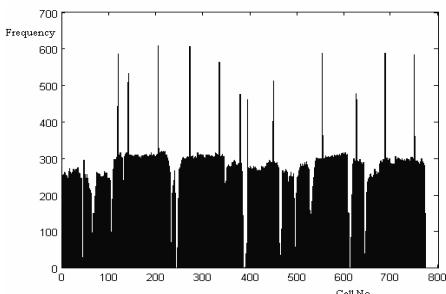
این تحقیق در تکمیل تحقیقات قبلی، به ترکیب اطلاعات تاییدگیج‌های ساحلی با مشاهدات ارتفاع‌سنگی ماهواره‌ای به صورت نقطه‌ای پرداخته است، که مانع افزوده شدن ۷۷۲ مشاهدات "شبه تاییدگیج" از راه ماهواره‌توبیکس-پوزایدون در دریای عمان و خلیج فارس به مشاهدات تاییدگیج‌های ساحلی موجود، است. این ۷۷۲ نقطه مشاهده در نقاط پای ماهواره در خلیج فارس و دریای عمان قرار دارد. به عبارت دیگر این تحقیق از اطلاعات ارتفاع‌سنگی به صورت زمانی (Time-wise) استفاده کرده است در حالی که تحقیقات گذشته این اطلاعات را به صورت مکانی (Space-wise)، یا تلفیقی از این دو مورد استفاده قرار داده‌اند که این نوآوری تحقیق حاضر محسوب می‌شود. مزایای عمدۀ روش به کار رفته در این تحقیق را می‌توان ساده‌تر کردن مدل‌های آنالیز جزرومدی و نیز امکان مدل‌سازی محلی و منطقه‌ای جزء می‌باشد. آورده. به بیانی دیگر مدل‌سازی در قلمروی مکان و زمان (روش به کار رفته در تلاش‌های قبلی) می‌تواند روشی مناسب فقط برای بررسی‌های جهانی و یا بخش عمدۀ از آب‌های جهان باشد، در حالی که روش به کار رفته شده در تحقیق حاضر (روش زمانی) برای تحقیقات جزرومدی در مقیاس‌های کوچک، بزرگ و جهانی قابل به کارگیری است.

بودن توزیع نقاط مشاهده در سطح دریاها (۲) دقت و صحّت و (۳) دسترسی آسان به مشاهدات است که از راه پایگاه‌های اینترنتی مربوط، فراهم شده است (آزموده اردنان و هاشمی فراهانی، ۱۳۸۲).

با توجه به اهمیت اقتصادی و بازارگانی زیادی آب‌های آزاد و نیازهای مهندسی همچون ساخت اسکله‌ها، موج‌شکن‌ها، سکوهای نفتی، سازه‌های دریایی و شبلات، اطلاع از رژیم جزرومدی و به طور کلی تغییرات سطح آب دریا از اهمیت زیادی برخوردار است. در کشور ما نیز با توجه به قرار داشتن در زمرة کشورهای با مرز آبی متصل به آب‌های آزاد، تحقیقات جزرومدی در بهره‌برداری گسترشده‌تر و بهینه‌تر از منابع و امکانات دریایی از ضروریات مراکز علمی است. در سال‌های اخیر تحقیقات متعددی در استفاده از ارتفاع‌سنگی ماهواره‌ای و تاییدگیج‌های ساحلی برای مدل‌سازی سطح آب دریا در خلیج فارس، دریای عمان و نیز دریای خزر صورت گرفته که در حکم نمونه‌هایی از این فعالیت‌ها می‌توان به موارد زیر اشاره کرد:

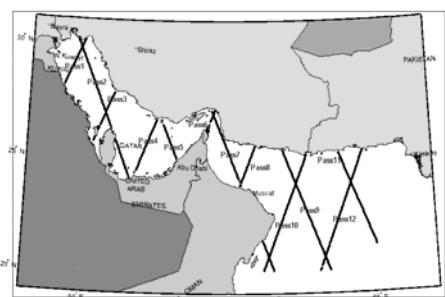
rstmi (۱۳۸۱) و پورشریفی (۱۳۸۵) توبوگرافی سطح دریا در خلیج فارس و دریای عمان را با استفاده از داده‌های ارتفاع‌سنگی ماهواره‌ای به دست آورده‌اند. مسیب‌زاده (۱۳۸۱) به تعیین توبوگرافی سطح آب دریای عمان و خلیج فارس از راه تلفیق GPS و مشاهدات تاییدگیج‌ها پرداخت. هاشمی فراهانی (۱۳۸۲) نقشه‌های هم‌دامنه و هم‌فاز جزرومدی را در مقیاس جهانی از راه ارتفاع‌سنگی ماهواره‌ای تعیین کرد. شهرابی اطهر (۱۳۸۳) مسئله تهیه چارت‌های دریایی با استفاده از مختصات سه‌بعدی GPS و مشاهدات ارتفاع‌سنگی ماهواره‌ای را مورد بررسی قرار داد. عرب‌صاحبی (۱۳۸۳) به تعیین میدان گرانی زمین از راه مشاهدات ارتفاع‌سنگی ماهواره‌ای پرداخت. شجاعی (۱۳۸۳) مسئله ادغام اطلاعات حسگر‌های ماهواره‌های گوناگون و اطلاعات

برای انجام محاسبات این تحقیق تعداد ۷۷۲ نقطه در پای ماهواره در دریای عمان و خلیج فارس انتخاب شد. فراوانی مشاهدات ماهواره‌ای در این نقاط در شکل ۱ نشان داده شده است. این ۷۷۲ نقطه در واقع ۷۷۲ سلول‌اند که در هر کدام از آنها  $n$  مشاهده برای آنها ۱۲۲ پارامتر در اختیار است. به طور دقیق‌تر، گذر صدم در حکم گذر مبنا در نظر گرفته شده، و برای هر مشاهده آن دایره جست‌وجویی به شعاع یک کیلومتر ( $0.053^{\circ}$ ) تعریف و مشاهدات گذرهای دیگر در صورت قرار گرفتن در داخل این دایره در حکم مشاهده سلول در نظر گرفته شده‌اند.



شکل ۱. فراوانی مشاهدات در نقاط پای ماهواره در منطقه خلیج فارس و دریای عمان.

در این مقاله از مشاهدات ۱۱ سال ماموریت ماهواره ارتفاع‌سنگی توپکس-پوزایدون مشتمل بر ۳۴۸ گذر استفاده شده است. همچنین لازم به توضیح است که در این تحقیق از مشاهدات هشت گذر اول این ماموریت به دلیل فقدان کیفیت مناسب داده‌ها، استفاده نشده است.



شکل ۲. مسیر پای ماهواره و نقاط مشاهداتی در منطقه خلیج فارس و دریای عمان.

تايدگيچه های ساحلي می‌توانند نقش مهمی در مدل‌سازی تغییرات سطح آب دریا به کمک مشاهدات

## ۲ تاریخچه مدل‌سازی جزو مردم

نیوتن در ۱۶۸۷ با طرح روش دینامیکی خود، بر پایه نظریه تعادل هیدروستاتیکی، فصلی جدید بر تحقیقات جزو مردمی گشود (ونگ، ۲۰۰۴). حدود یک قرن بعد در ۱۷۷۵ لپلاس، دینامیک جزو مردم را از راه معادلات دیفرانسیل جزو مردمی مطرح ساخت (ونگ، ۲۰۰۴). ابداع روش آنالیز هارمونیک داروین در ۱۸۸۳ (داروین، ۱۸۷۹) نقطه عطفی در تحقیقات جزو مردمی بود که موجبات بهره‌گیری از مشاهدات تاییدگیچ در آنالیز جزو مردمی را فراهم ساخت. اولین مدل جهانی جزو مردمی را لبروست (Le Provost) در ۱۹۸۳ برپایه مشاهدات ماهواره ژئوست (Geosat) عرضه کرد (ونگ، ۲۰۰۴) و در ادامه ری و کارت‌رایت (۱۹۹۰ و ۱۹۹۱) مدل‌هایی برای جزو مردم جهانی عرضه کردند که از مدل شویدرسکی (۱۹۸۰) برپایه حل معادلات لپلاس جزو مردمی به دست آمده بود نیز دقیق‌تر و کاراتر بود. به طور کلی مدل‌های جزو مردم موجود را می‌توان سه دسته زیر تقسیم‌بندی کرد (ونگ، ۲۰۰۴): (۱) مدل‌های تجربی، (۲) مدل‌های هیدرودینامیکی و (۳) مدل‌های ترکیبی.

مدل‌های تجربی با استفاده از مشاهدات سطح آب و بدون در نظر گرفتن عوامل ایجاد‌کننده به بررسی جزو مردم می‌پردازنند. در مدل‌های هیدرودینامیکی از نیروهای جزو مردمی و اندرکش توپوگرافی کف دریا، شکل سواحل و اصطکاک بستر دریا با جریانات جزو مردمی در حل معادلات دیفرانسیل استفاده می‌شود. مدل‌های ترکیبی از به کار گیری مشاهدات جزو مردم‌سنجی‌های ساحلی و ارتفاع‌سنگی ماهواره‌ای به مثابه مقادیر مرزی در معادلات هیدرودینامیکی حاصل می‌شوند. بنابر این مشاهدات تاییدگیچ‌ها و ارتفاع‌سنگی ماهواره‌ای هم می‌توانند ورودی روش‌های تجربی و نیز روش‌های ترکیبی را تشکیل دهند.

## ۳ داده‌های مورد استفاده

گرانی آتن ارتفاع سنج (هاشمی، ۱۳۸۲). لازم به توضیح است که تصحیح دیگری به نام تصحیح جزرومد در فهرست تصحیحات مشاهدات این ماهواره وجود دارد که در این تحقیق چون هدف ما مدل‌سازی جزرومد است این تصحیح اعمال نشد تا مشاهده بدست آمده پس از اعمال تصحیحات، حاوی اطلاعات جزرومدی باشد.

**گام دوم:** پس از اعمال تصحیحات سامان‌مند یاد شده به مشاهدات ارتفاع‌سنجی می‌توان برای هر نقطه مشاهداتی در سطح دریا یک سری زمانی به صورتی که پیش‌تر ذکر شد تشکیل داد. این سری‌های زمانی شامل زمان و ارتفاع نقطه از بیضوی مرتع هستند. ارتفاع از بیضوی مرتع با استفاده از کم کردن مشاهده سطح دریایی تصحیح شده از ارتفاع مرکز جرم ماهواره، موجود در داده‌های عرضه شده، قابل محاسبه است. تعداد این سری‌های زمانی را تشکیل داده شده در دریای عمان و خلیج فارس ۷۷۲ عدد است. جدول ۱ برای نمونه یکی از این سری‌های زمانی را نشان می‌دهد.

جدول ۱. نمونه‌ای از سری زمانی (سلولی در خلیج فارس).

φ	λ
۲۵۶۰	۵۳/۲۵
Time	H
۱۱۰۶۲۰۶۹۰۰	-۳۲۱۱۸۲۵۷
۱۱۰۷۰۶۳۶۰۰	-۳۱۴۲۲
۱۱۰۷۹۲۰۴۰۰	-۳۱۳۹۹۰۳۸۴
۱۱۰۸۷۷۷۱۰۰	-۳۱۶۷۷۶۴
.	.
.	.
.	.
۱۳۸۷۲۰۸۳۰۰	-۳۲۷۶۲۴۷۱
۱۳۸۸۰۶۵۰۰۰	-۳۲۳۷۱۶۵۸
۱۳۸۸۹۲۱۷۰۰	داده از دست رفته
۱۳۸۹۷۷۸۴۰۰	-۳۲۵۵۵۶۹۵

**گام سوم:** همان‌طور که در جدول فوق مشاهده می‌شود

ارتفاع‌سنجی ماهواره‌ای ایفا کنند. چرا که مشاهدات تایدگیج‌های ساحلی دارای دقت زیادی است و این در حالی است که مشاهدات ارتفاع‌سنجی در سواحل دارای دقت کمتری هستند. بنابر این تلفیق این دو می‌تواند ضعف ارتفاع‌سنجی ماهواره‌ای در سواحل را مرتفع سازد.

**شکل ۳** موقعیت تایدگیج‌های مورد استفاده در این تحقیق در دریای عمان و خلیج فارس را نشان می‌دهد.



شکل ۳. موقعیت تایدگیج‌های ساحلی در مرز آبی ایران در خلیج فارس و دریای عمان.

فاصله زمانی مشاهدات تایدگیج‌های ساحلی ۱ ساعت بوده است و این امر سبب می‌شود که در مدل‌سازی جزرومدی بتوان بر اساس اصل نمونه‌گیری، امواج با تناوب ۲ ساعته و بیشتر را آشکار ساخت.

**۴ مدل‌سازی جزرومد با استفاده از داده‌های ارتفاع‌سنجی ماهواره‌ای به روش عرضه شده در این تحقیق**

گام نخست: در اولین گام برای تبدیل سطح لحظه‌ای آب (SSH) به  $ISL$  یا همان سطح آب دریاها می‌باید تصحیحات زیر را بر داده‌های ارتفاع‌سنجی ماهواره‌ای اعمال کرد (پی‌آی‌ای‌سی، ۱۹۹۶):

- (۱) تصحیح وردسپهر تر، (۲) تصحیح وردسپهر خشک، (۳) تصحیح یون‌سپهر، (۴) تصحیح بایاس معکوس تاثیر فشار، (۵) تصحیح بایاس الکترومغناطیس، (۶) تصحیح جزرومد قطبی، (۷) تصحیح تغییرات مرکز

$$F(X) = F(X_0) + \frac{dF}{dX_{(X_0)}}(X - X_0) \quad (3)$$

مقدار اولیه  $x_{N+1}$  را می‌توانیم  $x_N$  یا  $x_i$  در نظر بگیریم:

$$\bar{x} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N x_i \quad (4)$$

$$\begin{aligned} F(X) - F(X_0) &= \frac{dF}{dX_{(X_0)}}(X - X_0) \\ \Rightarrow d\mathbf{L} &= A\delta\mathbf{X} \\ d\mathbf{X} &= \mathbf{X} - \mathbf{X}_0 \Rightarrow \mathbf{X} = d\mathbf{X} + \mathbf{X}_0 \\ A &= \frac{dF}{dX_{(X_0)}} \end{aligned}$$

رونده فوق تا حصول جواب نهایی تکرار خواهد شد.

**گام چهارم:** گام چهارم استفاده از آنالیز فوریه برای یافتن بسامدهای موجود در سری زمانی و برآورد دامنه و فاز هر بسامد با استفاده از برآورد کمترین مربعات است که پس از پر کردن مشاهدات از دست رفته صورت خواهد گرفت. در شکل های ۵ و ۶ بسامدها و تناوب مشاهدات به همراه بزرگی آنها آورده شده است (نمودارهای عرضه شده برای سلولی به مختصات مرکز  $\lambda = 52.71$  و  $\varphi = 24.44$  است).

حال با استفاده از بسامدهای به دست آمده از آنالیز فوریه، با معلوم فرض نمودن بسامدها از راه روش کمترین مربعات در مدل زیر دامنه، فاز و بخش ثابت موج را یکی پس از دیگری از موج با بیشترین انرژی، برآورد می کنیم:

$$Y(t) = a_0 + \sum_{i=1}^n (a_i \cos(\omega_i t) + b_i \sin(\omega_i t)) \quad (5)$$

در بین امواج برآورد شده آنها یکی که دارای دامنه کمتر از ۳ سانتی متر (دقت مفروض برای مشاهدات) باشد از روند محاسبات پیش گفته حذف می شوند. در جدول ۲ بسامد، تناوب، دامنه و فاز امواج برآورد شده نشان داده شده است. همان طور که ملاحظه می شود این معادلات روابطی مابین سالیانه و سالیانه بیشترین دامنه را دارند.

یکی از مشکلات این تحقیق وجود گپ (داده از دست رفته) در سری های زمانی تشکیل داده شده است که از دست رفتن فواصل مساوی بین مشاهدات سری های زمانی را موجب می شود. برای رفع این مشکل، یعنی پر کردن گپ ها، روش های گوناگونی وجود دارد که یکی از آنها استفاده از توابع خودهمبستگی است که به کمک همبستگی آماری داده ها به پیش بینی و پر کردن داده های از دست رفته به صورت زیر می پردازد:

تابع خود همبستگی را می توان به صورت زیر تعریف کرد (باکس و جنکینز، ۱۹۸۷):

$$r_k = \frac{\sum_{t=1}^{N-k} (x_t - \bar{x})(x_{t+k} - \bar{x})}{\sqrt{\left[ \sum_{t=1}^N (x_t - \bar{x})^2 \right]}} \quad (1)$$

در رابطه فوق  $x_1, x_2, \dots, x_N$  سری زمانی معلوم است و  $r_1, r_2, \dots, r_N$  همبستگی بین مشاهدات سری زمانی است. حال اگر بخواهیم  $x_{N+1}$  را به دست آوریم می توانیم سری زمانی جدیدی به صورت زیر تشکیل دهیم که در آن  $x_1, x_2, \dots, x_N, x_{N+1}$  مجھول است. برای این مشاهده ( $x_{N+1}$ ) با توجه به رابطه (۱) می توان

معادلات به صورت زیر تشکیل داد:

$$r_1 = \frac{\sum_{t=1}^N (x_t - \bar{x})(x_{t+1} - \bar{x})}{\sqrt{\left[ \sum_{t=1}^{N+1} (x_t - \bar{x})^2 \right]}} \quad (2)$$

$$r_N = \frac{\sum_{t=1}^1 (x_t - \bar{x})(x_{t+N} - \bar{x})}{\sqrt{\left[ \sum_{t=1}^{N+1} (x_t - \bar{x})^2 \right]}}$$

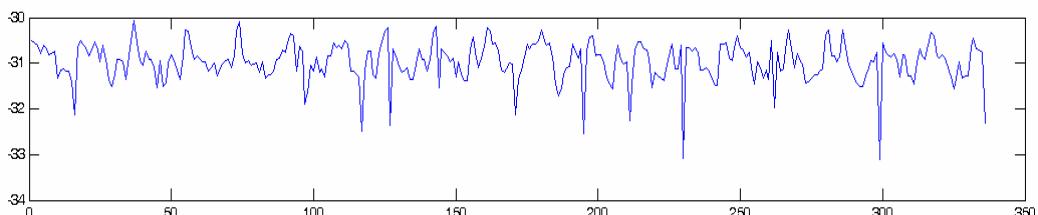
همان طور که ملاحظه می شود این معادلات روابطی غیر خطی بحسب  $x_{N+1}$  هستند و بنابر این برای تعیین  $x_{N+1}$  به کمک این روابط نیازمند خطی سازی و حل دستگاه معادلات به روش کمترین مربعات هستیم.

قرار می‌دهیم. تکرار این الگوریتم در ۷۷۲ سلول موجود در دریای عمان و خلیج فارس تعیین کننده مدل‌سازی جزرومد در دریای عمان و خلیج فارس و نیز سطح متوسط آب به صورت نقطه‌ای خواهد بود.

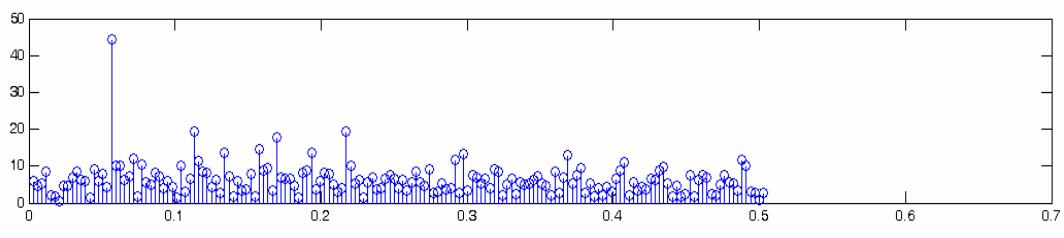
در این مرحله اثر امواج با پریود ۲۰ روز ( $9/9/15 \times 2$ ) و بیشتر مدل‌سازی شده را از روی داده‌ها حذف می‌گردند. سپس باقیمانده مشاهدات را بر مبنای فاصله زمانی ۲ ساعته مرتب کرده و مجدداً مورد آنالیز فوریه و سرشکنی کمترین مربعات به صورت یادشده

جدول ۲. نه بسامد غالب سلول شکل ۴، به همراه تناب، دامنه و فاز برآورده شده.

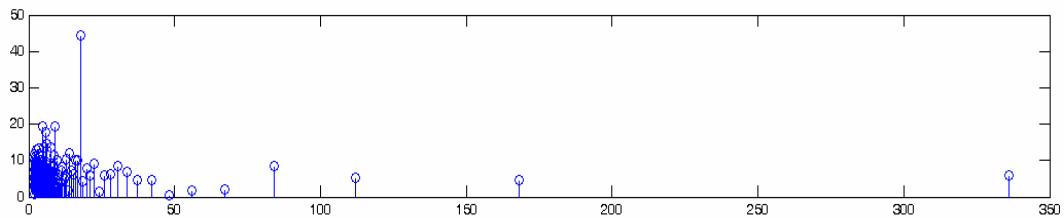
بسامد	تناب (روز)	دامنه (سانتی‌متر)	فاز (رادیان)
۰,۳۲۶۴۵	۳۰,۳۷۲۲	۳۴,۸۷	-۰,۱۰۵۲
۰,۰۵۴۴۳	۱۸۲,۱۶۱	۳۳,۷۶	۱,۵۳۲
۰,۴۸۲۱۹	۲۰,۵۶۲۳	۲۲,۰۸	۱,۴۸۶۸۱
۰,۰۲۷۰۹	۲۶۶,۰۰۳	۲۷,۶۵	-۰,۰۶۵۲
۰,۳۱۳۲۳	۳۱,۶۵۳۶	۲۳,۵۴	-۰,۱۱۰۶۲
۰,۴۴۱۹۱	۲۲,۴۳۶۵	۲۳,۳۲	۱,۳۷۶۸۲
۰,۳۶۶۴۳	۲۷,۰۵۸۲	۱۶,۲۴	۱,۳۸۸۹۸
۰,۰۷۵۰۶	۱۳۲,۰۹۵	۱۲,۶۵	-۰,۱۳۳۱۹
۰,۰۴۴۷۸	۲۲۱,۴۳۱	۱۰,۴۲	-۰,۷۵۰۲۵



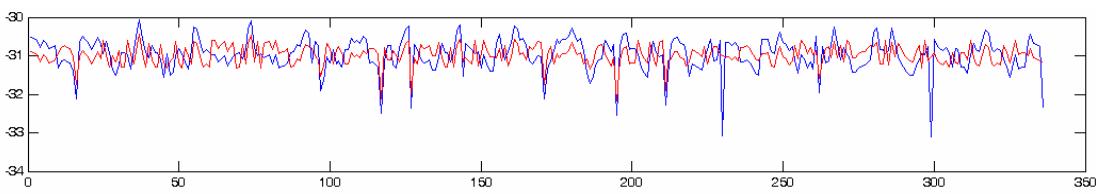
شکل ۴. مشاهدات جزرومد در فاصله زمانی ۹,۹۱۵ روز بیر حسب سانتی‌متر طی ۱۱ سال.



شکل ۵. بسامد امواج موجود در مشاهدات.



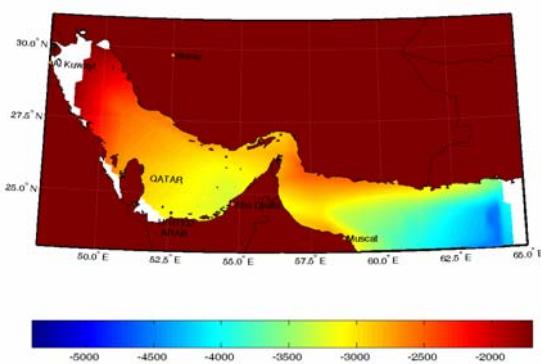
شکل ۶. تناب امواج موجود در مشاهدات.



شکل ۷. نمودار سرخ - مشاهدات پس از حذف اثر امواج بدست آمده بر حسب سانتی‌متر.

۴ نتیجه مقایسه دامنه مولفه‌های استخراج شده از سلول شماره ۶۳۹ و تایدگیج بندر دیر را نشان می‌دهد.

شکل ۸ نشان‌دهنده نقشه MSL حاصل است. برای محاسبه MSL، ۱۱ سال داده‌های ارتفاع‌سنجدی ماهواره‌ای استفاده شده است. در این محاسبه به دلیل یکسان نبودن مبنای ارتفاعی تایدگیج‌های ساحلی و داده‌های ارتفاع‌سنجدی ماهواره‌ای امکان تلفیق آنها به وجود نیامده است. در تهیه این نقشه و همه نقشه‌هایی که در ادامه آورده خواهد شد از سامانه تصویر مركاتور و درون‌یابی دوخطی برای ایجاد شبکه نقاط منظم استفاده شده است.



شکل ۸ نقشه سطح متوسط آب دریا (MSL)-بر حسب ۱۰۰ سانتی‌متر.

در ادامه نقشه‌های هم‌دامنه و هم‌فاز مولفه‌های S2 و M2 و O1 و K1 آورده شده‌اند.

جدول ۳. بسامد، تناوب، دامنه و فاز امواج به دست آمده بر مبنای مشاهدات با فواصل زمانی ۲ ساعته برای سلول شکل ۴ (MSL به دست آمده در این نقطه در ۹۵۴۰-۳۰ است).

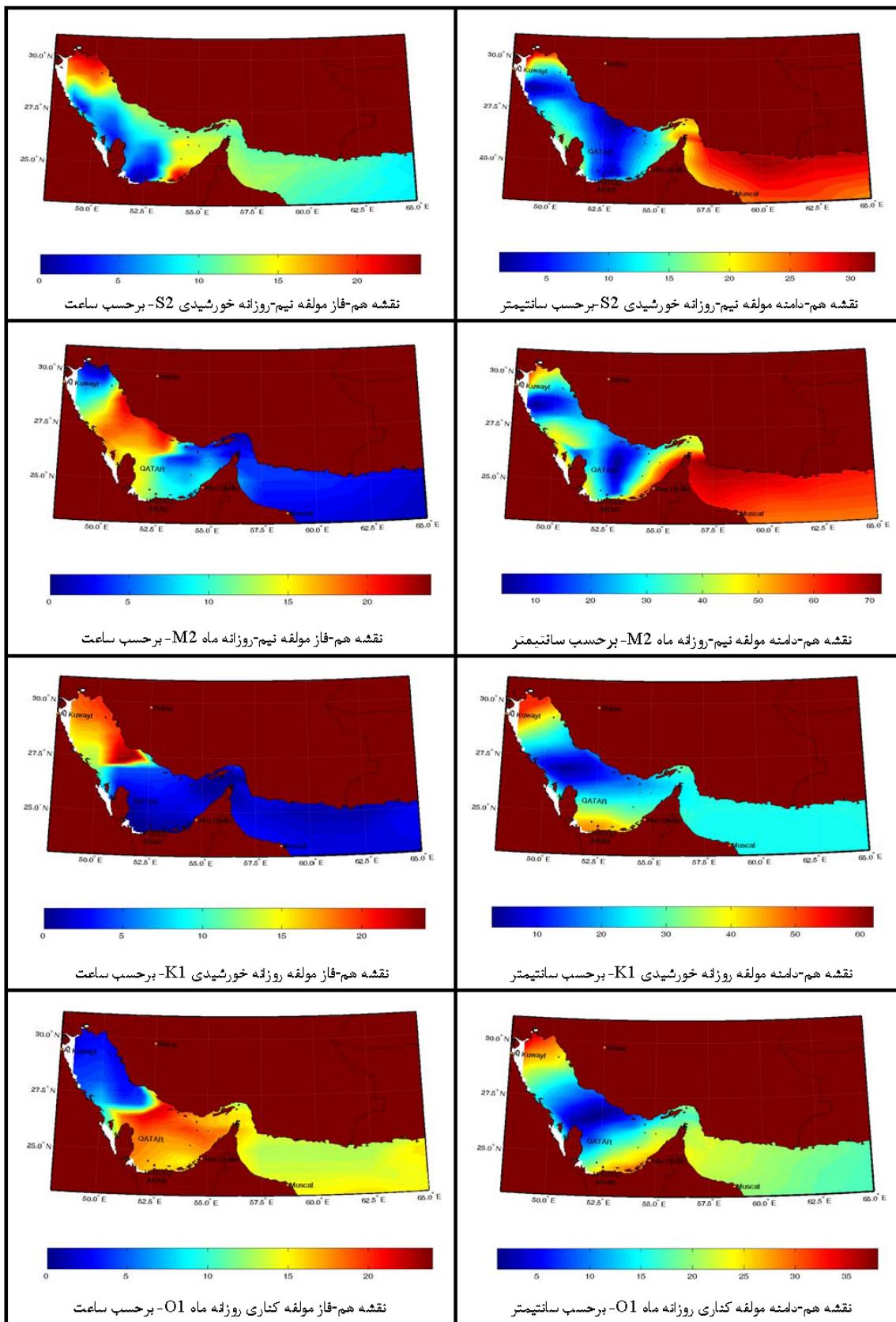
بسامد	تناوب (ساعت)	دامنه (سانتی‌متر)	فاز (رادیان)
۰۰۳۹۴۴	۱۲۰۴۴	۹۷۰۸۱	۱۵۷۴۸۸
۰۰۴۰۸۹	۱۲	۳۹۰۴۵	-۰۸۲۵۳
۰۰۳۹۵۱	۱۲۰۴۲	۳۶۰۴	-۱۵۵۱۶
۰۰۴۰۵۱	۲۲۰۹۲	۲۹۰۸۴	-۲۵۱۳
۰۰۱۸۹۷	۲۵۰۸۶	۲۱۰۲۱	-۲۰۱۰۲
۰۰۳۸۹۱	۱۲۰۶۱	۱۹۰۴۱	۲۹۴۴۳۷
۰۰۳۹۶۷	۱۲۰۳۷	۱۹۰۸۳	۱۶۰۲۴۷
۰۰۴۰۵۳	۲۳۰	۱۷۰۳۰	۰۵۵۸۹
۰۰۳۹۴۴	۱۲۰۴۴۲۶	۱۶۰۲۱	-۱۵۷۲
۰۰۴۰۲۰	۲۴۰۲	۱۲۰۹۶۳	-۲۰۲۵۸
۰۰۴۰۴۱	۱۱۰۹۸	۱۲۰۴۸۱	-۱۶۰۸۵

#### ۴- نتایج عددی حاصل از بررسی موردی

بر پایه اصول محاسباتی ذکر شده در بخش قبل آنالیز جزو مدی در ۷۷۲ سلول تشکیل داده شده در پایی ماهواره ارتفاع‌سنجدی و ۱۷ تایدگیج ساحلی صورت گرفت. مولفه‌های غالب استخراج شده از این آنالیز، ۵ مولفه جزو مدی (مولفه‌های روزانه خورشیدی، روزانه ماه، نیم‌روزانه خورشیدی، نیم‌روزانه ماه و سالیانه خورشیدی) و سطح متوسط دریا (MSL) است. جدول

جدول ۴. مقایسه دامنه مولفه‌های جزو مدی بدست آمده از تایدگیج بندر دیر و سلول شماره ۶۳۹

آنالیز	سلول شماره ۶۳۹		تایدگیج بندر دیر		مقایسه دامنه های مولفه های جزو مدی از تایدگیج و ارتفاع سنجدی ماهواره ای
	φ	λ	φ	λ	
	۲۷۰۴۹	۵۱۰۳۲	۲۷۰۴۹	۵۱۰۵۵	
-1	۲۲۰۳		۳۱۰۳		دامنه مولفه (بر حسب سانتی‌متر)
۱۰۳۷	۲۰۰۸۶		۲۲۰۲۳		فاز مولفه (بر حسب ساعت)
-۱۰۲۱	۹۰۰۳		۷۰۸۲		دامنه مولفه (بر حسب سانتی‌متر)
۱۰۹۷	۱۰۰۲		۸۰۲۳		فاز مولفه (بر حسب ساعت)
-۰۰۸۱	۱۱۰۴۵		۱۰۰۶۴		دامنه مولفه (بر حسب سانتی‌متر)
۰۰۰۵	۲۳۰۰۵		۲۳۰۷		فاز مولفه (بر حسب ساعت)
-۱۰۲۱	۹۰۰۶		۸۰۳۹		دامنه مولفه (بر حسب سانتی‌متر)
-۱۰۱۱	۳۰۵۴		۲۰۴۳		فاز مولفه (بر حسب ساعت)



دریا، پایان نامه کارشناسی ارشد، دانشکده فنی  
دانشگاه تهران، ۱۳۸۳.

مسیب‌زاده، مهدی؛ تعیین توپوگرافی سطح آب دریای  
عمان و خلیج فارس از طریق تلفیق GPS و  
مشاهدات تاییدگیج‌ها، پایان نامه کارشناسی ارشد،  
دانشکده فنی دانشگاه تهران، ۱۳۸۱.

پورشیریفی، تعیین توپوگرافی سطح دریا در خلیج فارس  
و دریای عمان را با استفاده از داده‌های ارتفاع‌سنگی  
ماهواره‌ای، علی پایان نامه کارشناسی ارشد، دانشکده  
نقشه‌برداری دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین  
طوسی، ۱۳۸۵.

rstemi، قاسم؛ مدل‌سازی چهار بعدی تغییرات لحظه‌ای  
سطح دریا مطالعات خاص: سطح متوسط دریا و  
توپوگرافی دریا در دریای عمان و خلیج فارس،  
پایان نامه کارشناسی ارشد، دانشکده فنی دانشگاه  
تهران، ۱۳۸۱.

سه‌هابی اطهر، مهدی؛ تهیه چارت‌های دریابی با استفاده  
از مختصات سه‌بعدی GPS و مشاهدات  
ارتفاع‌سنگی ماهواره‌ای، پایان نامه کارشناسی ارشد،  
دانشکده فنی دانشگاه تهران، ۱۳۸۳.

عرب‌صاحبی، رضا؛ تعیین میدان ثقل زمین از طریق  
مشاهدات ارتفاع‌سنگی ماهواره‌ای، پایان نامه  
کارشناسی ارشد، دانشکده فنی دانشگاه تهران،  
۱۳۸۳.

صنایعی، رضا؛ بررسی اعتبار داده‌های ثقلی دریابی از  
طریق ارتفاع‌سنگی ماهواره‌ای، پایان نامه کارشناسی  
ارشد، دانشکده فنی دانشگاه تهران، ۱۳۸۴.

جعفری، عباس؛ بررسی روند تغییرات سطح آب دریای  
خزر با استفاده از مشاهدات ارتفاع‌سنگی ماهواره‌ای  
و تاییدگیج‌های ساحلی، پایان نامه کارشناسی ارشد،  
دانشکده فنی دانشگاه تهران، ۱۳۸۵.

جلیل‌نژاد، مجید؛ ارزیابی مدل‌های مختلف به کاررفته در  
تعیین MSL با استفاده از مشاهدات ارتفاع‌سنگی  
ماهواره‌ای، پایان نامه کارشناسی ارشد، دانشکده فنی

## ۵ بحث و نتیجه‌گیری

در این مقاله به مدل‌سازی تغییرات جزو مردمی سطح آب  
دریا در دریای عمان و خلیج فارس با استفاده از ۱۱ سال  
داده‌های ماهواره توپکس-پوزایدون و اطلاعات  
تاییدگیج‌های ساحلی پرداخته شد. همان‌طور که در  
بخش نتایج عددی ملاحظه شد در ۷۷۲ سلوول تشکیل  
داده شده در پای ماهواره و ۱۷ ایستگاه ساحلی در  
دریای عمان و خلیج فارس، سطح متوسط آب دریا  
(MSL) و مدل جزو مردمی تعیین و نقشه سطح متوسط  
آب دریا و نقشه‌های هم‌دامنه و هم‌فاز مولفه‌های  
جزو مردمی برای ۴ مولفه S2، M2، K1، M1 آورده شد.

به‌طور خلاصه، این مقاله در تکمیل تحقیقات قبلی به  
ترکیب اطلاعات جزو مردمی ساحلی با مشاهدات  
ارتفاع‌سنگی ماهواره‌ای به صورت نقطه‌ای پرداخته که  
کاری جدید در میان مطالعات یاد شده محسوب می‌شود  
و به علاوه موجب افزوده شدن ۷۷۲ شبۀ تاییدگیج در  
سطح دریای عمان و خلیج فارس به اطلاعات مشابه  
تاییدگیج‌های ساحلی شده است.

مزیت عمده روش به کار رفته شده در این تحقیق را  
می‌توان در ساده‌تر کردن مدل‌های آنالیز جزو مردمی و  
نیز امکان مدل‌سازی محلی و منطقه‌ای جزر مد به  
حساب آورد. نتایج عددی حاصل، موید موفقیت روش  
است.

## منابع

هاشمی فراهانی، حسن؛ آنالیز وضعیت جزو مردمی و تهیه  
نقشه‌های هم‌دامنه و هم‌فاز با استفاده از داده‌های  
ماهواره ارتفاع‌سنگی Topex/Poseidon، پایان نامه  
کارشناسی ارشد، دانشکده فنی دانشگاه تهران،  
۱۳۸۲.

شجاعی حسن کیاده، کامیار؛ ادغام اطلاعات  
سنندجه‌ایی ماهواره‌ای مختلف و اطلاعات  
ژئوفیزیکی به منظور دستیابی به سطح لحظه‌ای آب

دانشگاه تهران، ۱۳۸۵

- Box, J. A. P. and Jenkins, J. M, 1987, Time series analysis, Prediction and Control, Wiley, New York.
- Darwin, G. H., 1879, Proceedings of the Royal Society of London, Volume **29**.
- Schwiderski, E. W. 1980, On charting global ocean tides, Reviews of Geophysics and Space Physics, **18**, 243-268.
- Lefebvre, M. and Stewart, R., 1996, History of altimetry 1960–1992.
- PO.DAAC, 1996, PO.DAAC Merged GDR (TOPEX/POSEIDON) Users Handbook, JPL, D-11007, November.
- Wang, Y., 2004, Ocean Tide Modeling in the Southern Ocean Report No.471,The Ohio State University.
- Cartwright, D. E. and Ray R. D., 1990, Oceanic tides from Geosat altimetry, Journal of Geophysical Research, **95** (C3), 3069-3090.
- Cartwright, D. E. and Ray R. D., 1991, Energetics of global ocean tides from Geosat altimetry, Journal of Geophysical Research, **96**(C9), 16897-16912.