

مدل‌سازی محتوای الکترونی کلی بر حسب توابع پایه شعاعی کروی در منطقه ایران

شايان خوشگواری^۱، يزدان عامريان^{۲*} و هاني مجبوسي^۳

۱. دانشجوی کارشناسی ارشد، گروه زئودزی، دانشکده مهندسی نقشه‌برداری، دانشگاه صنعتی خواجه‌نصیرالدین طوسی، تهران، ایران

۲. استادیار، گروه زئودزی، دانشکده مهندسی نقشه‌برداری، دانشگاه صنعتی خواجه‌نصیرالدین طوسی، تهران، ایران

۳. دانشجوی دکتری، گروه زئودزی، دانشکده مهندسی نقشه‌برداری، دانشگاه صنعتی خواجه‌نصیرالدین طوسی، تهران، ایران

(دریافت: ۹۸/۱۱/۱۴؛ پذیرش نهایی: ۹۸/۱۱/۱)

چکیده

مدل‌سازی پارامترهای چگالی الکترونی یونسfer (IED) و محتوای الکترونی کلی (TEC) در تعیین موقعیت ماهواره‌ای با گیرندهای تک فرکانس، مطالعات فیزیک فضاء، عملکرد سیستم‌های راداری و ارتباطات مخابراتی ضروری است. مدل‌های مرجع بین‌المللی یونسfer (IRI) و نقشه‌های جهانی یونسfer (GIMs) منابع اطلاعاتی هستند که TEC را در مقیاس جهانی در اختیار کاربران قرار می‌دهند. این مدل‌ها از منابع داده‌های جهانی بدست آمده‌اند که در منطقه ایران دارای تراکم مناسبی نیستند، بنابراین دقت آنها در این ناحیه کم است. لذا مطالعه و مدل‌سازی محلی TEC در منطقه ایران دارای اهمیت است. در این مطالعه مدل‌سازی TEC بر حسب توابع پایه شعاعی کروی (SRBF) و با استفاده از مشاهدات شبکه دائم GPS ایران انجام شده است. در این مطالعه مدل‌سازی TEC در روز ۱۴۲۴ میلادی در کل ۲۰۱۶ منطقه ایران که داده‌ها دارای تراکم یکنواخت نیستند و همچنین در محدوده شمال غرب ایران که داده‌ها دارای تراکم یکنواخت‌تری هستند، صورت گرفته است. نتایج مدل‌سازی نشان می‌دهند که مدل ارائه شده از GIMs دقیق‌تر است و همچنین دقت مدل‌سازی در منطقه شمال غرب ایران که توزیع مشاهدات یکنواخت‌تر است، بیشتر می‌باشد. در کل منطقه ایران دقت مدل‌سازی VTEC با روش مقاله برای بازه زمانی ۰ تا ۱۰ و ۱۰ تا ۱۱ ساعت جهانی بهمیزان ۱/۰۴ و ۰/۶۷ در مقیاس TECU نسبت به GIMs بهبود می‌یابد. همچنین محدود کردن ناجیه مدل‌سازی به شمال غرب ایران و افزایش تراکم توزیع داده‌ها، موجب بهبود دقت بهمیزان ۱/۵۴ و ۰/۸۶ TECU نسبت به GIMs می‌شود.

واژه‌های کلیدی: مدل‌سازی منطقه‌ای یونسfer، مجموع محتوای الکترونی، نقشه‌های جهانی یونسfer، توابع پایه شعاعی کروی، پایدارسازی تیخونوف.

۱. مقدمه

در تعیین زمانی-مکانی محتوای الکترونی کلی (TEC, Total Electron Content) و چگالی الکترونی (IED, Ionospheric Electron Density) یونسfer (GPS) در راستای مسیر کرده است (اشتاینبرگر و همکاران، ۲۰۰۶؛ جین و همکاران، ۲۰۰۷؛ سزن و همکاران، ۲۰۱۳). با توجه به این که TEC حاصل از مشاهدات GPS در سیگنال به دست می‌آید، جهت تعیین مقدار TEC در تمامی نقاط لازم است که از یک روش مدل‌سازی فیزیکی یا ریاضی استفاده شود.

نقشه‌های جهانی یونسfer (GIMs, Global Ionospheric Maps) در حال حاضر با استفاده از مشاهدات ایستگاه‌های دائمی GPS که دارای پوشش جهانی هستند، مقدار محتوای الکترونی کلی را در راستای

انتشار امواج الکترومغناطیس در لایه یونسfer تحت تأثیر الکترون‌های آزاد موجود در این محیط می‌باشد. با توجه به تأثیری که محتوای الکترونی این لایه بر بسیاری از فعالیت‌ها نظیر تعیین موقعیت با استفاده از مشاهدات ژئودزی ماهواره‌ای، سیستم‌های مخابراتی و مطالعات فضایی دارد، مدل‌سازی یونسfer و تعیین چگالی الکترونی موجود در این لایه از حدود سال ۱۹۷۰ به بعد به یک موضوع مهم در مطالعات اتمسفر و فضا تبدیل شده است (کالایس و مینستر، ۱۹۹۸؛ اریکان و همکاران، ۲۰۱۲، عامريان، ۲۰۱۳). تأثیر محتوای الکترونی لایه یونسfer بر سیگنال‌های سیستم تعیین موقعیت جهانی (GPS, Global Positioning System) از مشاهدات این سامانه را به روی مؤثر و کارآمد

(اشمیدت و همکاران، ۲۰۰۸). در تحقیقی دیگر، VTEC به صورت تابعی از زمان با استفاده از توابع بی‌اسپلاین مربوطی سه‌بعدی مدل‌سازی شده است (نوهوتوکو و IRI، ۲۰۱۰). در ادامه بهبود VTEC مستخرج از IRI در منطقه ایران با استفاده از توابع مقیاس بی‌اسپلاین چند جمله‌ای و مثلثاتی صورت پذیرفته است (عامریان و همکاران، ۲۰۱۳b). سپس از توابع پایه اسلپین کروی برداری جهت مدل‌سازی منطقه‌ای VTEC استفاده شد (شیریفی و فرزانه، ۲۰۱۷؛ ۲۰۱۶؛ ۲۰۱۴). همچنین از نظریه اسلپین برای بهبود دقت GIMs در نواحی قطبی و مدل‌سازی تغییرات یونوسفر استفاده شده است (اعتمادفرد و حسینعلی، ۲۰۱۷؛ ۲۰۱۶).

مدل‌سازی چندلایه یونوسفر که از آن به توموگرافی یونوسفر هم یاد می‌شود، به مدل‌سازی IED می‌پردازد که IED به صورت تابعی از مؤلفه‌های مسطحاتی، ارتفاعی و زمانی فرض می‌شود. توموگرافی یونوسفر در ابتدا توسط لیو در سال ۲۰۰۳ معرفی شد که در آن تغییرات مسطحاتی چگالی الکترونی بر حسب توابع پایه هارمونیک کروی بسط داده شده است (لیو، ۲۰۰۴). از توابع پایه بی‌اسپلاین، هارمونیک‌های کلاه کروی، اسلپین برای مدل‌سازی IED در مقیاس محلی استفاده شده است. (زیلهوفر، ۲۰۰۸؛ اشمیدت و همکاران، ۲۰۱۱؛ عامریان و همکاران، ۲۰۱۳a؛ ال فانک، ۲۰۱۳؛ فرزانه و فروتن، ۲۰۱۸).

توابع پایه شعاعی کروی (SRBF، Spherical Radial Basis Functions)، توابع پایه‌ای با محمل محلی هستند که در مقایسه با توابع ریاضی دارای محمل جهانی نظیر توابع هارمونیک کروی، قادر هستند تا تغییرات محلی یک پدیده را بهتر بازتاب دهند. مدل‌سازی میدان جاذبه با استفاده از این توابع پایه در بسیاری از مطالعات صورت گرفته و نتایج موفقیت‌آمیزی را به دنبال داشته است (تترر و کلیز، ۲۰۰۸؛ ویتور، ۲۰۰۹؛ تترر و همکاران، ۲۰۱۲؛ صفری و همکاران، ۲۰۱۳؛ بوکا و همکاران، ۲۰۱۵؛ ۲۰۱۶؛ کلیز و همکاران، ۲۰۱۸). از این رو در این تحقیق برای اولین بار ایده استفاده از SRBF برای مدل‌سازی

زنیتی یا قائم (VTEC، Vertical Total Electron Content) و در ارتفاع ۴۵۰ کیلومتری از سطح زمین ارائه می‌دهد و مدل مرجع بین‌المللی یونوسفر (IRI، International Reference Ionosphere) با به کارگیری شبکه‌ای جهانی از ایستگاه‌های یونوسوند، بستری را برای تعیین پارامترهای یونوسفری از جمله چگالی الکترونی ایجاد کرده است (بیلیتا و راینسک، ۲۰۰۸؛ کمجاتی، ۱۹۹۷؛ شائر، ۱۹۹۹). تاکنون از این مدل‌ها به‌منظور اعمال تصحیحات در مشاهدات GPS، مشاهدات تداخل‌سنجدی طول‌باز بسیار بلند (VLBI، Very Long Baseline Interferometry) مشاهدات ارتفاع سنجدی ماهواره‌ای استفاده شده‌اند (لی و همکاران، ۱۹۸۸؛ اشرینر و همکاران، ۱۹۹۸؛ لیو و همکاران، ۲۰۰۹). با این حال، وجود تغییرات با فرکانس مکانی بالا در محتوای الکترونی لایه یونوسفر، ارائه یک مدل مرجع جهانی با دقت مناسب در تمامی نقاط زمین را با چالش رو برو کرده است. استفاده از مشاهدات با توزیع جهانی در این مدل‌ها از یک سو و از سوی دیگر مدل‌سازی به کمک توابع هارمونیک کروی که دارای محمل جهانی هستند، باعث شده است تا دقت محتوای الکترونی ارائه شده توسط این مدل‌ها در مقیاس منطقه‌ای مانند محدوده کشور ایران، کافی نباشد. از این رو انتظار می‌رود با به کارگیری مشاهدات ایستگاه‌های GPS با پوشش منطقه‌ای و همچنین استفاده از توابع ریاضی با محمل محلی، تغییرات با فرکانس مکانی بالاتر محتوای الکترونی یونوسفر بهتر پوشش داده شده و مدلی محلی با دقیقی بالاتر از مدل‌های جهانی به دست آید.

تاکنون مدل‌سازی محلی یونوسفر با استفاده از توابع پایه ریاضی و مشاهدات GPS توسط بسیاری از محققان صورت گرفته است. در برخی از این تحقیقات VTEC در ارتفاع دارای حداقل چگالی از سطح زمین (حدود ۴۵۰ کیلومتر) مدل‌سازی شده است که می‌توان به استفاده از توابع بی‌اسپلاین (B-spline) مربعی دو بعدی در مدل‌سازی محلی VTEC در یک زمان ثابت اشاره کرد

مستقل از هندسه کد ($P_{4,i}^j$) و ترکیب خطی مستقل از هندسه فاز ($L_{4,i}^j$) برای مشاهده کد و فاز میان گیرنده i و ماهواره j به ترتیب به صورت روابط (۱) و (۲) تشکیل می‌شود (لیک و همکاران، ۲۰۱۵):

$$P_{4,i}^j = A \left(\frac{f_1^2 - f_2^2}{f_1^2 f_2^2} \right) STEC_i^j - c(DCB^j + DCB_i) \quad (1)$$

$$L_{4,i}^j = A \left(\frac{f_1^2 - f_2^2}{f_1^2 f_2^2} \right) STEC_i^j - c(DCB^j + DCB_i) + \Delta N^j \quad (2)$$

در این روابط، $A = 40/3 \text{ m}^3/\text{s}^2$ و f_1 و f_2 به ترتیب فرکانس موج حامل L1 و L2 سیستم تعیین موقعیت جهانی و $STEC_i^j$ مقدار محتوای کلی الکترونی مایل میان گیرنده i و ماهواره j می‌باشد. DCB^j و DCB_i نیز به ترتیب اریب تفاضلی کد ماهواره j و گیرنده زمینی i می‌باشند. ΔN^j اختلاف ابهام فاز موج حامل L1 و L2 است.

محاسبه STEC مستلزم معلوم بودن مقادیر DCB برای تمامی ماهواره‌ها و گیرندهای GPS می‌باشد. مقادیر DCB ماهواره‌ها از طریق سرویس بین‌المللی IGS در اختیار هستند. اما جهت برآورد DCB گیرندها، می‌توان در فرآیند مدل‌سازی این مقادیر را به عنوان مجھول در نظر گرفته و همزمان با سایر مجھولات برآورد کرد. روش دیگر که در این تحقیق به کار گرفته شده محاسبه DCB برای گیرنده از طریق الگوریتم ارائه شده توسط اریکان و همکاران می‌باشد. در این روش بر اساس رابطه (۳)، DCB برآورد می‌شود (اریکان و همکاران، ۲۰۰۸):

$$DCB_i = A \left(\frac{f_1^2 - f_2^2}{cf_1^2 f_2^2} \right) VTEC_i M(\varepsilon_j) - \frac{1}{c} (P_{4,i}^j + DCB^j) \quad (3)$$

که در آن $VTEC_i$ مقدار محتوای الکترونی کلی قائم محاسبه شده از درون یابی مکانی و زمانی GIMs در موقعیت ایستگاه i بوده و $M(\varepsilon_j)$ تابع تصویر به فرم رابطه (۴) بر حسب زاویه زیستی ماهواره در ایستگاه (ε_j) است که به منظور تبدیل STEC به VTEC استفاده می‌شود. R شعاع کره زمین به اندازه ۶۳۷۱ کیلومتر بوده و h ارتفاع تک لایه و برابر ۴۵۰ کیلومتر می‌باشد. علت انتخاب

محلی VTEC پیاده‌سازی شده و نتایج اولیه آن ارائه می‌شود. توانایی بالا در مدل‌سازی ریاضی کمیت‌های فیزیکی، داشتن محمل فشرده، سادگی ساختار ریاضی و وجود انواع متعدد از SRBF عاملی جهت انتخاب این توابع برای مدل‌سازی محلی VTEC شد. علاوه بر این امکان تغییر پارامترهای عمق و موقعیت این توابع پایه برای کنترل و بهبود دقت مدل‌سازی، از جمله ویژگی‌های این روش نسبت به مطالعات پیشین می‌باشد. ضرایب مدل VTEC طی فرآیند کمترین مربعات تخمین زده می‌شوند. با توجه به ناپایداری دستگاه معادلات حاصل، از روش پایدارسازی تیخونوف در برآورد کمترین مربعات ضرایب مدل استفاده شده و تعیین پارامتر پایدارسازی با منحنی ال (L-curve) انجام شده است.

۲. مدل‌سازی محتوای الکترونی کلی قائم یونسفر

بر حسب توابع پایه شعاعی کروی در مدل‌سازی تک لایه یونسفر که همان مدل‌سازی VTEC می‌باشد، مقدار کل الکترون لایه یونسفر در یک لایه با ضخامت صفر و به ارتفاع ماکریم چگالی الکترونی که معمولاً برابر ۴۵۰ کیلومتر از سطح زمین است، در نظر گرفته می‌شود. مقدار محتوای الکترونی کلی مایل در راستای خط دید گیرنده به ماهواره (STEC, Slant Total Electron Content) در هر اپک زمانی از مشاهدات کد و فاز GPS به دست می‌آید. محاسبه STEC علاوه بر داشتن مشاهدات کد و فاز GPS، نیازمند معلوم بودن یا برآورد اریب تفاضلی کد (DCB, Differential Code Biase) گیرندها و ماهواره‌های GPS می‌باشد. سپس از تابع تصویر جهت تبدیل STEC به VTEC استفاده شده و نهایتاً مشاهدات VTEC بر حسب توابع پایه شعاعی کروی بسط داده شده و ضرایب مدل برآورد می‌شود. در ادامه این بخش به توضیح فرآیند فوق پرداخته می‌شود.

۲-۱. محاسبه VTEC

با استفاده از مشاهدات کد و فاز GPS، ترکیب خطی

بالاتر (۱) در صد طول موج)، بهجهت بهدست آوردن STEC مناسب می‌باشد. از آنجایی که برای بهدست آوردن STEC از مشاهدات فاز، نیاز به تخمین پارامتر آبهام فاز موجود در رابطه (۲) وجود دارد، روش نرم کردن مشاهدات کد با استفاده از مشاهدات فاز، راه حل بهینه‌ای بهمنظور بهره از دقت مشاهدات فاز در برآورد STEC است. مشاهده کد نرم شده با فاز مطابق با رابطه (۶) تشکیل می‌شود که پارامتر B آن از رابطه (۷) محاسبه می‌شود (اریکان و همکاران، ۲۰۰۸):

$$STEC_i^j = \frac{1}{A} \left(\frac{f_1^2 f_2^2}{f_1^2 - f_2^2} \right) \left(B + L_{4,i}^j + c(DCB^j + DCB_i) \right) \quad (6)$$

$$B = \frac{1}{N_{me}} \sum_{n_{me}=1}^{N_{me}} \left(P_{4,i}^j(n_{me}) - L_{4,i}^j(n_{me}) \right) \quad (7)$$

تعداد مشاهدات موجود در یک کمان بدون جهش N_{me} فاز می‌باشد. جهش فاز از روی اختلاف مشاهدات کد و فاز در دو اپک متواالی قابل تشخیص است. حال به کمک تابع نگاشت معروفی شده در رابطه (۵)، STEC محاسبه شده در قسمت قبل، به VTEC تبدیل می‌شود. واحد مقادیر VTEC برآورده شده بر حسب TECU می‌باشد که معادل 10^{16} الکترون بر متر مربع است.

۲-۲. توابع پایه شعاعی کروی

توابع پایه شعاعی کروی، توابعی متقاضن بوده و دارای محمول فشرده یا محلی در فضا هستند. این بدین معنی است که بیشتر تأثیر آنها محدود به یک ناحیه کوچک در همسایگی آنها می‌شود (ویتور، ۲۰۰۹). این خاصیت توابع پایه شعاعی کروی، موجب استفاده از این توابع برای مدل‌سازی پدیده‌ها در مقیاس محلی می‌شود. یکی از انواع توابع پایه شعاعی کروی که در مطالعات مدل‌سازی محلی میدان ثقل نیز به‌طور گستره‌ای مورد استفاده قرار گرفته است، کرنل جرم نقطه‌ای به‌فرم رابطه (۸) می‌باشد (هایکن، ۱۹۸۱).

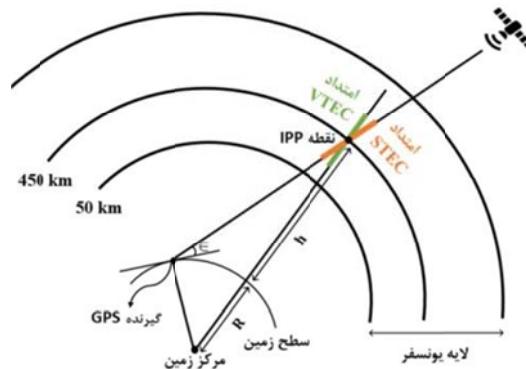
$$\psi(\mathbf{X}, \mathbf{Y}) = \frac{1}{\|\mathbf{X} - \mathbf{Y}\|} \quad , \quad \mathbf{X}, \mathbf{Y} \in \mathbb{R}^3 \quad (8)$$

ارتفاع ۴۵۰ کیلومتری این است که برای برآورد DCB گیرنده‌ها از مقادیر VTEC مربوط به GIMs استفاده می‌شود که این مقادیر در لایه به ارتفاع ۴۵۰ کیلومتر منتشر می‌شوند و دیگر این که امکان مقایسه مقادیر VTEC مدل‌سازی شده با مقادیر GIMs فراهم شود.

$$M(\varepsilon_j) = \left[1 - \left(\frac{R \cos \varepsilon_j}{R + h} \right)^2 \right]^{-1/2} \quad (4)$$

$$VTEC_i^j = STEC_i^j / M(\varepsilon_j) \quad (5)$$

در شکل ۱ پارامتر ε_j ، امتداد VTEC و STEC و همچنین نقطه نفوذ یونوسفری (Ionospheric Pierce Point: IPP) که نقطه تقاطع تکلایه و خط دید ماهواره و گیرنده می‌باشد، نمایش داده شده است.



شکل ۱. نقطه تقاطع یونوسفری و مفهوم مدل تکلایه (قایی‌بور، ۱۳۹۸).

مقدار اریب تفاضلی گیرنده برای هر بازه زمانی از مشاهدات ترکیب عاری از هندسه کد ($P_{4,i}^j$) قابل محاسبه است. با توجه به نویز موجود در مشاهدات کد، تنها از مشاهدات دارای زاویه ارتفاعی بزرگ‌تر از 60° درجه برای بهدست آوردن اریب تفاضلی گیرنده استفاده می‌شود. علاوه بر این یک فیلتر میانگین متحرک برای رفع نویز به مشاهدات کد اعمال می‌شود.

با داشتن مقدار اریب تفاضلی کد ماهواره و گیرنده، امکان محاسبه STEC از رابطه (۱) در هر اپک زمانی فراهم می‌شود. دقت مشاهدات کد برای بهدست آوردن STEC کافی نیست و استفاده از مشاهدات فاز با دقت بهمراه

که در آن مرکز هر کرنل با مختصات کارتزین $\mathbf{Y}_k = (x_k, y_k, z_k)^T$ بیان شده است. موقعیت مراکز تابع پایه می‌بایستی تمامی منطقه مورد مطالعه را پوشش داده و دارای توزیع مناسبی باشد. انتخاب این نقاط بر روی یک شبکه منظم و با شاعر ثابت $r_k = \sqrt{x_k^2 + y_k^2 + z_k^2}$ یک راهکار پیشنهادی برای استقرار این توابع است. در این راستا موقعیت مراکز توابع پایه می‌توانند در یک شبکه منظم در محدوده منطقه مورد مطالعه تعیین شود. تعداد تقسیمات این شبکه در راستای طول و عرض جغرافیایی شبکه، پارامتری است که می‌تواند برای رسیدن به بهترین دقت مدل‌سازی بهینه نیز شود.

با توجه به این که مشاهدات VTEC در نقطه IPP و در ارتفاع ثابت ۴۵۰ کیلومتری از سطح زمین قرار دارند، شاعر (r_k) برای مرکز توابع پایه نیز می‌بایست مقداری نزدیک به شاعر تک لایه را داشته باشد. بدین ترتیب، فاصله شعاعی توابع پایه با پارامتر عمق به صورت رابطه (۱۲) از ارتفاع ثابت ۴۵۰ کیلومتری فاصله گرفته و مقدار آن می‌تواند به طور تجربی برای رسیدن به بهترین دقت بهینه می‌شود.

$$\begin{aligned} R' &= R + 450 \\ r_k &= R' - d \end{aligned} \quad (12)$$

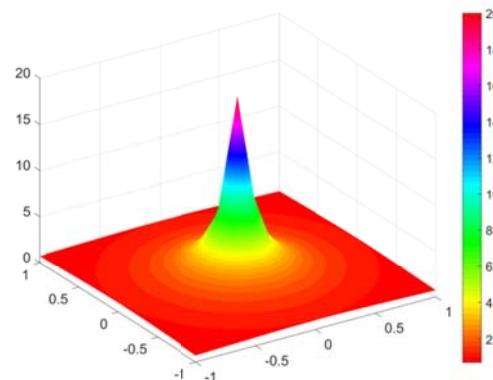
که در آن R' حاصل جمع شاعر کره زمین و ارتفاع مدل تک لایه و برابر ۶۸۲۱ کیلومتر می‌باشد و d پارامتر متغیر عمق توابع پایه است.

۴-۲. برآورد کمترین مربعات ضرایب توابع پایه
پس از بسط VTEC به شکل رابطه (۹)، ضرایب مجهول c_k برای هر تابع پایه می‌بایست از روش کمترین مربعات برآورد شوند. دستگاه معادلات مشاهدات به فرم خطی رابطه (۱۳) تشکیل می‌شود:

$$\mathbf{Ac} = \mathbf{b} \quad (13)$$

که در آن \mathbf{c} متشکل از ضرایب مجهول توابع پایه و \mathbf{A} ماتریس طرح متشکل از توابع پایه $(\mathbf{X}, \mathbf{Y}_k)$ می‌باشد

در رابطه فوق \mathbf{X} معرف مختصات نقطه مشاهداتی و \mathbf{Y} معرف مختصات مرکز کرنل می‌باشد. نمودار این تابع دو متغیره در شکل ۲ نشان داده شده است. همان‌طور که دیده می‌شود بیشترین مقادیر این تابع در حول مرکز آن (نقطه $\mathbf{Y} = (x, y, z)^T$) متمرکز شده و نشان می‌دهد که تأثیر توابع پایه شعاعی کروی با این کرنل در مدل‌سازی یک ناحیه در نزدیکی مرکز کرنل بیشتر است.



شکل ۲. نمودار کرنل جرم نقطه‌ای به مرکز $(0, 0, 0)$ به ازای مشاهدات منظم روی کره واحد.

۳-۳. مدل‌سازی VTEC بر حسب SRBF

در مدل‌سازی تک لایه یونوسفر بر حسب SRBF، هر مشاهده VTEC در نقطه IPP به مختصات کارتزین $\mathbf{X} = (x, y, z)^T$ در زمان t به صورت ترکیب خطی از N تابع پایه ψ_k به صورت رابطه (۹) نوشته می‌شود:

$$VTEC(\mathbf{X}, t) = \sum_{k=1}^N c_k \psi_k(\mathbf{X}, \mathbf{Y}_k) \quad (9)$$

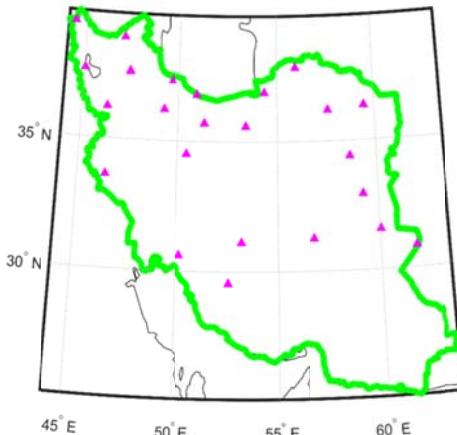
که c_k طبق رابطه (۱۰) یک چندجمله‌ای درجه ۱ بر حسب زمان می‌باشد و وابستگی مدل‌سازی VTEC به زمان را برقرار می‌کند.

$$c_k = a_{0k} + a_{1k}t \quad (10)$$

با انتخاب کرنل جرم نقطه‌ای به فرم رابطه (۸) و قراردادن آن به عنوان تابع پایه در رابطه (۹)، به رابطه (۱۱) به صورت زیر می‌رسیم:

$$VTEC(\mathbf{X}, t) = \sum_{k=1}^N c_k \frac{1}{\|\mathbf{X} - \mathbf{Y}_k\|} \quad (11)$$

کد و فاز در دو بازه زمانی از ۰ تا ۱ و از ۱۰ تا ۱۱ ساعت جهانی انتخاب می‌شوند. انتخاب این بازه‌های زمانی به دو دلیل انجام می‌شود: اولاً انجام مدل‌سازی در شرایط حداقل و حداکثر چگالی الکترونی در طول روز و ثانیاً مدل‌سازی در شرایط فعل و آرام ضریب ژئومغناطیسی Kp که در بازه زمانی ۰ تا ۱ ساعت جهانی برابر $3/3$ (حالت فعل) و در بازه زمانی ۱۰ تا ۱۱ ساعت جهانی برابر $1/7$ (حالت آرام) می‌باشد. مقدار VTEC طبق روش ارائه شده در ۱-۲ برای کلیه مشاهدات IPP در این دو بازه زمانی محاسبه می‌شود. مختصات نقاط با استفاده از مختصات ایستگاه‌ها و همچنین مختصات ماهواره‌ها که از اطلاعات مداری دقیق به فرمت SP3 موجود در سرویس IGS به دست آمده‌اند، محاسبه شده‌اند.



شکل ۳. موقعیت ۲۴ ایستگاه شبکه دائم GPS ایران.

جانمایی موقعیت نقاط مشاهداتی به همراه موقعیت مراکز کرنل‌ها برای هر دو بازه مطالعاتی به ترتیب در شکل‌های ۴ و ۵ نشان داده شده است. همان‌طور که ملاحظه می‌شود در بازه زمانی ۰ تا ۱ تعداد مشاهدات VTEC بیشتر از بازه زمانی ۱۰ تا ۱۱ می‌باشد. به منظور ارزیابی نتایج، از هر دسته مشاهدات در ساعت ۰ تا ۱ و ۱۰ تا ۱۱ به ساعت جهانی، ۲۰۰۰ نقطه مشاهداتی به عنوان نقاط کنترل از فرآیند مدل‌سازی کنار گذاشته می‌شود. فرآیند مدل‌سازی در منطقه ایران با استفاده از ۱۷۲۵۶ مشاهده مربوط به

که تعداد سطرهای آن برابر تعداد مشاهدات و تعداد ستون‌های آن دو برابر تعداد توابع پایه به کار رفته در مدل‌سازی است. همچنین \mathbf{b} مقادیر VTEC می‌باشند. نکته قابل توجه در دستگاه معادلات تشکیل شده، وزن مربوط به مشاهدات است که برآورد کمترین مریعات را تحت تأثیر قرار می‌دهد. با توجه به این که مقادیر VTEC در زوایای ارتفاعی پایین از دقت کمتری برخوردارند، وزن هر مشاهده برابر $(\sin^2 \varepsilon_j)$ قرار داده می‌شود (اریکان و همکاران، ۲۰۰۳) که ε_j زاویه ارتفاعی ماهواره در نقطه IPP است و به صورت رابطه (۱۴) بر حسب زاویه ارتفاعی ماهواره در ایستگاه محاسبه می‌شود:

$$\varepsilon_j' = \arccos \left\{ \frac{R \cos \varepsilon_j}{R + h} \right\} \quad (14)$$

مقادیر وزن محاسبه شده برای هر مشاهده یک ماتریس قطری وزن (\mathbf{W}) را در سرشکنی تشکیل می‌دهند. با ضرب ترم $\mathbf{A}^T \mathbf{W}$ در دو طرف رابطه (۱۴) خواهیم داشت:

$$\begin{aligned} \mathbf{A}^T \mathbf{W} \mathbf{A} &= \mathbf{A}^T \mathbf{W} \mathbf{b} \\ \mathbf{N} &= \mathbf{A}^T \mathbf{W} \mathbf{A}, \quad \mathbf{I} = \mathbf{A}^T \mathbf{W} \mathbf{b} \\ \mathbf{N} \mathbf{c} &= \mathbf{I} \end{aligned} \quad (15)$$

حل دستگاه معادلات $\mathbf{N} \mathbf{c} = \mathbf{I}$ از روش کمترین مریعات، ضرایب مجھول را به ازای هر تابع پایه به دست می‌دهد. حل دستگاه معادلات مشاهدات در مدل‌سازی به روش توابع پایه شعاعی کروی، مسئله‌ای بدوضع است که در آن ماتریس طراحی دارای عدد شرط بالایی می‌باشد. لذا، روش پایدارسازی تیخونوف با تعیین پارامتر پایدارسازی از روش L-curve برای حل دستگاه معادلات خطی پیشنهاد می‌شود (هنسن، ۱۹۹۴).

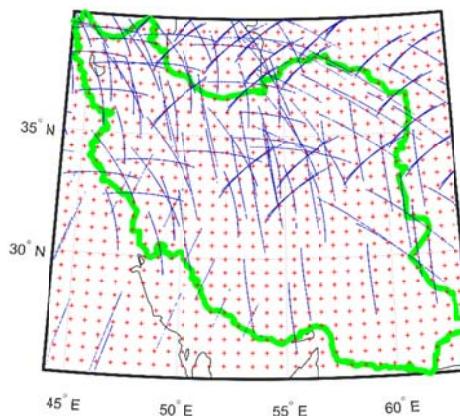
۳. پیاده‌سازی و ارزیابی نتایج

از مشاهدات ایستگاه‌های شبکه دائم GPS ایران (IPGN) در روز ۳ مه ۲۰۱۶ به منظور مدل‌سازی منطقه‌ای یونوسفر در محدوده کشور ایران استفاده شد. موقعیت ایستگاه‌های مورد استفاده در شکل ۳ نشان داده شده است. مشاهدات

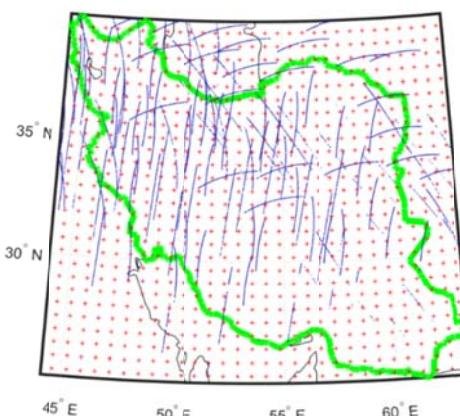
مشاهدات در بازه‌های زمانی فوق در جدول ۱ آورده شده است: ساعت ۰ تا ۱۱ جهانی و ۱۲۵۸۱ مشاهده برای ساعت ۱۰ تا ۱۱ جهانی صورت پذیرفته است. مشخصات آماری

جدول ۱. مشخصات آماری مشاهدات VTEC.

بازه زمانی	حداقل	میانگین	حداکثر	انحراف معیار
۰ تا ۱۱	۶/۵۵	۹/۴۵	۱۲/۸۵	۱/۲۹
۱۰ تا ۱۱	۱۹/۱۳	۲۶/۰۸	۳۳	۲/۸۴



شکل ۴. موقعیت نقاط IPP (آبی رنگ) به همراه موقعیت مرکز کرnelها (قرمز رنگ) در ۰ تا ۱ ساعت جهانی.



شکل ۵. موقعیت نقاط IPP (آبی رنگ) به همراه موقعیت مرکز کرnelها (قرمز رنگ) در ۱۰ تا ۱۱ ساعت جهانی.

جدول ۲. مقادیر خطای RMSE و misfit به ازای عمق‌های مختلف کرnelها در ساعت ۰ تا ۱ جهانی.

عمق (km)	misfit (TECU)	RMS (TECU)
۰	۰/۸۷	۰/۸۷
۵	۰/۸۸	۰/۸۸
۱۰	۰/۸۹	۰/۸۹
۱۵	۰/۹۲	۰/۹۲
۲۰	۰/۹۳	۰/۹۳
۲۵	۰/۹۵	۰/۹۴

جدول ۳. مقادیر خطای RMSE و misfit به ازای عمق‌های مختلف کرnelها در ساعت ۱۰ تا ۱۱ جهانی.

عمق (km)	misfit (TECU)	RMS (TECU)
۰	۱/۳۰	۱/۳۸
۵	۱/۲۶	۱/۳۰
۱۰	۱/۲۸	۱/۳۲
۱۵	۱/۳۴	۱/۳۹
۲۰	۱/۳۹	۱/۴۴
۲۵	۱/۴۲	۱/۴۷

عمق مختلف، ملاحظه می‌شود که RMSE مدل در نقاط کنترل نیز کاهش می‌یابد.

دقت‌های بدست آمده برای مدل‌سازی محتوای الکترونی کلی قائم به روش توابع پایه شعاعی کروی در هر دو بازه زمانی ۰ تا ۱ و ۱۰ تا ۱۱ ساعت جهانی به مرتب بهتر از دقق نقشه‌های جهانی GIM در این دو ساعت می‌باشد. مقدار RMSE محاسبه شده برای مقادیر VTEC نقشه‌های TECU در نقاط کنترل برای ساعت ۰ تا ۱ برابر با ۱/۹۷ TECU و برای ساعت ۱۰ تا ۱۱ برابر ۱/۹۱ TECU می‌باشد. نقشه‌های VTEC مدل‌سازی شده در شکل‌های ۸ و ۹ برای ساعت ۰/۵ و ۱۰/۵ جهانی، در کنار نقشه‌های VTEC نقشه‌های جهانی در همان ساعت‌ها آورده شده‌اند.

تغییر در ابعاد شبکه ایجاد شده برای قرارگیری کرنل‌ها اثر کمی در دقق مدل‌سازی دارد. افزایش ابعاد شبکه کرنل‌ها از طرفی منجر به افزایش مدت زمان محاسبات می‌شود. در این تحقیق فرآیند مدل‌سازی با شبکه‌های دارای ابعاد مختلف انجام شده که مناسب ترین انتخاب از نظر دقق و زمان مورد نیاز جهت پردازش‌ها، شبکه به ابعاد ۳۲×۴۰ می‌باشد. بنابراین در مدل‌سازی به روش توابع پایه شعاعی کروی، دقق مدل ساخته شده حساسیت بیشتری به تغییرات عمق نفوذ در مقایسه با تعداد کرنل‌های به کار رفته در مدل‌سازی دارد.

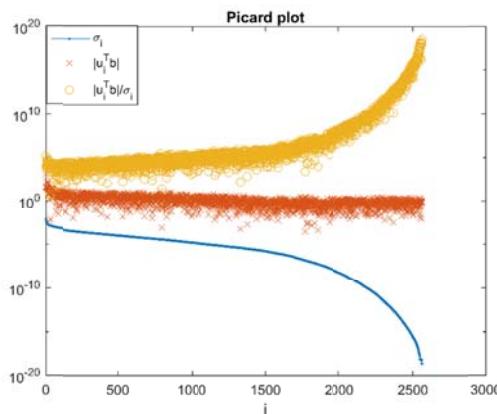
منحنی شرط پیکاره مربوط به بازه زمانی ۰ تا ۱ و ۱۰ تا ۱۱ ساعت جهانی به ترتیب در شکل‌های ۶ و ۷ ترسیم شده است که نشان‌دهنده ناپایداری مسئله می‌باشد. همچنین عدد شرط ماتریس طراحی نیز دارای مقادیر بسیار بزرگ

کرنل‌های در نظر گرفته شده برای مدل‌سازی بر روی یک شبکه منظم به ابعاد ۳۲ نقطه در راستای عرض جغرافیایی و ۴۰ نقطه در راستای طول جغرافیایی در محدوده کشور ایران قرار داده شدند. با توجه به چندجمله‌ای زمان ضرب شده در مدل، دو ضریب بهمازای هر ۱۲۸۰ (۴۰×۳۲) کرنل خواهیم داشت که در این صورت تعداد مجھولات ۲۵۶۰ می‌باشد. با مقایسه مقدار VTEC محاسبه شده توسط مدل و مقدار مشاهداتی آن در نقاط کنترل و فرض این تفاوت به عنوان خطای مدل‌سازی، معیاری از دقق مدل‌سازی را بر اساس ریشه میانگین مربع خطاهای (RMSE) خواهیم داشت. همچنین مقدار RMSE در تمامی نقاط مشاهداتی به کار رفته در مدل‌سازی نیز میزان عدم برازش مدل به مشاهدات (misfit) را مشخص می‌کند. به‌منظور تعیین پارامتر عمق مناسب، فرآیند مدل‌سازی در عمق‌های مختلفی صورت پذیرفته و مقادیر RMSE و misfit بهمازای هر عمق برای ساعت ۰ تا ۱ مطابق با جدول ۲ و برای ساعت ۱۰ تا ۱۱ مطابق با جدول ۳ لیست شده است.

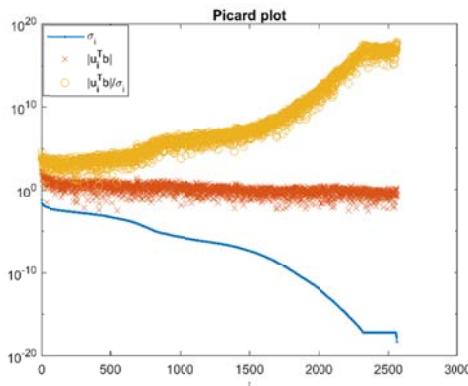
با انتخاب مقادیر مختلف برای عمق توابع پایه شعاعی در دو ساعت مختلف، ملاحظه می‌شود که بهترین دقق بهمازای دو پارامتر عمق متفاوت (۰ کیلومتر و ۵ کیلومتر به ترتیب برای ساعت‌های ۱۰ تا ۱ و ۱۰ تا ۱۱) بدست می‌آید. با توجه به این که رفتار یونوسفر هم از لحاظ مکانی و هم از لحاظ زمانی کاملاً غیریکنواخت و دارای تغییرات است، در هر ساعت می‌باشد یک پارامتر عمق بهینه با توجه به دقق مدل‌سازی انتخاب شود. با کاهش میزان عدم برازش مدل به مشاهدات در اثر انتخاب پارامترهای

به همراه پارامتر پایدارسازی از روش L-curve را نمایان می‌سازد.

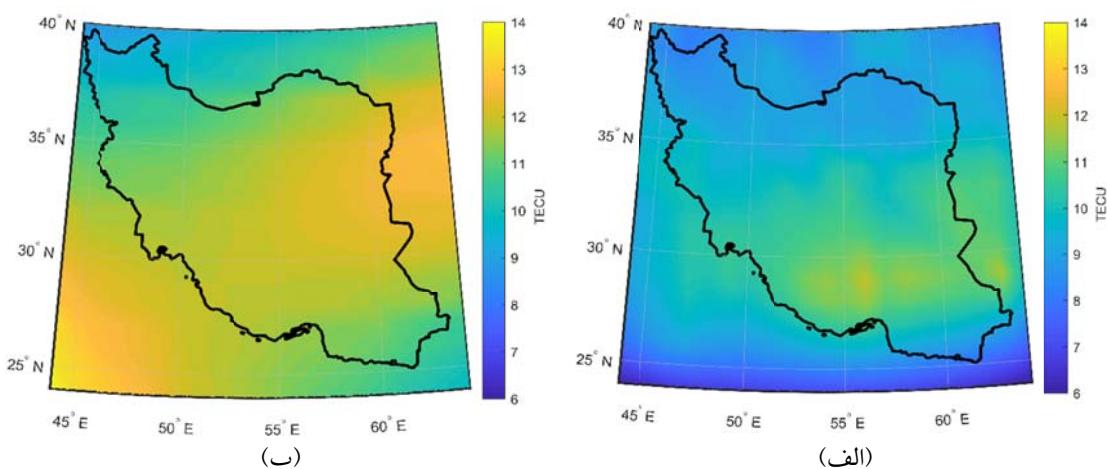
(از مرتبه ۱۰ به توان ۱۹) در مدل‌سازی بود که این امر ضرورت استفاده از روش پایدارسازی تیخونوف



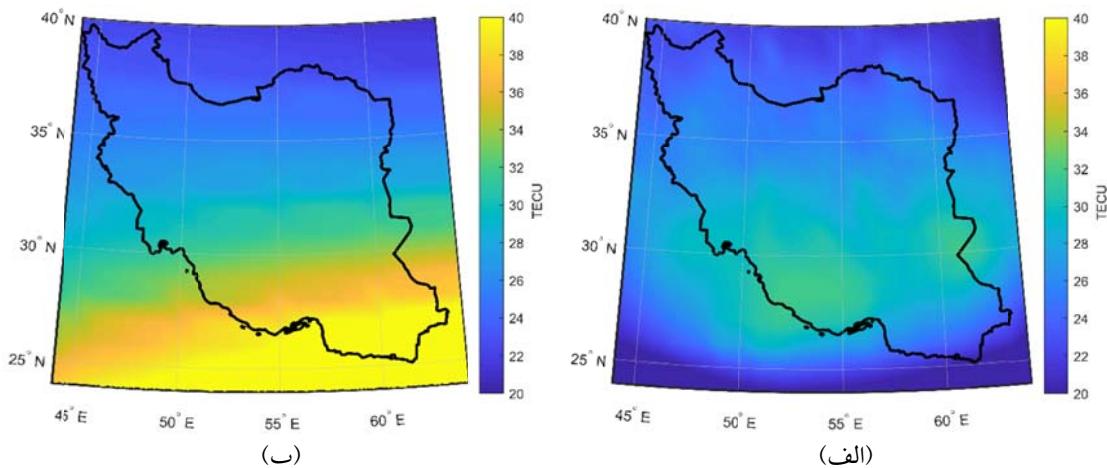
شکل ۶. منحنی شرط پیکارد برای بازه زمانی ۰ تا ۱ ساعت جهانی.



شکل ۷. منحنی شرط پیکارد برای بازه زمانی ۱۰ تا ۱۱ ساعت جهانی.



شکل ۸. نقشه VTEC مدل‌سازی شده از روش توانع پایه شعاعی کروی (الف) و نقشه VTEC ارائه شده از مدل جهانی (ب) در ساعت ۰۵/۰۰ جهانی.



شکل ۹. نقشه VTEC مدل‌سازی شده از روش توابع پایه شعاعی کروی (الف) و نقشه VTEC ارائه شده از مدل جهانی (ب) در ساعت ۱۰/۵ جهانی.

توزیع مناسب مشاهدات در این ناحیه می‌باشد. دقت مدل‌سازی در ساعت جهانی ۰ تا ۱ با انتخاب شبکه به ابعاد ۳۰ در ۳۰ برای مرکز توابع پایه و عمق بهینه برابر ۵ کیلومتر به $10/33$ TECU رسیده است. در ساعت ۱۰ تا ۱۱ جهانی مجددًا به خاطر کمبود نقاط مشاهده در بعضی از قسمت‌های ین محدوده دقت VTEC به دست آمده از مدل برای شبکه توابع پایه به ابعاد ۲۵ در ۲۵ و عمق بهینه ۱۰ کیلومتر در حدود $1/06$ TECU به دست آمده است. اما با این حال دقت VTEC مدل‌سازی شده در این ناحیه به طور کلی بهتر از دقت مدل‌سازی برای کل محدوده کشور ایران می‌باشد.

جدول ۵. مقادیر خطای RMSE و misfit برای مدل‌سازی VTEC در ناحیه شمال غرب ایران از ساعت ۰ تا ۱ جهانی.

عمق (km)	misfit (TECU)	RMS (TECU)
۰	۰/۲۵	۱/۳۲
۵	۰/۲۹	۰/۳۳
۱۰	۰/۵۱	۰/۵۵
۱۵	۰/۵۴	۰/۵۷
۲۰	۰/۵۷	۰/۵۹
۲۵	۰/۶۵	۰/۶۷

مشخصات آماری مشاهدات این ناحیه در بازه زمانی ساعت ۰ تا ۱ جهانی در جدول ۴ آورده شده است:

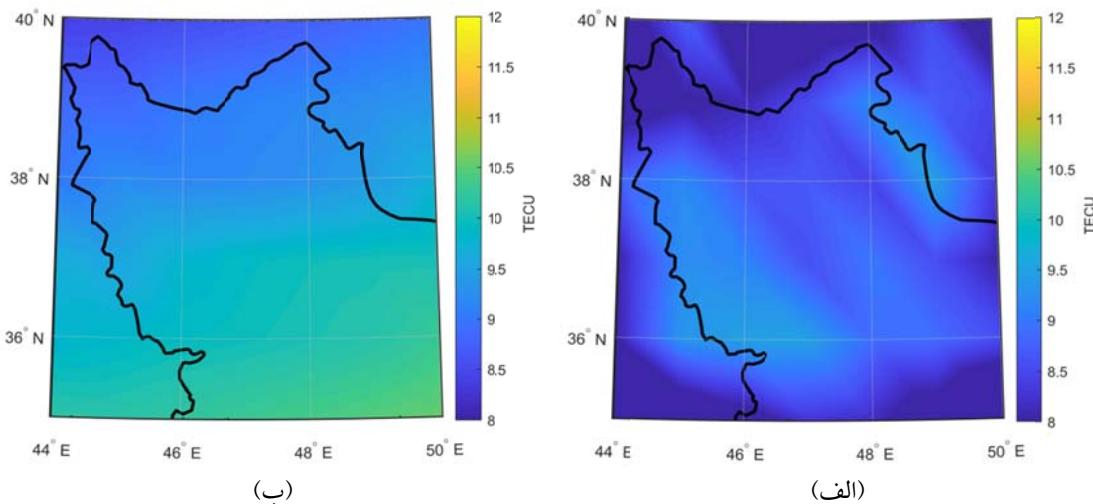
جدول ۴. مشخصات آماری مشاهدات VTEC

انحراف معیار	حداکثر	میانگین	حداقل	بازه زمانی
۰/۸۶	۱۲/۲۸	۸/۷۹	۷/۰۵	۰ تا ۱
۱/۹	۳۱/۰۶	۲۲/۶۰	۲۰/۷۲	۱۰ تا ۱۱

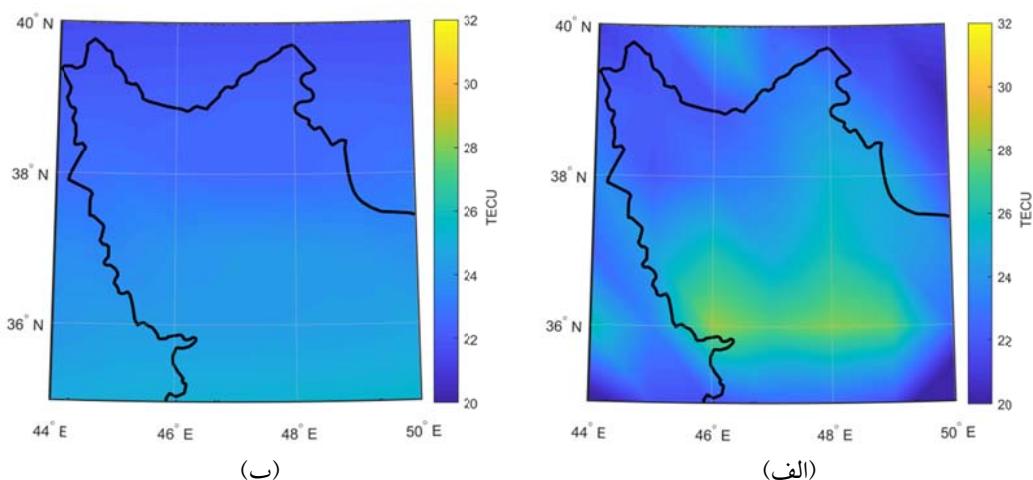
جدول ۵ و ۶ دقت مدل‌سازی در این ناحیه را به ترتیب برای ساعت ۰ تا ۱ و ساعت ۱۰ تا ۱۱ جهانی لیست کرده‌اند. نقشه نمایش داده شده در شکل ۱۰، VTEC به دست آمده برای مدل‌سازی در ناحیه شمال غرب را برای ساعت ۰/۵ جهانی و شکل ۱۱ همین نتایج را برای ساعت ۱۰/۵ جهانی با انتخاب بهترین عمق کرنل در دست یابی به بهترین دقت (طبق جدول‌های ۵ و ۶) نشان می‌دهد. همان‌طور که ملاحظه می‌شود دقت مدل‌سازی VTEC با توابع پایه شعاعی کروی در این ناحیه بهتر از دقت مدل‌سازی این کمیت برای کل محدوده ایران است که این امر از طرفی به دلیل کوچک‌تر شدن منطقه مطالعاتی و تغییرات کمتر VTEC و از طرف دیگر به دلیل

جدول ۶. مقادیر خطای RMSE و misfit برای مدل‌سازی VTEC در ناحیه شمال غرب ایران از ساعت ۱۰ تا ۱۱ جهانی.

عمق (km)	misfit (TECU)	RMS (TECU)
۰	۱/۲۲	۱/۲۵
۵	۱/۰۸	۱/۰۹
۱۰	۱/۰۶	۱/۰۶
۱۵	۱/۲۶	۱/۲۶
۲۰	۱/۴۳	۱/۴۴
۲۵	۱/۰۱	۱/۰۱



شکل ۱۰. نقشه VTEC مدل‌سازی شده از روش توابع پایه شعاعی کروی (الف) و نقشه VTEC حاصل از مدل جهانی (ب) در ساعت ۱۰/۵ جهانی برای ناحیه شمال غرب.



شکل ۱۱. نقشه VTEC مدل‌سازی شده از روش توابع پایه شعاعی کروی (الف) و نقشه VTEC حاصل از مدل جهانی (ب) در ساعت ۱۰/۵ جهانی برای ناحیه شمال غرب.

می‌باشد مشاهدات VTEC دارای تراکم و توزیع مناسب در منطقه مورد مطالعه باشند تا دقت و هموار بودن VTEC مدل‌سازی شده از توابع پایه شعاعی کروی تعیین شود. بهجهت سادگی محاسبات، این روش می‌تواند در آینده بهسهوالت در توموگرافی یونوسفر بهمنظور تعیین IED در زمان‌های مختلف در لایه یونوسفر مورد استفاده قرار گیرد.

پارامتر عمق بهینه در این تحقیق به صورت تجربی و به روش سعی و خطا برای دست‌یابی به بهترین دقت در مدل‌سازی انتخاب شد. این فرآیند تاحدودی می‌تواند پارامتر عمق بهینه را در مدل‌سازی تعیین کند. در آینده می‌توان با استفاده از روش‌های بهینه‌سازی بهترین مقدار عمق را برای مدل‌سازی اتخاذ کرد.

مراجع

قلی‌پور، ن. و عامریان، ی.، ۱۳۹۸، برآورد مقادیر اریب تفاضلی کد گیرنده‌های شبکه دائم GPS ایران با استفاده از نقشه‌های یونوسفری جهانی، نشریه علمی پژوهشی علوم و فنون نقشه‌برداری، ۴(۸)، ۱۷۷-۱۸۶.

Al-Fanek, O.J.S., 2013, Ionospheric imaging for Canadian polar regions, University of Calgary.
Amerian, Y., 2013, Regional modeling of the ionospheric electron density using wavelet analysis and GPS observations. Faculty of Geodesy and Geomatics Engineering, PhD Thesis, KN Toosi University of Technology.

Amerian, Y., Hossainali, M.M. and Voosoghi, B., 2013a, Regional improvement of IRI extracted ionospheric electron density by compactly supported base functions using GPS observations. Journal of Atmospheric and Solar-Terrestrial Physics, 92, pp.23-30.

Amerian, Y., Voosoghi, B. and Hossainali, M.M., 2013b, Regional ionosphere modeling in support of IRI and wavelet using GPS observations. Acta Geophysica, 61(5), 1246-1261.

Arikan, F., Deviren, M., Lenk, O., Sezen, U. and Arikan, O., 2012, Observed ionospheric effects of 23 October 2011 Van, Turkey earthquake. Geomatics, Natural Hazards and Risk, 3(1), 1-8.

Arikan, F., Erol, C. and Arikan, O., 2003, Regularized estimation of vertical total

۴- نتیجه‌گیری و پیشنهادات

در این مقاله مدل‌سازی VTEC به صورت محلی و بر حسب توابع پایه شعاعی کروی و با ضرایب وابسته به GPS زمان انجام شد. مشاهدات ۲۴ ایستگاه شبکه دائمی ایران بدین منظور به کار گرفته شد. با ایجاد شبکه‌ای منظم از کرنل‌های جرم نقطه‌ای در محدوده منطقه مورد مطالعاتی، مدل‌سازی انجام شد و پارامتر عمق بهینه برای دست‌یابی به بهترین دقت مدل‌سازی انتخاب شد. دقت مدل‌سازی در ساعت‌های جهانی ۰ تا ۱ و ۱۰ تا ۱۱ به ترتیب به اندازه ۱۰۴ TECU و ۰/۶۷ TECU می‌باشد که این مسئله بیانگر کارآیی توابع پایه شعاعی کروی در مدل‌سازی محتوای الکترونی لایه یونوسفر می‌باشد. ساختار توابع پایه شعاعی کروی به خصوص کرنل جرم نقطه‌ای ساده بوده و این امر منجر به سادگی بیشتر محاسبات در مدل‌سازی VTEC به این روش نسبت به روش‌های پیشین مدل‌سازی محتوای الکترونی کلی در لایه یونوسفر است. با این حال، دقت مدل‌سازی با استفاده از این توابع بهشت وابسته به تراکم داده‌ها و نحوه توزیع آنها در منطقه مدل‌سازی است و

electron content from Global Positioning System data. Journal of Geophysical Research: Space Physics, 108(A12).

Arikan, F., Nayir, H., Sezen, U. and Arikan, O., 2008, Estimation of single station interfrequency receiver bias using GPS-TEC. Radio Science, 43(4).

Bilitza, D. and Reinisch, B. W., 2008, International reference ionosphere 2007: improvements and new parameters. Advances in space research, 42(4), 599-609.

Bucha, B., Bezděk, A., Sebera, J. and Janák, J., 2015, Global and regional gravity field determination from GOCE kinematic orbit by means of spherical radial basis functions. Surveys in Geophysics, 36(6), 773-801.

Bucha, B., Janák, J., Papčo, J. and Bezděk, A., 2016, High-resolution regional gravity field modelling in a mountainous area from terrestrial gravity data. Geophysical Supplements to the Monthly Notices of the Royal Astronomical Society, 207(2), 949-966.

Calais, E. and Minster, J. B., 1998, GPS, earthquakes, the ionosphere, and the Space Shuttle. Physics of the Earth and Planetary

- Interiors, 105(3-4), 167-181.
- Etemadfarid, H. and Hossainali, M. M., 2016, Application of Slepian theory for improving the accuracy of SH-based global ionosphere models in the Arctic region. *Journal of Geophysical Research: Space Physics*, 121(3), 2583-2594.
- Etemadfarid, H. and Hossainali, M. M., 2017, Vector ionosphere modeling by vector spherical Slepian base functions. *GPS solutions*, 21(2), 675-684.
- Farzaneh, S. and Forootan, E., 2018, Reconstructing regional ionospheric electron density: a combined spherical slepian function and empirical orthogonal function approach. *Surveys in Geophysics*, 39(2), 289-309.
- Hansen, P. C., 1994, Regularization tools: a Matlab package for analysis and solution of discrete ill-posed problems. *Numerical algorithms*, 6(1), 1-35.
- Heikkinen, M., 1981, Solving the shape of the earth by using digital density models. *Rep. Finnish Geod. Inst.*, 81(2), 69-81.
- Jin, S., Cho, J.-H. and Park, J.-U., 2007, Ionospheric slab thickness and its seasonal variations observed by GPS. *Journal of Atmospheric and Solar-Terrestrial Physics*, 69(15), 1864-1870.
- Klees, R., Slobbe, D. and Farahani, H., 2018, A methodology for least-squares local quasi-geoid modelling using a noisy satellite-only gravity field model. *Journal of Geodesy*, 92(4), 431-442.
- Komjathy, A., 1997, Global ionospheric total electron content mapping using the Global Positioning System, University of New Brunswick Fredericton.
- Leick, A., Rapoport, L. and Tatarnikov, D., 2015, GPS satellite surveying. John Wiley & Sons.
- Leigh, R., Robinson, T. and Lester, M., 1988, Ionospheric corrections for radar altimetry, International Geoscience and Remote Sensing Symposium, 'Remote Sensing: Moving Toward the 21st Century'. IEEE, 989-992.
- Liu, Z., 2004, Ionosphere tomographic modeling and applications using Global Positioning System (GPS) measurements. Calgary.
- Liu, Q., Kikuchi, F., Goossens, S., Matsumoto, K., Hanada, H., Ping, J., Shi, X., Tamura, Y., Harada, Y., Asari, K., Tsuruta, S., Ishikawa, T., Kawano, N., Ishihara, Y., Noda, H., Sasaki, Sh., Iwata, T. and Namiki, N., 2009, S-band same-beam VLBI observations in SELENE (Kaguya) and correction of atmospheric and ionospheric delay. *J. Geod. Soc. Japan*, 55, 243-254.
- Nohutcu, M., Karslioglu, M. and Schmidt, M., 2010, B-spline modeling of VTEC over Turkey using GPS observations. *Journal of Atmospheric and Solar-Terrestrial Physics*, 72(7-8), 617-624.
- Safari, A., Sharifi, M. and Foroughi, I., 2013, Local gravity field modeling using radial basis functions, case study: coastal area of the Persian Gulf. *Journal of the EARTH and SPACE PHYSICS*, 39, 33-48.
- Schaer, S., 1999, Mapping and predicting the Earth's ionosphere using the Global Positioning System. PhD thesis, Bern University, Switzerland.
- Schmidt, M., Karslioglu, M.O. and Zeilhofer, C., 2008, Regional multi-dimensional modeling of the ionosphere from satellite data. *Proceedings of the TUJK Annual Scientific Meeting*, Ankara.
- Schmidt, M., Dettmering, D., Mößmer, M., Wang, Y. and Zhang, J., 2011, Comparison of spherical harmonic and B spline models for the vertical total electron content. *Radio Science*, 46(6).
- Schreiner, W. S., Markin, R. E. and Born, G. H., 1997, Correction of single frequency altimeter measurements for ionosphere delay. *IEEE transactions on geoscience and remote sensing*, 35(2), 271-277.
- Sezen, U., Arikan, F., Arikan, O., Ugurlu, O. and Sadeghimorad, A., 2013, Online, automatic, near-real time estimation of GPS-TEC: IONOLAB-TEC. *Space Weather*, 11(5), 297-305.
- Sharifi, M. A. and Farzaneh, S., 2014, The spatio-spectral localization approach to modeling VTEC over the western part of the USA using GPS observations. *Advances in Space Research*, 54(6), 908-916.
- Sharifi, M. A. and Farzaneh, S., 2016, Local Ionospheric Modeling Using the Localized Global Ionospheric Map and Terrestrial GPS. *Acta Geophysica*, 64(1), 237-252.
- Sharifi, M. A. and Farzaneh, S., 2017, The ionosphere electron density spatio-temporal modeling based on the Slepian basis functions. *Acta Geodaetica et Geophysica*, 52(1), 5-18.
- Steigenberger, P., Rothacher, M., Dietrich, R., Fritsche, M., Rulke, A. and Vey, S., 2006, Geodesy and Gravity Tectonophysics-B05402-Reprocessing of a global GPS network (DOI 10.1029/2005JB003747). *Journal of Geophysical Research-Part B-Solid Earth*, 111(5).
- Tenzer, R. and Klees, R., 2008, The choice of the spherical radial basis functions in local gravity field modeling. *Studia Geophysica et Geodaetica*, 52(3), 287.
- Tenzer, R., Klees, R. and Wittwer, T., 2012, Local gravity field modelling in rugged terrain using spherical radial basis functions: case study for the Canadian rocky mountains,

- Geodesy for Planet Earth. Springer, 401-409.
- Wittwer, T., 2009, Regional gravity field modelling with radial basis functions.
- Zeilhofer, C., 2008, Multi-dimensional B-spline modeling of spatio-temporal ionospheric signals. 123, A, DGK, Mänchen.

Total electron content modeling in terms of spherical radial basis functions over Iran

Khoshgovari, Sh.¹, Amerian, Y.^{2*} and Mahbuby, H.³

1. M.Sc. Student, Department of Geodesy, Faculty of Geodesy and Geomatics Engineering, K. N. Toosi University of Technology, Tehran, Iran

2. Assistant Professor, Department of Geodesy, Faculty of Geodesy and Geomatics Engineering, K. N. Toosi University of Technology, Tehran, Iran

3. Ph.D. Student, Department of Geodesy, Faculty of Geodesy and Geomatics Engineering, K. N. Toosi University of Technology, Tehran, Iran

(Received: 5 Aug 2019, Accepted: 21 Jan 2020)

Summary

Satellite positioning using single frequency receivers and space technologies such as radar and communication systems all demand a precise knowledge of the ionosphere. Ionosphere is the upper layer of atmosphere which is ionized and affects the transmission of electromagnetic waves depending on their frequencies. Parameters that characterize this layer of the atmosphere are the Ionospheric Electron Density (IED) and the Total Electron Content (TEC). Hence, modeling and understanding of TEC in a precise way is an undeniable necessity. International Reference Ionosphere (IRI) and Global Ionospheric Maps (GIMs) are the sources of information that provide TEC values globally for all users. It could be expected that the accuracy of such global models in some regions like Iran are not suitable since these models are obtained from the global data sources which they lack a good density in Iran plateau. Thus, regional TEC modeling over Iran needs more attention. In this study, the total electron content obtained from the permanent dual-frequency GPS receivers are utilized in regional TEC modeling. Estimation of TEC requires satellites and receivers Differential Code Biases (DCB) to be known. DCB values for satellites and the International GNSS Service (IGS) receivers can be observed from IGS analysis centers e.g. the Center for Orbit Determination in Europe (CODE). However, for local dual frequency receivers to be used for the purpose of TEC monitoring, their DCB should be estimated. In this research, the DCB value of each station is computed from observations which their corresponding elevation angles are more than 60 degrees. The DCB computation process consists of 3 steps. First, Vertical Total Electron Content (VTEC) is obtained from the spatial and temporal interpolation of (IGS-IONEX) files. Second, each interpolated VTEC is multiplied by a mapping function. After that, the difference of the observed pseudo-range of the two frequencies is denoised via a moving average filter. Eventually utilizing the interpolated VTEC and smoothed difference of the observed pseudo-ranges and the mapping function, DCB values of all stations are estimated. Thereafter, a parameterization of the estimated VTEC over the study area is implemented. For this purpose, the Spherical Radial Basis Function (SRBF) method is used. These functions are compact support and more practical for interpolation of observations on a regional scale. It is necessary to mention that the optimization of the depth of SRBFs plays an important role in increasing the accuracy of the regression. The coefficients of the expansion are computed by least squares estimation, and the Tikhonov regularization method is used in which the regularization parameter is obtained from L-curve. Some of the observations are excluded from the dataset as check points for evaluation of the constructed model. In this research, once the modeling process is conducted over Iran and also the north-western region of Iran which has a more proper distribution of data, is parameterized on the 124th day of 2016. The height of the ionosphere layer is assumed 450 km above the earth's surface. Then a regular grid of point-mass functions that has the simplest form of SRBFs is constructed. Then, by changing the depth of the grid, an optimal depth is estimated at which the best accuracy is obtained at the check points. The results reveal that the parameterization of TEC with a regular grid of SRBFs in which the number of grid points are approximately 10% of the number of data, leads to the construction of a model whose accuracy in the check points is significantly enhanced comparing to GIMs. In addition, the accuracy of the modeling is better in areas where data density and distribution are more appropriate. The results of this research show that the accuracy of VTEC modeling in the whole region of Iran in 0 to 1 Universal Time (UT) and 10 to 11 UT are 0.87 and 1.30 TECU respectively. According to the GIMs VTEC accuracy of 1.91 and 1.97 TECU in the same periods of time, it is concluded that the accuracy of VTEC modeling in this research is improved by 1.04 and 0.67 TECU with respect to GIM. In addition, with increasing the density of data distribution and limiting the study region to the north west of Iran, the accuracy of the proposed model is equal to 0.33 and 1.66 TECU. With respect to the GIMs accuracy this is equal to 1.87 and 1.92 TECU, the proposed method has an improvement of about 1.54 and 0.86 TECU comparing to the GIMs model.

Keywords: Local ionosphere modeling, Total Electron Content (TEC), Global Ionospheric Maps (GIMs), Spherical Radial Basis Functions (SRBF), Tikhonov regularization.

* Corresponding author:

amerian@kntu.ac.ir