

## متناهی و نامتناهی

دکتر سید حمید طالب‌زاده

گروه فلسفه دانشگاه تهران

### چکیده

این مقاله به تقریر بحث متناهی و نامتناهی در فلسفه اسلامی و بررسی استدلال‌های مربوط، به ویژه از افق ریاضیات و فیزیک اختصاص دارد. حکای اسلامی در طبیعتیات، جسم و قوای تحریکی جسم را متناهی دانسته‌اند و رأی به محدودیت مکانی جهان داده‌اند و هم‌چنین قوای تحریکی جسم را از جهت شدت و مدت نیز محدود دانسته‌اند، لکن جهان را از حیث زمان نامحدود وصف کرده‌اند و هم‌چنین، در بحث از سلسله علل بر تناهی علل چهارگانه استدلال کرده‌اند.

کلید واژه‌ها: متناهی و نامتناهی، *apeiron*، احوال جسم،

ازلیت

کثرت در جواهر شویم، منتهی به تناقض خواهد شد، یعنی باید بپذیریم که اشیا در شماره و تعداد هم متناهی‌اند و هم نامتناهی. آن‌اکسائگوراس<sup>(۱)</sup> بار د وحدت عنصری جهان به تعداد کثیری از عناصر قابل شد که بیرون از شماره‌اند و هریک نیز اندازه‌ای نامعین دارند. لوکیپوس<sup>(۲)</sup> و دموکریتوس<sup>(۳)</sup> که به جزء لا یتجزی قابل بودند، جهان را نامتناهی دانستند. نهایتاً ارسطو با تقسیم موجود به بالقوه و بالفعل به نظر تازه‌ای رسید؛ بدین معنا که اجزای جهان را بالقوه نامتناهی و بالفعل متناهی دانست. در این دیدگاه، ماده جهان نامتناهی فرض می‌شود و صور جهان که بالفعل است متناهی.

apeiron در فلسفه جدید نیز در موضع مختلف و به شکل تازه‌ای مطرح شده است. اما در این مقاله ما به بحث متناهی و نامتناهی در فلسفه اسلامی و به ویژه در حکمت مشاء می‌برداریم.

بحث از تناهی و عدم تناهی در فلسفه اسلامی در سه موضع مطرح می‌شود. موضع اول در طبیعتات و در بحث از احوال جسم است. موضع دوم در بحث از علیت و سلسلة علل وجودی است و سرانجام موضع سوم در بحث از خلقت جهان و از لیت آن است.

در بحث از احوال جسم، تناهی و عدم

وازه یونانی apeiron به معنای «بی حد و مرز» و «نامتناهی» ابتدا در کلام آن‌اکسیمندر<sup>(۴)</sup> در فلسفه مطرح شد. به نظر او «نامتناهی» منبع همه اشیا است. در این که آیا مقصود او از این اصطلاح بی حد و مرزی در مکان است یا در زمان یا کیفیت اشیا اختلاف نظر هست، لکن از فحوای کلمات او بر می‌آید که ظاهراً معنای نخست بیشتر مورد دقت او بوده است. البته در صورتی که معنای نخست صادق باشد، زمان و کیفیات اشیا نیز نامتناهی خواهد بود. «این عنصر نه آب است و نه هیچ یک از دیگر عناصر، بلکه طبیعتی است مغایر با آن‌ها و نامتناهی که تمام آسمان‌ها و عوالم درون آن‌ها از آن ناشی می‌شوند، از لی و بی زمان است و تمام جهان‌ها را فرا گرفته است.»<sup>(۵)</sup> پس از وی، آن‌اکسیمنس<sup>(۶)</sup> هوا را نامتناهی دانست و گزلفون<sup>(۷)</sup> نیز در تصور خود زمین را مسطح و بی حد و مرز فرض کرد. پارمنیدس<sup>(۸)</sup> برخلاف گذشتگان قابل بود که «آنچه هست» باید واجد حدود معینی باشد، اما ملیسوس<sup>(۹)</sup> که از پیروان او بود به نظر گذشتگان بازگشت و کل اشیا را نامتناهی دانست و آغاز زمانی و مکانی را برای اشیا انکار کرد. اما شاگرد دیگر پارمنیدس یعنی زنون الیانی<sup>(۱۰)</sup> استدلال کرد که اگر قابل به

در واقع، نقطه عبارت است از پایان خط و در آن مفهوم «عدم» اخذ می‌شود، یعنی نقطه مفهومی عدمی است که عارض خطی می‌شود که کمیت نامتناهی دارد. مفهوم «نمتناهی» خود عارض می‌شود بر کمیت خط و نقطه عارض می‌شود بر «نمتناهی» که بدین ترتیب نقطه، عرض العرض است. پس از آنجاکه نامتناهی عارض کمیت می‌شود، مفهوم «نمتناهی به سلب مطلق» عارض بر آن نخواهد شد اما «نقطه» که وصف کمیت نیست معروض نامناهی و نامتناهی هم قرار نمی‌گیرد و لذا در بیان شیخ، «نقطه» نامتناهی به سلب مطلق است.

۲. نامتناهی به غیر سلب مطلق: این قسم عارض طبیعت یا ماهیت می‌شود که ذاتاً نامتناهی بردار است یعنی قابلیت نامناهی دارد ولی نامتناهی است، که این نیز دو گونه است: (الف) آنکه طبیعتاً قابلیت نامناهی دارد ولی این مصدق به خصوص حد و نهایت ندارد مثل یک خط نامتناهی بالفعل.

(ب) آنکه قابلیت نامناهی دارد ولی حد و نهایت بالفعل ندارد، مثل دایره که نقطه‌ای در آن به عنوان حد بالفعل وجود ندارد هرچند هر نقطه‌ای روی دایره می‌تواند بالقوه حد و نهایت تلق شود.

نمتناهی عارض کمیت و مقدار می‌شود و از عوارض مقدار و عدد جسم به شمار می‌رود.

ابن سینا در طبیعتات شفامی گوید:

«سخن ما باید در کمیاتی باشد که دارای موضع‌اند و در اعدادی که در وضع یا طبع صاحب ترتیبند و باید نظر کنیم در اینکه آیا در مقادیر و اعداد چیزی که نامتناهی باشد هست یا نه و می‌بینیم که نامتناهی بودن آن‌ها محال است.»<sup>(۱)</sup>

شیخ آن‌گاه به تبیین معنای نامتناهی در اجسام می‌پردازد و اقسام آن را بیان می‌دارد. وی نامتناهی را به دو قسم تقسیم می‌کند: نامتناهی حقیق و نامتناهی بجازی.

### نامتناهی حقیقی

نامتناهی حقیق نیز به دو قسم تقسیم می‌شود:

۱. نامتناهی به سلب مطلق، ۲. نامتناهی به غیر سلب مطلق.

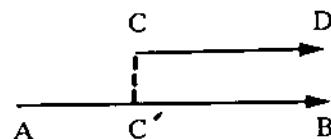
۱. نامتناهی به سلب مطلق: آن قسم نامتناهی را گویند که اساساً صفت یا معنایی که نهایت و حد به آن تعلق می‌گیرد از آن سلب شود و از آنجاکه نهایت و حد به کمیت تعلق می‌گیرد پس نامتناهی به سلب مطلق نمی‌تواند کمیت داشته باشد، مثل «نقطه» که نامتناهی به سلب مطلق است.

### نامتناهی مجازی

آن است که هرچند نهایت بردار است ولی نیل به نهایت آن در غایت دشواری است و چون وصول به آن غایت مقدور نیست، مجازاً به آن نامتناهی گویند.

در اینجا شیخ الرئیس وارد بحث نامتناهی نوع «الف» از قسم نامتناهی به غیرسلب مطلق می‌شود و غرض از این بحث آن است که معلوم شود آیا الجسامی هستند که عدد یا مقدار آن‌ها چنان باشد که هرچه از آن برداشته شود باز چیزی از آن باقی بماند؟ شیخ و به تبع او دیگر حکمای اسلامی در مقابل عقیده به نامتناهی بودن کعبات اشیا دلایل اقامه کرده‌اند که اجمالاً از نظر می‌گذرانیم؛

برهان تطبیق: اگر خطی مانند  $AB$  را فرض کنیم که از طرف  $A$  متناهی و از طرف  $B$  نامتناهی باشد و خط دیگری مانند  $CD$  رسم کنیم که مثلاً ۵ متر از خط اول کوتاه‌تر باشد.



سبس دو خط  $AB$  و  $CD$  را برابر هم چنان منطبق کنیم که نقطه  $C$  بر نقطه  $C'$  از خط  $AB$  منطبق

شود، در این صورت خط  $CD$  پس از انطباق بر  $AB$  به مقدار  $AC$  از آن کوتاه‌تر است یعنی  $AB - CD = AC$ . حال اگر خط  $CD$  پس از انطباق بر  $AB$  از آن بزرگ‌تر باشد که در این صورت  $CD$  که دیدیم جزء  $AB$  است، از کل یعنی  $AB$  بزرگ‌تر خواهد بود و این حال است و اگر  $CD$  برابر با  $AB$  باشد، باز لازم است جزء با کل برابر باشد و این هم حال است. لاجرم  $CD$  که جزء  $AB$  است باید به مقدار ۵ متر ( $AC = 5$ ) از آن کوتاه‌تر باشد یعنی  $CD$  که جزء است محدود به حدی خواهد شد و در نتیجه  $AB$  نیز که به مقدار متناهی از آن بزرگ‌تر است، خودش متناهی خواهد شد و نامتناهی بودنش محال است.

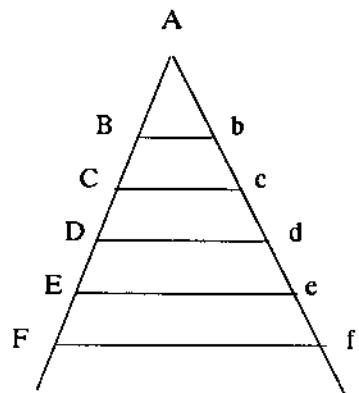
برهان سُلْمی: دلیل دومی که بر متناهی بودن ابعاد ذکر کرده‌اند، به برهان سُلْمی «نربانی» معروف است. حکما می‌گویند اگر فرض شود نامتناهی موجود است، از نقطه  $A$  مثلًاً دو خط بی‌نهایت رسم می‌کنیم و آن دو خط را امتداد می‌دهیم به طوری که به منزله دو ساق مثلث باشند و هرچه این دو ساق ممتد شود فاصله بین دو خط زیادتر خواهد شد تا سرانجام آخرین این فواصل فاصله‌ای خواهد بود که گرچه محدود به دو خط است اما نامحدود و نامتناهی است و این حال است.

دیگری همچون برهان مسامته و برهان  
تُرسی نیز اقامه شده که از ذکر آن‌ها  
صرف نظر می‌کنیم.

بنابراین، نامتناهی در اجسام بالفعل محال است، یعنی نامتناهی عددی که یک شیء بالفعل با مقدار نامتناهی وجود داشته باشد از دید حکماً محال است. اما گونه‌ای دیگر از نامتناهی محال نیست و آن تقسیم جسم متناهی به اجزای نامتناهی است.

توضیح اینکه زنون الیائی (فیلسوف یونان باستان) در شباهت و پارادکس‌های مشهور خود تقسیم ابعاد را به اجزای نامتناهی مستصور و مقدور می‌داند و بدین ترتیب، حرکت در ابعاد مکانی را که مستلزم طی اجزای نامتناهی است، ناممکن اعلام می‌دارد.

پارادکس زنون: اگر بخواهیم از یک طرف میدان، به طرف دیگر یا نقطه پایان بروم ابتدا باید نیمی از مسیر را طی کنیم و برای طی نیمة مسیر باید نیمة آن را طی کنیم و به همین ترتیب برای طی کردن هر قطعه از مسیر باید نیمی از آن را طی کنیم. بنابراین، برای عبور از این مسافت، دونده باید تعداد نامتناهی از قطعات را طی کند و چون این بی‌نهایت قطعه، بی‌نهایت زمان برای عبور می‌طلبد پس دونده هیچ‌گاه به مقصد نخواهد



ابن سينا اشعار می‌دارد که این دلیل که منسوب به ارسطوست کافی نیست. زیرا هرچه دو ساق طولانی‌تر و فاصله بین آن‌ها زیادتر شود، ضرورتی نخواهد داشت که به فاصله‌ای نامتناهی ختم شود. خود شیخ این برهان را بدین نحو اصلاح کرد:<sup>(۱۲)</sup>

اگر از نقطه A دو ساق امتداد یابد می‌توان بین آن‌ها وتری فرض کرد مثلًا Bb، حال اگر ساق‌ها امتداد بیشتری پیدا کنند، طول این وترها زیادتر می‌شود، مثلًا Cc>Bb. بنابراین اگر دو ساق تا بی‌نهایت ادامه یابد مقادیر اضافی نیز در هر وتر بی‌نهایت خواهد شد و در نتیجه، نامتناهی باید محصور بین حاضرین شود و چون محصور است، باید متناهی باشد؛ یعنی جمع متناهی و نامتناهی در بعد واحد، که این محال است.

علاوه بر این دو برهان، برهان‌های

می توان افزودن عادی مجموعه های محدود اعداد را به قدری ادامه داد تا منجر به مجموعه هایی به تعداد بینهایت شود ولی نهایتاً این افزایش به سوی مقداری معین و محدود میل خواهد کرد. بنابراین حل مسائلی که حکمای پیشین در جست و جوی برآهین عقلی برای آن بودند در سایه مفهوم «حد» در ریاضیات پیشرفته ممکن می شود. «حد» در ریاضیات در فصل توابع و فصل دنباله ها و سری ها مطرح می شود. طبق تعریف می گوییم که  $a$  حد تابع  $f(x)$  است هنگامی که  $x$  به سوی  $b$  میل می کند و آن را بدین شکل نمایش می دهیم:

$$\lim_{x \rightarrow b} f(x) = a$$

حال اگر فرض شود که به  $x \rightarrow \infty$ ، یعنی  $x$  به سوی بینهایت میل کند، چنان چه طور  $f(x)$  مستقیم به حد معینی میل نکند، به شکل برخی صور مبهم ظاهر خواهد شد که بنابر قواعد ریاضی از آن رفع ابهام می شود و حدش معین خواهد شد.

$$f(x) = 0 \times \infty = a$$

$$f(x) \frac{\infty}{\infty} = a \quad f(x) = \infty + \infty = a$$

$$f(x) = \frac{0}{0} = a$$

اگر چنان چه  $x \rightarrow b$  حالت تابع به اشکال ریز درآید، تابع حد نخواهد داشت:

رسید، زیرا مجموع تعداد بینهایت فواصل زمانی نمی تواند مقداری محدود و متناهی باشد. زتون علاوه بر این، پارادکس آشیل و لاک پشت رانیز مطرح می کند که شبیه همین پارادکس ذکر شده است.

A	1/2	1/4	1/8	1/16	B
---	-----	-----	-----	------	---

این شباهت تا زمان ارسطو باقی ماند و پاسخ قابل قبولی به آن ها داده نشد تا ارسطو و پس از اوی حکمای مشا در پاسخ، به مسئله قوه و فعل استناد کردند. یعنی هر فاصله ممتدی چنان که اثبات شد بالفعل محدود و متناهی است ولی بالقوه، قابلیت تقسیم نامتناهی دارد. بنابراین، آنچه نزد حکما نمی شده است نامتناهی بودن بالفعل در مقدار اشیا و اجسام است، چه در جهت افزایش مقدار و چه در جهت تقسیم مقدار به اجزای بالفعل. اما نامتناهی لایقی یعنی قابلیت تقسیم جسم تا بینهایت که امری بالقوه است، مورد قبول قرار گرفته است.

نظریه حد در ریاضیات عالی اینک، به بررسی برآهین حکما از دیدگاه ریاضیات جدید می پردازم. در قرون هفدهم و هجدهم، ریاضی دانان دریافتند که

$$f(x) = \frac{AB}{Ac} = \frac{Bb}{Cc}$$

حال اگر این دو ساق تا پی‌نهایت ادامه  
یابد، در این صورت:

$$f(x) = \frac{AB}{\infty} = 0 \quad \frac{Bb}{Cc} = 0 \quad Cc = \infty$$

در نتیجه، مقدار  $Cc$  در این نسبت  
مقداری نامعین و نامحدود خواهد بود و لذا  
اساساً محصور بین حاصلهای نیست.  
برهان‌های دیگری چون مسامته و ترسی نیز  
وضعی بهتر از این برهان‌ها خواهند داشت.

### حد دنباله

اما پارادکس زنون در ریاضیات عالی با  
توجه به تعریف دنباله و حد دنباله قابل حل  
است. در واقع، پارادکس زنون آغاز تکوین  
بخش مهمی در ریاضیات یعنی محاسبات  
انتگرال و دیفرانسیل به حساب می‌آید و این  
محاسبات مقدمتاً مبتنی بر مفهوم «دنباله» در  
ریاضیات است. کلمه «دنباله» در علم  
ریاضی برای نشان دادن مجموعه‌ای از اعداد  
که به دنبال یکدیگر و بر ترتیب معین قرار  
گرفته‌اند، به کار می‌رود.<sup>(۱۲)</sup>

اگر برای هر عدد صحیح  $n$ ، یک عدد  
واقعی یا عدد مرکب  $a_n$  وجود داشته باشد،  
در این صورت می‌توان دنباله‌ای به شکل  
زیر ترتیب داد:

$$a_1 / a_2 / a_3 / \dots / a_n / \dots$$

$$f(x) = \infty + \infty = \infty$$

$$f(x) = \infty \times \infty = \infty$$

اینک، برهان تطبیق و برهان سلمی را

بررسی می‌کنیم:

در برهان تطبیق، محور استدلال این بود  
که چون خط  $CD$  جزیی از خط  $AB$  است  
ولو اینکه هر دو پی‌نهایت باشند، باز  $CD$  به  
جهت جزء بودنش کوچک‌تر و در نتیجه  
محدود است و لذا اگر به مقدار متناهی نیز به  
آن افزوده شود، برابر  $AB$  می‌شود و در نتیجه  
 $AB$  نیز محدود و متناهی خواهد بود. در حالی  
که طبق بحثی که درباره حد توابع داشتیم، اگر  
 $CD$  نیز پی‌نهایت باشد، در این صورت  
 $f(x) = AB - CD$  و به عبارت دیگر:

$$f(x) = \infty - \infty = a$$

یعنی  $AB$  به مقدار متناهی از  $CD$   
بزرگ‌تر خواهد بود و تفاضل آن‌ها عددی  
معین است و بدین ترتیب، این برهان باطل  
خواهد شد.

در برهان سلمی نیز وترهای دو ساق  
محدود تا پی‌نهایت، محور استدلال قرار گرفت و  
چنانی استدلال شد که نهایتاً این وتر باید به  
مقدار نامتناهی افزوده شود در حالی که  
محصور بین حاصلهای است و این محال  
خواهد بود. اینک با توجه به نظریه حد در  
توابع ریاضی، می‌توانیم بگوییم:

$$\delta_1 = T \quad \delta_2 = T + \frac{T}{2} = \frac{3}{2} T = \frac{7}{4} T \dots$$

$$\delta_3 = T + \frac{T}{2} + \frac{T}{4}$$

بنابراین می‌توان گفت:

$$\delta_1 = (2-1) T$$

$$\delta_2 = (2 - \frac{1}{2}) T$$

$$\delta_3 = (2 - \frac{1}{4}) T$$

$$\dots \Rightarrow \delta_n = (2 - \frac{1}{2^{n-1}}) T$$

$$\text{اگر } n \rightarrow \infty \Rightarrow \delta_n = 2T$$

ملاحظه می‌شود که در علم ریاضی مجموع بینهایت جمله برابر با عدد معینی می‌شود که حد این دنباله نام دارد. در واقع، حد چنین دنباله‌ای حاصل رفع ابهام از صورت مبهم  $\alpha \times 0$  است. زیرا مقدار تقسیم به سوی صفر میل می‌کند، وقی که تعداد تقسیم بینهایت می‌شود.

متناهی التحریک بودن قوای جسمانی شیخ الرئیس در طبیعت شفاؤ صدرالمتألهین در جلد سوم اسناد، بحثی را در باب تناهی و عدم تناهی احوال جسم مطرح کرده‌اند که از افق این بحث حائز اهمیت است. مدعای این است که قوای محركة طبیعت از نظر تحریک متناهی‌اند یعنی امکان ندارد بتوانند حرکاتی غیرمتناهی پدید آورند.

و این دنباله‌ای نامتناهی است. هر جمله از این دنباله یک جمله  $a_{n+1}$  پس از خودش دارد و بدین ترتیب، هیچ جمله آخری در کار نیست. اما طبق تعریف، دنباله  $a_n$  را کراندار گویند، هرگاه دو عدد مانند A و B وجود داشته باشد به قسمی که دامنه‌ای را که تمام جملات دنباله را در بر می‌گیرد، مشخص کنند.

$$A_n \leq a_n \leq B \quad n = 1/2/3\dots$$

البته کرانداری یک دنباله برای حد داشتن و متناهی بودن آن کافی است، اما با این حال چنان‌چه تک‌تک جملات یا مجموعه جملات یک دنباله رفتار فته تفاضلشان از یک عدد کمتر شود، آن عدد یا مقدار را حد دنباله گویند. بدین ترتیب، ریاضی‌دانان دریافتند که می‌توان مجموعه اعداد مثبت بینهایت داشت که جمع آن‌ها یک عدد معین محدود باشد. در پارادکس معروف زنون چنان‌چه فرض کنیم که دونده نیمة اول مسافت را در  $\frac{T}{2}$  طی کند و نیمة نیمة دوم را در  $\frac{T}{4}$  در این صورت بخش  $\frac{1}{2^n}$  را به  $\frac{1}{2^{n+1}}$  در مدت  $\frac{1}{2^n}$  طی خواهد کرد که بدین ترتیب دنباله زیر تشکیل می‌شود:  
 $T + \frac{T}{2} + \frac{T}{4} + \dots + \frac{T}{2^n} + \dots$

حاصل جمع این مجموعه چنین محاسبه می‌شود:

مبدئیت ساقط می‌شود؛ پس محدودیت این قوه به اعتبار مقوی‌علیه اوست یعنی به اعتبار آثارش.

گاهی قوه‌ای متصف به تناهی و عدم تناهی می‌شود اما به اعتبار محلش. زیرا قوه جسمانی در جسم حلول می‌کند یعنی متعدد با جسم و جرم آن است و چون این جرم مقداری محدود است، گفته می‌شود قوه آن نیز محدود است. مثلاً همان یک لیتر بنزین شامل تمام آن دو کیلو نیوتون نیروی حرکه است و نیم لیتر آن شامل یک کیلو نیوتون نیروی حرکه است و به همین اعتبار هر مقدار آن بنزین شامل جزیی از نیروی حرکه است. اما در اینجا بحث بیشتر بر می‌گردد به همان مبدئیت قوه برای آثار و چنین مطرح است که آیا قواهی که در اجرام طبیعی وجود دارد مثل قوه خورشید، زمین، ستارگان، گیاهان، جمادات و ... آثار از لحاظ اثر متناهی است یا نامتناهی؟ ولی در استدلال از معنای دوم و اعتبار دوم نیز استفاده می‌شود.

صدرالمتألهین ابتدا از حرکت غیرمتناهی شده آغاز می‌کند.

«فقول اما انه يمتنع وجود قوه سهانية غير متناهية في الشده فلان تلك الحركة اما يقع في زمانٍ اولاً في زمانٍ والاول محالٌ».<sup>(۱۵)</sup>

حکما این عدم تناهی قواهی جسمانی را در سه جنبه شدت و عده و مدت می‌دانند: «وقد عرفت انَّ ذلك إنما يُعقل في أحد أمور ثلاثة الشدة والعدة والمدة»<sup>(۱۶)</sup> اثبات این مطلب از نظر فلسفه الهی ارزش خاصی دارد بدین معنا که طبیعت نمی‌تواند خودکفا باشد و چنان‌چه نیروی آن از ناحیه ماورای طبیعت تأمین و تجدید نشود، قواهی آن به تدریج رو به زوال می‌رود و به سکون مطلق می‌رسد. به دیگر سخن، قواهی طبیعی قادر نیست حرکتی را الی غیرالنهایه ادامه دهد، چه از نظر شدت حرکات، چه تعداد حرکات و چه مدت انجام حرکات. صدرالمتألهین این بحث را مطرح می‌کند و ایرادات وارد بر آن را توضیح می‌دهد.

ایشان بحث را چنین آغاز می‌کند که قوه طبیعی متصف می‌شود به تناهی و عدم تناهی، هم به اعتبار آثارش و هم به اعتبار محلش.

اگر قوه‌ای را در چیزی در نظر بگیریم، تناهی و عدم تناهی این قوه را از دو طریق می‌توان مورد بحث قرار داد. گاهی گفته می‌شود که این قوه متناهی است و مقصد مبدئیت آن قوه برای اثر است. مثلاً می‌گوییم یک لیتر بنزین، توانایی احتراقش برابر با دو کیلو نیوتون است و پس از آن مقدار از

تعداد و مدت برمی‌آیند. ابتدا حرکت را به طبیعی و قسری تقسیم می‌کنند و سپس می‌گویند اگر قوای تحریکی نامتناهی باشد، لازم است قوای جسم بزرگ‌تر با جسم کوچک‌تر برابر باشد و این محال است، زیرا می‌توان جسم کوچک‌تر را جزیی از جسم بزرگ‌تر فرض کرد و اگر پذیریم که قوای تحریکی کل باید در تمام جسم ساری باشد لذا قوای جزء باید کم‌تر از قوای کل باشد و گرنه تساوی اثر جزء و کل لازم می‌آید که معقول نیست. حال باید دید این اختلاف قوا در جسم کوچک‌تر و بزرگ‌تر ناشی از چیست؟ می‌فرمایند این اختلاف نه به حسب جسمیت است زیرا که در این امر مشترکند و نه اختلاف در فاعل است، زیرا که در هر دو طبیعت فاعل است و نه اختلاف به یک امر خارجی است، زیرا حرکت و اثر طبیعی فرض شده است و عامل قسری خلاف فرض است. پس عامل اصلی در تفاوت دو اثر یعنی اثر جسم بزرگ‌تر و کوچک‌تر مقدار آن دو است و اگر حرکت قسری تصور شود تفاوت میان تحریک جسم بزرگ‌تر و جسم کوچک‌تر ناشی از اختلاف محرك نیست، زیرا در هر دو محرك یکسان فرض می‌شود پس تفاوت میان معاوق در حرکت است که معاوق حرکت در

می‌فرمایند اگر آن حرکتی که شما فرض می‌کنید از نظر شدت نامتناهی باشد یا در زمان واقع می‌شود یا در زمان واقع نمی‌شود. اگر در زمان واقع شود لابد مقداری از زمان را اشغال می‌کند اما این شدت نامتناهی در این مقدار زمان محقق می‌شود و اگر این مقدار کم‌تر شود، آن شدت نیز به تبع ظرفش که کم‌تر شده، محدود خواهد شد و لذا متناهی خواهد بود. پس هر قدر زمان وقوع حرکت را کوچک فرض کنیم، باز فرض کم‌تر از آن هم میسر است.

مگر اینکه بگوییم اصلاً حرکت در زمان واقع نمی‌شود که در این صورت حرکت نیست زیرا حرکت امری تدریجی الحصول است و مسافتی را تدریجی و سیراً سیراً طی می‌کند و لذا هر مرتبه از مسافت را قبل از مرتبه دیگر طی می‌کند و این مستلزم زمان دار بودن است. اگر این مراتب در حرکت محفوظ نباشد، اصلاً حرکتی واقع نشده است. پس واضح است که حرکت از نظر شدت قطعاً باید متناهی باشد.

متناهی بودن قوای تحریکی از نظر شماره و زمان پس از بحث شدت، صدرالمتألهین به اثبات متناهی بودن قوای تحریکی از نظر

الاصغر الذى هو جزءٌ فهى الاكبر موجودة وزيادة مقدرة وان كانت قسرية فانها تختلف تحريركها العظيم والصغير لا اختلاف المحرك بل لاختلاف حال المتحرر فان المعاوق فى العظيم اعظم منه فى الصغير فإذا تقررت هذا القاعدة فقول: يستحيل وجود قوة جسمانية طبيعية تحرك جسمها تحريراً غير متنه لأنَّ كل قوة جسمانية فالتي منها فى كل الجسم اعظم من التي فى جزء الجسم فإذا فرضنا هما حركتا جسميهما من مبدئ مفروض حركتين بغير نهاية لزم ان يكون فعل الجزء مثل فعل الكل وهو ممتنع وان حرك الاصغر تحريراً غير متنه اى كانت الزيادة على حركته على نسبة متنه هي نسبة مقدار الجزء الى مقدار الكل فكان كل القوة متنه فهو المطلوب. و هكذا الكلام في تحرير القوة القسرية.<sup>(۱۶)</sup>

ملاصداً پس از بیان برهان خود بر متنه بودن تحریرکات قوای طبیعی از نظر شدت و تعداد و مدت به بیان هفت ایراد واردہ بر این برهان می پردازد و به هر کدام پاسخ مقتضی می دهد. اما حاصل این استدلال با آنچه امروز در علم فیزیک و در بحث اصول ترمودینامیک مطرح است، شباهت و قرابت کامل دارد.

ترمودینامیک علمی است که حدود یک قرن و نیم بیشتر از عمر آن نمی گذرد، کارتو

جسم بزرگ‌تر، بزرگ‌تر است از معاوق حرکت در جسم کوچک‌تر و این معاوق نیز چیزی جز مقدار جسم نیست.

بنابراین باید گفت: اگر ما دو جسم داشته باشیم که در آثار و حرکات اختلاف داشته باشند، مبنای این اختلاف در اصل جسمیت، فاعل طبیعی و فاعل قسری نخواهد بود بلکه مبنای مقدار آن دو جسم است. همین که شماره و زمان اثر بستگی پیدا کند به مقدار جسم، لازم می‌آید که متنه ای باشد زیرا هر جسمی متنقدر و محدود است و جسمی که بین تهایت باشد وجود ندارد، پس آثار قوای آن هم به تبع مقدارش متنه است؛ عبارات

صدرالمتأهین در این زمینه چنین است: «... و اما انه يمتنع وجود قوة غير متنه بحسب العدة والمدة فلاتها اما ان تكون طبيعية او قسرية فان كانت طبيعية وجب ان يكون قبول الجسم الاعظم للتحريك عنها كقبول الاصغر اذ لو اختلافا لم يكن ذلك الاختلاف بالجسمية لاشراكها للكل والا با مر طبیعی لانه لو كان المانع عن الحركة طبیعیاً لم يكن الحركة طبیعية هذا خلف، ولا با مر قسری لأنَّ المفروض عدمه لكن عدم اختلاف العظيم والصغير في قبول الحركة عن القوة المحركة محال فالجسمان لو اختلافا حينئذ لم يكن ذلك الاختلاف لاجل جوهر القوة بل لاجل مقدارها فتكون في الاكبر اكبر متبا في

اصول و نتایج ترمودینامیک را در رشته‌های دیگر صنعت و مخصوصاً در فیزیک و بعداً در شیمی به کار برده‌اند و ترمودینامیک با دو اصل فوق و فرمول‌های مربوطه مفتاح گشایش انرژی‌ها و رمز روابط آن‌ها شد (نور، الکتریسته، تشعشع- انرژی شیمیایی و غیره حتی انرژی اتمی).

آنتروپی یا کهولت که تعبیر ریاضی اصل دوم ترمودینامیک است، انکار اصل اول یعنی ثبات و بقای انرژی‌ها نیست ولی نشان‌دهنده تنزل سطح انرژی‌ها در جهان است. آنتروپی  $S$  در ترمودینامیک عامل کمیتی حرارت است. یعنی حرارت که یک نوع انرژی است و مثل کار و الکتریسته و انرژی آبشارها و غیره باید حاصل ضرب یک عامل کیفیتی (مانند اختلاف سطح آب و ارتفاع سقوط آبشار) در یک عامل کمیتی (مانند مقدار آب) باشد، حاصل ضرب دو عامل است. عامل کیفیتی آن درجه حرارت یا اختلاف سطح حرارت است که محسوس و معلوم است ولی عامل دیگر که کمی است، با وسایل فیزیکی قابل اندازه‌گیری نیست و تنها با فرمول ریاضی استنباط می‌شود، همان آنتروپی یا کهولت است.

$$\delta = \int \frac{dQ}{T} \leftarrow dQ = Tds$$

برای استفاده از ماشین‌های بخار و وسایل تولید نیرو که حرارت را تبدیل به کار می‌کنند، به این علم توجه کرد. وی شرایط اساسی تولید کار از حرارت و بازده (راندمان) ماشین حراری ایده‌آل را بیان کرده است. ترمودینامیک دو اصل اساسی دارد:

۱. اصل بقا و ثبات انرژی: انرژی، ثابت و غیرقابل ایجاد و انهدام است، آنچه به دست بشر یا در طبیعت انجام می‌شود تبدیل انرژی‌ها از صورتی به صورت دیگر در ضمن تحويل سیستم‌هاست.

۲. اصل کهولت یا انحطاط انرژی: انرژی ضمن تبدیل‌ها و تحويل‌ها از صورت مؤثر ارزشمند به صورت پست را کد می‌گراید. حرارت پست‌ترین صورت انرژی است و هر قدر درجه نازل‌تر داشته باشد، بی‌خاصیت‌تر است. انرژی به لحاظ کمیت ثابت می‌ماند ولی به لحاظ کیفیت تنزل می‌یابد.

نظر به اینکه تولید و تبدیل انرژی منحصر به ماشین‌های بخار، احتراق و برودقی نیست و در سایر عملیات صنعتی و تحولات طبیعی نیز پای تبدیل انرژی (به ویژه با وساطت حرارت) در بین می‌آید،

عامه مطرح شده است و در الهیات بالمعنى الاخص به آن اشاره‌ای شده و به همان اکتفا شده است.

شیخ در بیان تناهی علل فاعلی، برهانی را در مقاله هشتم الهیات شفا آورده که به برهان وسط و طرف مشهور است و ملاصدرا آن را اسدالبراهین در این باب خوانده است. شیخ در بیان برهان خود چنین می‌گوید:

«اگر معلولی را فرض کنیم و برای آن علتی در نظر گیریم و برای آن علت نیز علتی، پس ممکن نیست که برای هر علتی علتی باشد به نحو تامناهی، زیرا که معلول و علتش و علت علتش چنان‌چه جملگی را نسبت به علت علت در نظر گیریم، آن علت علت، عللت اولی است مطلقاً نسبت به دو امر، و آن دو امر هر دو نسبت به آن معلولند و اگر اختلاف دارند در این است که یکی از آن‌ها معلول مستوسط است و دیگری معلول غیرمستوط. اما نه معلول اخیر و نه معلول مستوط هیچ یک علت مطلق نیست، زیرا علت مستوط که مستقیماً علت مماس به معلول است فقط علت شیء واحد است و معلول نیز علت چیزی نیست و برای هر یک از این سه تا، خاصیتی هست، خاصیت طرف معلول این است که علت چیزی نیست و خاصیت طرف دیگر این

ملاحظه می‌شود که نتایج ترمودینامیک درباره انرژی اشیا طبیعت با نتیجه استدلال‌های حکما شیاهت دارد. اما این بحث حکما مبتنی بر مبنای قوم است و گرنه بر اساس حرکت جوهری، مسأله شکل دیگری پیدا می‌کند؛ یعنی صورت اشیا که مبدأ قوای آن است و دائمآ تجدید پیدا می‌کند و حرکت عالم طبیعت از ماورای طبیعت نشأت می‌گیرد. بنابراین، مزیت این بحث روشن شدن این نکته بود که حرکت عالم طبیعت بی‌مدد قوای ماورای طبیعت، قابل دوام نیست.

### تناهی در بحث از علیت

بحث تناهی علل در فلسفه، هم می‌تواند در امور عامه مورد بحث قرار بگیرد و هم در الهیات بالمعنى الاخص؛ از آن حیث که بحث از علیت از عوارض موجود به اهم موجود است جایگاه آن امور عامه است و لذا بسیاری از حکما آنچه را در باب علل مطرح کرده‌اند در فصل امور عامه ذکر کرده‌اند اما شیخ‌الرئیس این بحث را در مقاله هشتم از کتاب الهیات شفا آورده که موضوع آن الهیات بالمعنى الاخص است. در حالی که در اسفار، بحث تناهی علل در باب علت و معلول امور

حکم باقی است، یعنی مجموع این‌ها وسطند و اقتضای طرف دارند، و همه حکم یک واسطه واحد را دارند و بدون طرف بودن آن‌ها محال است».<sup>(۱۷)</sup>

نکات مندرج در بیان شیخ از برهان وسط و طرف:

۱. معیت علت و معلول: علت با معلول معیت وجودی دارد، یعنی تخلل زمانی بین علت و معلول وجود ندارد.

۲. علت مطلق بودن علت اولی: علت‌العل تنهای علت معلول بی‌واسطه خود نیست بلکه در چنین سلسله‌ای علت آخر علت کل است یعنی در اینجا یک قیاس مساوات جاری است که علتِ علت هم علت است. بنابراین، یک معلول مطلق داریم و یک تعداد واسطه که آن‌ها هم معلولند ولی نسبت به آن معلول مطلق علتند و یک علت اولی داریم که علت همه، یعنی علت مطلق است.

۳. وحدت واسطه‌ها: واسطه‌ها چه یکی باشند و چه بیش از یکی، همگی در حکم واسطه واحدند و لذا معلول، معلول برای جمیع واسطه‌هاست و علت نیز علت جمیع واسطه‌هاست و بنابراین، کل سلسله یک واسطه است و واسطه بدون طرف قابل تصور نیست. وسط چه متناهی باشد چه

است که علت است برای بقیه و خاصیت علت متوسط این است که علت یک طرف و معلول طرف دیگر است.

در این فرض، تفاوتی ندارد که وسط یکی باشد یا متعدد، اگر این متوسط‌ها بیش از یکی باشد، باز تفاوتی ندارد که ترتیب آن‌ها متناهی باشد یا غیرمتناهی، اما اگر این ترتیب متناهی باشد همه متوسطین بین دو طرف در حکم واسطه‌ای واحدند در خاصیت واسطه به قیاس دو طرف و برای هریک از دو طرف نیز خاصیتی هست. و نیز اگر این ترتیب در کثرت نامتناهی باشد و طرفی حاصل نشود، همه طرف غیرمتناهی در خاصیت واسطه بودن مشترکند، زیرا هریک از این مجموع واسطه‌ها همه حکم یک علت را برای معلول دارند و در عین حال همه این‌ها معلول هم هستند زیرا هیچ یک از آن‌ها فقط طرف نیستند و چون همه این‌ها معلولند، اقتضا دارند که معلول برای شیء باشند که آن شیء معلول نباشد، زیرا اگر آن شیء هم معلول باشد جزء همان واسطه می‌شود و باز با آن‌ها حکم یک واسطه پیدا می‌کند. وقتی که هریک از آن‌ها معلول باشند، قطعاً مجموع هم معلول است زیرا وجود مجموع متعلق به آحاد است و متعلق الوجود به معلول خودش معلول است مگر اینکه همان مجموع، علت معلول اخیر است، حالا هرچه عدد جمله را بالا ببریم، باز هم این

همه جانبه واجب به وجوب در فعل او منتهی می‌شود، یعنی واجب‌الوجود در بخشش وجود و ایجاد نیز واجب است و فعل او در هیچ ظرفی از مراتب وجود تعطیل بردار نیست. به علاوه علیت واجب تعالی نسبت به جهان جسمانی تام است، زیرا او در این علیت از غیرخود مددی نمی‌گیرد، پس عالم جسمانی نیز وجوب وجود و در نتیجه دوام در وجود خواهد داشت و ارزی بوده و از نظر زمانی نامتناهی است. عبارات شیخ الرئیس را در این باب از نظر می‌گذرانیم:

«و همانا مبدأ کل همانا ذات واجب‌الوجود است و واجب‌الوجود آن است که هر آنچه از او پدید می‌آید، نیز واجب است و گرنه حالی دارد که قبلًا نبوده است و در این صورت واجب من جمیع الجهات نیست و چنان‌چه این حال در غیر ذات او حادث شود، یعنی بیرون از ذات چنان‌که مثلاً بعضی برآنند که این حال در اراده واقع می‌شود، پس نقل کلام می‌شود به حدوث اراده و تکرار می‌شود که آیا این اراده با اراده حادث شده است یا بر حسب طبع یا با امری دیگر؟ و چنان‌چه چیزی فرض شود که نبود و بود شد، پس یا در ذاتش حادث می‌شود یا در ذاتش حادث نمی‌شود، بلکه در چیزی مباین با ذات یعنی کلام تکرار می‌شود».

«عقل صريح که کدورت نداشته باشد،

غیرمتناهی، مستلزم علیت ماورای خودش است ولی این با غیرمتناهی بودن وسط جور درنمی‌آید. همین قدر که علیت وسط واقع شد ماورا می‌خواهد، یعنی یک علت مطلق می‌خواهد و لذا نمی‌تواند نامتناهی باشد.

### تناهی سایر علل

بحث تناهی نه تنها در علل فاعلی بلکه در سایر علل نیز صدق می‌کند. یعنی علل قابلی و صوری و غایبی نیز متناهی‌اند، یعنی هر مرکبی از ماده و صورت منتهی می‌شود به یک ماده محض و یک صورت آخر و هر مطلوب بالتعیین یا مطلوب بالعرض نیز منتهی می‌شود به یک مطلوب بالذات.

### ازلیت یا نامتناهی زمانی

اگرچه حکما به تناهی مکانی جهان استدلال می‌کنند اما در مورد امتداد زمانی در جهان، رأیی دیگر دارند و جهان را از لحاظ زمانی نامتناهی می‌دانند. حکما در این بحث با متکلیان در تقابل قرار دارند که به حدوث زمانی جهان قایلند. استدلال حکما در نامتناهی بودن جهان به طور اجمال بدین شکل است: واجب‌الوجود بالذات، واجب‌الوجود از همه جهات است و بنابراین حالت نامنتظر در او وجود ندارد. وجوب

پی‌نوشت‌ها:

1. Anaximander

۲. آنаксیمندر، قطعات

3. Anaximenes

4. Xenophones

5. Parmenides

6. Melissus

7. Zeno of Elea

8. Anaxagoras

9. Leucippus

10. Democritus

۱۱. فن سماع طبیعی، فصل هفتم، صفحه ۲۶۵.

۱۲. طبیعت شفا، صفحه ۲۷۳.

13. Calulus Tom M Apostol p 378.

۱۴. جلد سوم اسفار، ص ۲۲۲

۱۵. جلد سوم اسفار، ص ۲۲۳

۱۶. جلد سوم اسفار، صص ۲۲۳، ۲۲۴

۱۷. الهیات شفا، مقاله هشتم، فصل اول، صص

۲۲۷-۲۲۸

۱۸. الهیات شفا، مقاله نهم، فصل اول، ضمیمه

۳۷۶

گواهی می‌دهد که همانا ذات واحد که از همه جهات همان بوده که هست و قبل از چیزی از او پدید نیامده بود والبته اکنون نیز مانند قبل است، اکنون نیز چیزی از او پدید نخواهد آمد. اگر اکنون چیزی از او پدید آمده است، پس باید در ذات او قصدی و اراده‌ای یا طبیعی یا قدرتی و تکنی پدید آمده باشد یا چیزی شبیه به اینکه پیش از این بوده باشد و هرگز که این معنا را انکار کند به زبان اقتضای عقلش را نادیده گرفته است، اگرچه در ضمیرش آن را می‌پذیرد. چیزی که ممکن است به وجود آید یا ناموجود شود، به مرتبه فعل نمی‌رسد و وجود برای آن ترجیح نمی‌باید مگر به واسطه سببی و اگر این ذات برای علیت همان‌طور است که بود و ترجیحی نمی‌دهد و این ترجیح از ناحیه او وجودی ندارد و در ضمن، مصلحت و مانند آن هم ندارد، پس به ناچار باید حادثی که موجب ترجیح شود در خود ذات قابل شود اگر ذات علت فاعلی است، و گرنه نسبت او به آن ممکن، مثل قبل خواهد بود و مطلب مانند قبل است پدید نیامده است و مطلب مانند قبل است و امکان محض باقی خواهد ماند»<sup>(۱۸)</sup>.